

## บทที่ 4

### ผลการวิจัย

การวิจัยครั้งนี้เป็นการวิจัยเชิงปฏิบัติการในชั้นเรียน มีวัตถุประสงค์เพื่อศึกษาลักษณะการตรวจงานแบบวิพากษ์ผลและวิธีการที่นักเรียนนำข้อมูลข้อบกพร่องที่ได้จากการตรวจงานแบบวิพากษ์ผลไปปรับปรุงการเรียนคณิตศาสตร์ของตนเอง รวมถึงพัฒนาเกณฑ์การประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ และแนวทางการใช้คำานปลা�ຍเปิดเพื่อประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ของนักเรียน โดยนำเสนอผลการวิเคราะห์ข้อมูลตามวงจรการวิจัย 3 วงจร ดังต่อไปนี้

วงจรที่ 1 การใช้วิธีการตรวจงานแบบวิพากษ์ผล

วงจรที่ 2 การใช้คำานปลաຍเปิดในการประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ โดยเน้นการประเมินนักเรียนเป็นกลุ่ม

วงจรที่ 3 การใช้คำานปลաຍเปิดในการประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ โดยเน้นการประเมินนักเรียนเป็นรายบุคคล

#### วงจรที่ 1 การใช้วิธีการตรวจงานแบบวิพากษ์ผล

ผู้วิจัยดำเนินการวิจัยเพื่อศึกษาลักษณะการตรวจงานแบบวิพากษ์ผลที่ส่งเสริมให้นักเรียนนำข้อมูลข้อบกพร่องที่ได้จากการตรวจงานแบบวิพากษ์ผลไปปรับปรุงการเรียนคณิตศาสตร์ ตลอดจนความคิดเห็นของนักเรียนที่มีต่อการตรวจงานแบบวิพากษ์ผล โดยผู้วิจัยดำเนินการวิจัยตามลำดับขั้นตอนการวิจัยเชิงปฏิบัติการในชั้นเรียน ดังต่อไปนี้

Copyright © by Chiang Mai University  
All rights reserved

### 1) ขั้นวางแผน (Plan)

ผู้จัดฯได้วางแผนเพื่อศึกษาลักษณะการตรวจงานแบบวิพากษ์ผลที่ส่งเสริมให้นักเรียนนำข้อมูลข้ออนุกัดน์ไปใช้ และวิธีการที่นักเรียนนำข้อมูลข้ออนุกัดน์ที่ได้รับจากการตรวจงานแบบวิพากษ์ผลไปใช้ปรับปรุงการเรียนรู้ของตนเอง ดังนี้

1. จัดทำแผนการจัดการเรียนรู้เรื่องสัตวิชน่าอย่างที่ 1-2
2. จัดทำแบบบันทึกการเรียนรู้และแบบบันทึกการตรวจงานของนักเรียน
3. เตรียมสร้างข้อตกลงกับนักเรียนเกี่ยวกับกำหนดเวลาที่ให้ส่งการบ้านในแต่ละวัน โดยใช้เสียงส่วนใหญ่ของนักเรียนเป็นข้อสรุป

