## CONTENTS

	Page
Acknowledgement	iii
Abstract in Thai	iv
Abstract in English	V
Statement of Originality in Thai	vii
Statement of Originality in English	viii
Chapter 1 Introduction  Chapter 2 Preliminaries	1
Chapter 2 Preliminaries	4
2.1 Semigroups	4
2.2 Identities and Varities	7
2.3 Hyperidentities and Hypervarities	9
2.4 The Monoid of all Generalized Hypersubstitutions	10
Chapter 3 Characterization of Some Special Elements in $Hyp_G(\tau)$	14
3.1 All Unit Elements in $Hyp_G(n)$	15
3.2 All Unit-regular Elements in $Hyp_G(2)$	18
3.3 All Unit-regular Elements in $Hyp_G(n)$ at University	21
3.4 All Completely Regular Elements in $Hyp_G(n)$	28
3.5 All Intra-regular Elements in $Hyp_G(2)$	32
Chapter 4 Factorisable Monoid of Generalized Hypersubstitutions of Type $\tau$	40
4.1 Factorisable Monoid of Generalized Hypersubstitutions of Type $\tau=(2)$	40
4.2 Factorisable Monoid of Generalized Hypersubstitutions of Type $\tau=(n)$	48
Chapter 5 Conclusion	51
Bibliography	57
Curriculum Vitae	61

## ข้อความแห่งการริเริ่ม

การแยกตัวประกอบได้เป็นสมบัติพิเศษหนึ่งบนทฤษฎีกึ่งกรุป มีนักวิจัยจำนวนมากได้ศึกษาการ แยกตัวประกอบได้ของกึ่งกรุปโดยศึกษาบนกึ่งกรุปที่แตกต่างกัน เราทราบว่าเซตของไฮเพอร์สับสติตู ชันที่วางนัยทั่วไปชนิด  $\tau$  เป็นโมนอยด์ เราจึงได้ศึกษาการแยกตัวประกอบได้บนโมนอยด์ของไฮเพอร์ สับสติตูชันที่วางนัยทั่วไปชนิด  $\tau=(2)$  และ  $\tau=(n)$  ตามลำดับ

สมาชิก ปกติ เป็น สมาชิก พิเศษ ใน กึ่งกรุ ป องค์ ประกอบ หลัก จากการ ศึกษา สมาชิก ปกติ คือ ตัว ผกผันของสมาชิกและ สมาชิกปกติบริบูรณ์ ซึ่งมีลักษณะ ที่แตกต่างจากลักษณะ ของสมาชิกปกติทั่ว ไป ในการศึกษานี้ เราสนใจที่จะศึกษาสมาชิกปกติบริบูรณ์ ของ โมนอยค์ของ ไฮเพอร์ สับ สติตูชัน ที่ วางนัย ทั่ว ไปชนิด  $\tau=(n)$  ซึ่งทำให้เรา ได้เซตของสมาชิกปกติบริบูรณ์ ทั้งหมดของ โมนอยค์ของ ไฮเพอร์ สับ สติตูชันที่ วางนัย ทั่ว ไปชนิด  $\tau=(n)$  จากการศึกษาสมาชิกปกติมายใน ไม่จำเป็น ต้องเป็น สมาชิกปกติ บริบูรณ์ เป็น สมาชิกปกติภายใน แต่ ในทางกลับ กัน สมาชิกปกติภายใน ไม่จำเป็น ต้องเป็น สมาชิกปกติ สมบูรณ์ เราจึงสนใจศึกษาเซตของสมาชิกปกติภายใน ทั้งหมดของ โมนอยค์ของ ไฮเพอร์ สับ สติตูชัน ที่ วางนัย ทั่ว ไปชนิด  $\tau=(2)$  โดยจุดประสงค์หลักในการศึกษานี้ เราแสดงให้ เห็น ว่าเซตของสมาชิกปกติ บริบูรณ์ ทั้งหมดและเซตของสมาชิกปกติภายใน ทั้งหมดของ โมนอยค์ของ ไฮเพอร์ สับ สติตูชัน ที่ วางนัย ทั่ว ไปชนิด  $\tau=(2)$  คือเซตเดียวกัน

ลิชสิทธิ์มหาวิทยาลัยเชียงใหม่ Copyright<sup>©</sup> by Chiang Mai University All rights reserved

## STATEMENT OF ORIGINALITY

Factorisable is a some special property in semigroup theory. A number of authors study factorisable on different semigroups. We know that the set of all generalized hypersubstitutions of type  $\tau$  with a binary operation forms a monoid. In this thesis, we study factorisable on the monoid of all generalized hypersubstitutions of type  $\tau = (2)$  and type  $\tau = (n)$ , respectively.

A regular element is a special elements in semigroup. The principle special study of a regular element are inverse of an element and a completely regular element with a great diversity of their various generalization. In this thesis, we study a completely regular element of the monoid of all generalized hypersubstitutions of type  $\tau = (n)$ . Then we use the concept of completely regular as a tool to study intra-regular. In semigroup theory, we know that a completely regular element is an intra-regular element. In general, an intra-regular element need not be a completely regular element. In this thesis, we conclude that completely regular and intra-regular of the monoid generalized hypersuvstitutions of type  $\tau = (2)$  are the same.

ลิ<mark>ชสิทธิ์มหาวิทยาลัยเชียงใหม่</mark> Copyright<sup>©</sup> by Chiang Mai University All rights reserved