

จากการศึกษาปริภูมิเอสเซนเชียล T_1 นอกจากไคร์นียาม, คุณสมบัติ
บางอย่างของปริภูมิที่เป็นเอสเซนเชียล T_1 และความสัมพันธ์ระหว่างปริภูมิบางปริภูมิ
กับปริภูมิเอสเซนเชียล T_1 แล้ว ยังได้ผลเพิ่มเติมอีกว่า

1. ปริภูมิที่เป็นเอสเซนเชียล T_1 มีคุณสมบัติเฮริททาร์, คุณสมบัติ
โทโพโลจิคัลอินแวเรียนท์ และคุณสมบัติโปรคักทีฟ
2. ให้ $X \neq \emptyset$, r เป็นความสัมพันธ์สมมูลบน X
ถ้าให้ $P : X \dashrightarrow X/r$ ซึ่ง $P(x) = [x]$ โดยที่ P
เป็นฟังก์ชันปิด และ $(X, \mathcal{J})$ เป็นปริภูมิเอสเซนเชียล T_1
แล้ว $(X/r, \mathcal{J}/r)$ จะเป็นปริภูมิเอสเซนเชียล T_1
3. ให้ X เป็นเซตจำกัด ดังนั้น $(X, \mathcal{J})$ จะเป็นปริภูมิ
เอสเซนเชียล T_1 ก็ต่อเมื่อทุกเซตเปิดใน X จะเป็นเซตปิด
4. ให้ X เป็นเซตจำกัด ดังนั้น $(X, \mathcal{J})$ จะเป็นปริภูมิ
เอสเซนเชียล T_1 ก็ต่อเมื่อ $(X, \mathcal{J})$ เป็นปริภูมิเรกูลาร์
5. ให้ $(X, \mathcal{J})$ เป็นปริภูมิโทโพโลยี ดังนั้น $(X, \mathcal{J})$ เป็น
ปริภูมิเอสเซนเชียล T_1 ก็ต่อเมื่อ $\overline{\{x\}} = \bigcap_{U \in \mathcal{J}(x)} U$
สำหรับทุก $x \in X$

6. ให้ $(X, \mathcal{J})$ เป็นปริภูมิโทโพโลยี ดังนั้น $(X, \mathcal{J})$ เป็นปริภูมิเอสเซนเชียล T_1 ก็ต่อเมื่อ สำหรับ $x, y \in X$ ซึ่ง $x \neq y$ ถ้า $x \in \{y\}'$ แล้ว $y \in \{x\}'$
7. ให้ $(X, \mathcal{J})$ เป็นปริภูมิโทโพโลยี ดังนั้น $(X, \mathcal{J})$ เป็นปริภูมิเอสเซนเชียล T_1 ก็ต่อเมื่อ สำหรับ $x, y \in X$ ซึ่ง $x \neq y$ ถ้า $x \in \text{Bdr } \{y\}$ แล้ว $y \in \text{Bdr } \{x\}$
8. ให้ $(X, \mathcal{J})$ เป็นปริภูมิโทโพโลยี ดังนั้นถ้า $(X, \mathcal{J})$ เป็นปริภูมิเอสเซนเชียล T_1 และทุกเซตเปิดเป็นเซตปิดแล้ว $(X, \mathcal{J})$ จะเป็นปริภูมิเรกูลาร์
9. ให้ $(X, \mathcal{J})$ เป็นปริภูมิเอสเซนเชียล T_1 ซึ่งเป็นแซทิวเรตจะได้ว่า $\{\bar{x}\}$ เป็นเซตเปิด สำหรับทุก $x \in X$
10. ให้ $(X, \mathcal{J})$ เป็นปริภูมิโทโพโลยี ถ้า $(X, \mathcal{J})$ เป็นปริภูมิเอสเซนเชียล T_1 และแซทิวเรต แล้ว $(X, \mathcal{J})$ จะเป็นปริภูมิเรกูลาร์

ลิขสิทธิ์มหาวิทยาลัยเชียงใหม่

Copyright© by Chiang Mai University

All rights reserved