### 2) ขั้นปฏิบัติและสังเกตผลการปฏิบัติ (Act and Observe)

ผู้จัดฯได้ปฏิบัติและทำการเก็บรวบรวมข้อมูล โดยดำเนินการดังนี้

1. จัดกิจกรรมการเรียนการสอนตามแผนการจัดการเรียนรู้เรื่องสัตวิชน่าอย่างที่ 1-2 รวมทั้งหมด 15 ชั่วโมง (คู่ตัวอย่างได้ในภาคผนวก ก หน้า 101) โดยในแต่ละสัปดาห์มีการเรียนการสอนคณิตศาสตร์ทุกวัน วันละ 1 ชั่วโมง ซึ่งมีเนื้อหาเรียนชั้นทรัพยากรที่นักเรียนได้เรียนคณิตศาสตร์ 2 ชั่วโมง คือ ชั่วโมงที่ 1 และชั่วโมงที่ 4 รวมแล้วเรียนคณิตศาสตร์ทั้งหมด 6 ชั่วโมงต่อสัปดาห์ ผู้จัดฯสามารถจัดกิจกรรมการเรียนการสอนได้ตามแผนเป็นส่วนใหญ่ แต่มีปัญหาบ้างในวันที่มีการเรียนการสอนคณิตศาสตร์ในวันพุธและวันศุกร์ เนื่องจากมีนักเรียนขาด座 11 คนที่เป็นนักศึกษาวิชาทหารและต้องไปฝึกภาคสนามทุกวันในเวลา 12:30 น.-16:30 น. โดยใช้เวลาฝึก 1 เดือน ทำให้ไม่ได้เข้าเรียนทุกรายวิชาในช่วงป่าย ซึ่งในรายวิชาคณิตศาสตร์มีอยู่ 2 วันที่ชั่วโมงเรียนตรงกับช่วงป่าย คือวันอังคารและวันพุธหัสบดี โดยมีเรียนคณิตศาสตร์ในชั่วโมงที่ 6 และ 7 ตามลำดับ ซึ่งตารางเรียนดังกล่าวส่งผลให้การเรียนของนักเรียนเหล่านี้ไม่เป็นไปอย่างต่อเนื่อง ผู้จัดฯจึงได้สอบถามนักเรียนทั้ง 11 คนเพื่อกำหนดเวลาเรียนเพิ่มเติม แต่นักเรียนทุกคนต่างให้คำตอบเหมือนกันว่าไม่มีเวลา เนื่องจากช่วงพักกลางวันต้องรีบไปรับประทานอาหารให้เสร็จเรียนรู้อย่างก่อนเวลาอันดัชนามากเพื่อฝึกภาคสนาม ส่วนหลังเลิกเรียนก็ไม่สามารถนัดนักเรียนได้ เพราะกว่าจะเสร็จสิ้นการฝึกก็เป็นเวลา 16:30 น. ทำให้นักเรียนที่อยู่บ้านไม่สามารถเดินทางกลับบ้านจากปัญหาดังกล่าวทำให้ผู้จัดฯต้องใช้เวลาในช่วงต้นชั่วโมงของวันพุธและวันศุกร์ประมาณ 10-15 นาที เพื่อทบทวนเนื้อหาของวันอังคารและวันพุธหัสบดีที่ได้สอนไปแล้ว และได้ปรับแผนการจัดการเรียนรู้ที่ตรงกับวันพุธและศุกร์ใหม่ เพื่อให้สามารถจัดกิจกรรมการเรียนการสอนได้ทัน

2. สร้างข้อตกลงร่วมกันกับนักเรียนว่าในแต่ละวันจะส่งการบ้านในช่วงเวลาใด เนื่องจากผู้จัดฯได้มอบหมายการบ้านให้นักเรียนหลังจากเสร็จสิ้นกิจกรรมการเรียนการสอนในแต่ละชั่วโมงทุกครั้ง โดยวันจันทร์ซึ่งเป็นวันที่มีเรียนคณิตศาสตร์ 2 ชั่วโมง คือ ชั่วโมงที่ 1 และ

ชั่วโมงที่ 4 ผู้วิจัยจึงได้รวมการบ้านทั้งสองชั่วโมงให้เป็นชุดเดียวกัน ส่วนวันอื่น ๆ ได้มอบหมายการบ้านให้กับนักเรียนตามปกติรวมแล้วในวงจรที่ 1 มองหมายการบ้านให้นักเรียนทั้งหมด 10 ชุด โดยการบ้านชุดที่ 1-5 มีเนื้อหาเกี่ยวกับข้อมูลและการวิเคราะห์ข้อมูลเบื้องต้น ส่วนการบ้านชุดที่ 6-10 มีเนื้อหาเกี่ยวกับการวัดค่าແ恽่งที่ของข้อมูล และจากการสร้างข้อตกลงกับนักเรียนได้ข้อสรุปว่าในวันอังคาร พุธและพฤหัสบดีให้ส่งการบ้านในเวลา 8:00 น.-9:10 น. ส่วนวันจันทร์ และศุกร์ให้ส่งท้ายชั่วโมงที่เรียนคณิตศาสตร์ เนื่องจากมีเรียนคณิตศาสตร์ในชั่วโมงที่ 1 และ 2 ตามลำดับ

นอกจากการมอบหมายการบ้านให้นักเรียนในแต่ละชั่วโมงแล้ว ผู้วิจัยได้แจ้งบันทึกการเรียนรู้พร้อมกับการบ้านทุกครั้งโดยให้นักเรียนนำบันทึกการเรียนรู้ดังกล่าวมาส่งพร้อมการบ้าน ซึ่งจากการบ้านทั้งหมด 10 ชุด มีอยู่ 2 ครั้งที่ผู้วิจัยไม่ได้แจ้งบันทึกการเรียนรู้ เนื่องจากผู้วิจัยได้อ่านบันทึกการเรียนรู้ครั้งที่ 4 พบร่วมกับนักเรียนอีก 2 คนเขียนบอกมาในทำนองเดียวกันว่า ข้อคำถามที่ผู้วิจัยถามในบันทึกการเรียนรู้เริ่มซ้ำกับข้อคำถามที่เคยถามมาแล้ว ทำให้เกิดความเมื่อยหน่ายในการเขียนตอบ ผู้วิจัยจึงได้พิจารณาข้อคำถามในบันทึกการเรียนรู้เหล่านี้อีกครั้งพบว่ามีข้อคำถามที่ถามเดียวกับการนำผลที่ได้รับจากการตรวจการบ้านไปใช้ทุกครั้ง และผู้วิจัยได้รับข้อมูลดังกล่าวจากนักเรียนเพียงพอแล้ว ดังนั้นผู้วิจัยจึงไม่ได้แจ้งบันทึกการเรียนรู้ที่ตรงกับการบ้านชุดที่ 6 และชุดที่ 9 แต่ยังคงมีการแจกวันที่การเรียนรู้ที่ตรงกับการบ้านชุดที่ 7 และชุดที่ 8 เพราะว่าข้อคำถามที่ใช้ในบันทึกการเรียนรู้เปลี่ยนไป

3. เมื่อนักเรียนส่งการบ้านและบันทึกการเรียนรู้ผู้วิจัยได้ตรวจสอบการบ้านด้วยวิธีการตรวจแบบวิพากษ์ผล ซึ่งมีทั้งการวิพากษ์ผลแบบรายข้อและการวิพากษ์ผลแบบภาพรวม โดยการวิพากษ์ผลแบบรายข้อเป็นการเขียนข้อบกพร่องที่นักเรียนแต่ละคนต้องแก้ไขในข้อที่ทำผิด ส่วนข้อที่ทำถูกใช้การเขียนคำชี้ หลังจากตรวจการบ้านแต่ละข้อเสร็จผู้วิจัยได้วิพากษ์ผลแบบภาพรวมของการบ้านทั้งชุดว่าเป็นอย่างไรบ้าง นักเรียนแต่ละคนต้องแก้ไขปรับปรุงหรือศึกษาเรื่องใดเพิ่มเติมบ้าง โดยภาษาที่ใช้ในการวิพากษ์ผลผู้วิจัยใช้การเขียนเชิงให้กำลังใจ รวมถึงเขียนในลักษณะข้อคำถามให้นักเรียนลับไปพิจารณาหากว่าเป็นการบอกว่านักเรียนทำผิด และผู้วิจัยไม่มีการใช้เครื่องหมายพิเศษในการตรวจการบ้าน (คู่ตัวอย่างได้ในภาคผนวก ข หน้า 115) ส่วนบันทึกการเรียนรู้ผู้วิจัยใช้การเขียนตอบนักเรียนเป็นรายข้อ โดยไม่มีการวิพากษ์ผลแบบภาพรวม (คู่ตัวอย่างได้ในภาคผนวก ค หน้า 120) หลังจากตรวจบันทึกการเรียนรู้เสร็จ ผู้วิจัยได้คืนบันทึกการเรียนรู้ให้นักเรียน หลังจากนั้นให้นักเรียนนำบันทึกการเรียนรู้ดังกล่าวมาส่งคืนโดยแนบมาพร้อมกับการบ้านที่ต้องส่งในครั้งต่อไป

นอกเหนือจากการส่งการบ้านของนักเรียนตามที่ผู้วิจัยได้มอบหมายให้ทำส่งในแต่ละครั้ง ผู้วิจัยยังพบว่านักเรียนได้แก้ไขการบ้านที่ทำผิดมาให้ตรวจสอบอีกครั้ง โดยในการตรวจการบ้านที่นักเรียนแก้ไขมาส่งใหม่นั้น ผู้วิจัยยังคงใช้วิธีการตรวจแบบวิพากษ์ผลดังที่ได้กล่าวมาแล้วข้างต้น

จากการตรวจการบ้านด้วยวิธีการตรวจแบบวิพากษ์ผล พบร่วมโดยเฉลี่ยแล้วในหนึ่งชั่วโมงผู้วิจัยสามารถตรวจการบ้านของนักเรียนได้ประมาณ 9–10 คน ซึ่งเป็นวิธีการตรวจที่ค่อนข้างใช้เวลาไม่นาน ทำให้เกิดปัญหาตามมาคือตรวจการบ้านของนักเรียนไม่ทัน โดยเฉพาะอย่างยิ่งในวันพุธซึ่งเป็นวันที่มีเรียนคณิตศาสตร์ในชั่วโมงที่ 3 (10:10 น.–11:10 น.) แต่นักเรียนนำการบ้านมาส่งในเวลาประมาณ 9:00 น. ทำให้เหลือเวลาในการตรวจเพียง 1 ชั่วโมง ดังนั้นผู้วิจัยจึงต้องนำสมุดการบ้านไปคืนให้กับนักเรียนเพื่อใช้ในชั่วโมงเรียนก่อน หลังจากนั้นจึงให้นักเรียนส่งอีกครั้งตอนห้ายชั่วโมง และว่าให้นักเรียนนำรับคืนในช่วงบ่าย

จากการตรวจบันทึกการเรียนรู้ครั้งที่ 7 มีนักเรียนคนหนึ่งแนะนำว่า “อาจารย์น่าจะให้ระดับคะแนนเช่น A, B, C ด้วยในการบ้านแต่ละครั้ง เพราะนักเรียนจะได้ทราบว่าตัวเองอยู่ในระดับไหน” จากข้อเสนอแนะดังกล่าวผู้วิจัยจึงได้สอบถามนักเรียนในชั่วโมงเรียนถัดไปว่าแต่ละคนมีความคิดเห็นอย่างไร ถ้าผู้วิจัยจะมีการตรวจการบ้านพร้อมกับมีการให้ระดับคะแนน A, B, C ซึ่งนักเรียนทุกคนต่างเห็นด้วยกับแนวคิดนี้ ผู้วิจัยจึงเริ่มให้ระดับคะแนน  $A^+$ ,  $A$ ,  $A^-$ ,  $B^+$ ,  $B$ ,  $B^-$  หรือ  $C$  ดังเดียวกับการตรวจการบ้านครั้งที่ 9 และได้กำหนดเกณฑ์การให้ระดับคะแนน ดังนี้

ระดับคะแนน  $A^+$  สำหรับนักเรียนที่ทำการบ้านถูกทุกข้อและจะให้เฉพาะนักเรียนที่ทำการบ้านทุกข้อจากการบ้านที่เป็นแบบให้เลือกทำบางข้อ

ระดับคะแนน  $A$  สำหรับนักเรียนที่ทำการบ้านถูกต้องสมบูรณ์ทุกข้อ

ระดับคะแนน  $A^-$  สำหรับนักเรียนที่ทำการบ้านเกือบถูกต้องสมบูรณ์ แต่ยังมีข้อผิดพลาดเล็กน้อยในเรื่องการคำนวณ และการใช้เครื่องหมายต่าง ๆ

ระดับคะแนน  $B^+$  สำหรับนักเรียนที่ทำการบ้านได้ถูกต้องคิดเป็นร้อยละ 80 ขึ้นไปรวมถึงสามารถทำการบ้านด้วยแนวคิดที่ถูกต้อง แต่ยังมีข้อผิดพลาดตรงการคิดคำนวณต่าง ๆ

ระดับคะแนน  $B$  สำหรับนักเรียนที่ทำการบ้านได้ถูกต้องคิดเป็นร้อยละ 60–80 ของการบ้านทั้งหมด

ระดับคะแนน  $B^-$  สำหรับนักเรียนที่ทำการบ้านได้ถูกต้องคิดเป็นร้อยละ 50–60 ของการบ้านทั้งหมด

ระดับคะแนน  $C$  สำหรับนักเรียนที่ทำการบ้านได้ถูกต้องน้อยกว่าร้อยละ 50 ของ การบ้านทั้งหมด

เนื่องจากเกณฑ์ที่กล่าวข้างต้นเป็นเกณฑ์ที่ผู้วิจัยกำหนดขึ้นเอง แต่ไม่ได้ชี้แจงให้นักเรียนทราบก่อน จึงทำให้นักเรียนเขียนตามในบันทึกการเรียนรู้ครั้งที่ 10 ว่า “อาจารย์ใช้เกณฑ์ใดในการให้ระดับคะแนน ทำไม่หนูถึงได้ B- และ B- หมายความว่าอย่างไร” ผู้วิจัยจึงมีแนวคิดที่จะแจ้งเกณฑ์ที่ผู้วิจัยใช้ในการให้ระดับคะแนนให้กับนักเรียนทราบในวงจรต่อไป เพื่อให้นักเรียนมีความเข้าใจต่อระดับคะแนนที่ตนเองได้รับมากขึ้น และสามารถที่ผู้วิจัยต้องแจ้งเกณฑ์ดังกล่าวในวงจรต่อไป เมื่อจากการบ้านชุดที่ 10 เป็นการบ้านชุดสุดท้ายของการวิจัยในวงจรนี้

4. หลังจากทำการบ้านนักเรียนแต่ละคนเสร็จ ผู้วิจัยได้นำข้อผิดพลาดหรือจุดบกพร่องที่นักเรียนแต่ละคนต้องปรับปรุงแก้ไขมาบันทึกในแบบบันทึกการตรวจการบ้านพร้อมทั้งคำนวณหาร้อยละของนักเรียนที่ส่งการบ้านและนักเรียนที่ต้องมีการแก้ไขปรับปรุงการบ้าน จากนั้นผู้วิจัยได้ทำการเก็บรวมข้อมูลเกี่ยวกับวิธีการที่นักเรียนแต่ละคนนำข้อมูลข้อนักลับที่ได้รับไปใช้ในการปรับปรุงข้อมูลของตนเอง โดยเก็บรวมข้อมูลจากการตอบข้อคำถามในบันทึกการเรียนรู้ของนักเรียนแต่ละคนว่ามีการนำข้อมูลข้อนักลับไปใช้อย่างไรบ้าง ในขณะเดียวกันผู้วิจัยได้สังเกตผลจากการตรวจการบ้านในชุดตัดไปว่าบังมีข้อมูลของเดิมหรือไม่ และนักเรียนได้มีการแก้ไขงานหรือการบ้านที่ผิดได้ถูกต้องหรือไม่ แล้วน้ำผลดังกล่าวไปบันทึกในแบบบันทึกการตรวจการบ้าน (คุณว่าอย่างได้ในภาคผนวก จ หน้า 130) ซึ่งข้อมูลเหล่านี้แสดงได้ดังตาราง 4

**ตาราง 4** แสดงจำนวนนักเรียนที่ส่งการบ้านและจำนวนนักเรียนที่นำข้อมูลข้อนักลับไปใช้ในการปรับปรุงแก้ไขการบ้านของตนเอง

การบ้าน ชุดที่	จำนวน นักเรียนที่ ส่ง	จำนวน นักเรียนที่ ต้องแก้ไข ปรับปรุง	นักเรียนที่การ แก้ไข ปรับปรุง		วิธีการที่นักเรียนใช้ในการแก้ไขปรับปรุง	
			จำนวน	ร้อยละ	จำนวนนักเรียนที่ แก้ไขโดยการทำ ใหม่	จำนวนนักเรียนที่แก้ไข ครั้งเดิม / ทำเพิ่มเติม ครั้งเดิม
1	34	-	-	-	-	-
2	31	7	0	0	-	-
3	23	8	5	62.5	3	2
4	22	8	5	62.5	-	5
5	28	14	9	64.29	4	5
6	29	14	11	78.57	2	9

## ตาราง 4 (ต่อ)

การบ้าน ชุดที่	จำนวน นักเรียนที่ ส่ง	จำนวน นักเรียนที่ ต้องแก้ไข ปรับปรุง	นักเรียนที่มีการ แก้ไข ปรับปรุง	วิธีการที่นักเรียนใช้ในการแก้ไขปรับปรุง			
				จำนวน	ร้อยละ	จำนวนนักเรียนที่ แก้ไขโดยการทำ ใหม่	จำนวนนักเรียนที่แก้ไข ตรงจุดเดิม / ทำเพิ่มเติม ตรงจุดเดิม
7	31	7	7	100		1	6
8	33	9	7	77.78		2	5
9	30	7	6	85.71		-	6
10	34	16	12	75		2	10

จากตาราง 4 จะเห็นได้ว่าจำนวนนักเรียนที่ส่งการบ้านในครั้งที่ 3 และ 4 เริ่มลดลง จากครั้งที่ 1 และ 2 ซึ่งสาเหตุหนึ่งของปัญหาน่าจะมาจากการนักเรียนชายจำนวน 11 คน ที่เป็น นักศึกษาวิชาทหารและมีความจำเป็นต้องไปฝึกภาคสนามดังที่ได้กล่าวมาแล้ว ทำให้การเรียนไม่ ต่อเนื่อง ส่งผลต่อการส่งการบ้านของนักเรียนเหล่านี้ด้วย ดังนั้นผู้วิจัยจึงได้ตกลงกับนักเรียนทั้ง 11 คนใหม่เกี่ยวกับเวลาในการส่งการบ้าน โดยผู้วิจัยอนุญาตให้ส่งการบ้านชุดที่ต้องกับชั่วโมงที่ นักเรียนเหล่านี้ไม่ได้เรียน ได้พร้อมกันกับการบ้านในชุดถัดไป นอกจากนี้ผู้วิจัยพบว่ามีนักเรียนอยู่ 5 คน ที่ไม่เคยส่งการบ้านเลยตั้งแต่ชุดที่ 1-4 ซึ่งจากการสัมภาษณ์นักเรียนทั้ง 5 คน ต่างให้เหตุผล ที่ไม่ได้ส่งการบ้านในทำนองเดียวกันว่ามีการบ้านเป็นจำนวนมาก และการบ้านยากเกินไป ดังนั้น ผู้วิจัยจึงได้สอบถามเพื่อนนักเรียนในชั้นเพิ่มเติมเกี่ยวกับการส่งการบ้านของนักเรียนทั้ง 5 คน ใน รายวิชาอื่น พบร่วมทั้ง 5 คน ไม่มีการส่งการบ้านในรายวิชาอื่นเช่นกัน จากปัญหาดังกล่าวทำให้ ผู้วิจัยเริ่มใช้การเสริมแรงทางบวกที่นักเรียนหนีจากการเรียนคำชม โดยมีการให้สติ๊กเกอร์รูป การ์ตูนแก่นักเรียนที่ส่งการบ้านตรงเวลาทุกครั้ง และเริ่มให้ตั้งแต่การตรวจการบ้านชุดที่ 5 ซึ่งหลัง จากให้สติ๊กเกอร์ทำให้จำนวนนักเรียนที่ส่งการบ้านเริ่มสูงขึ้นในครั้งที่ 6 และ 7 โดยคิดเป็นร้อยละ 74.36 และ 79.49 ตามลำดับ และจากการอ่านบันทึกการเรียนรู้ครั้งที่ 10 ซึ่งผู้วิจัยได้ถามนักเรียน ว่าสติ๊กเกอร์รูปการ์ตูนที่ผู้วิจัยให้ในการส่งการบ้านแต่ละครั้งมีผลต่อความตั้งใจในการทำการบ้าน ของนักเรียนบ้างหรือไม่ เพราะเหตุใด นักเรียนที่ส่งบันทึกการเรียนรู้ทั้งหมด 33 คน ให้ข้อคิดเห็น ไปในทิศทางเดียวกันว่าสติ๊กเกอร์รูปการ์ตูนเป็นปัจจัยหนึ่งที่กระตุ้นให้ตนเองมีความกระตือรือร้น ในการทำและการส่งการบ้าน ยกตัวอย่างเช่นมีนักเรียนคนหนึ่งเขียนบอกว่า “การติดสติ๊กเกอร์รูป การ์ตูนในการบ้านแต่ละครั้งเหมือนเป็นการเตือนสติให้เราทำแบบฝึกหัดทุกครั้ง เพราะสติ๊กเกอร์ แต่ละอันแสดงถึงความรับผิดชอบของเรา”

ในส่วนของความถูกต้องของการบ้านในชุดที่ 1 นั้นนักเรียนทุกคนสามารถทำการบ้านได้ถูกต้อง เนื่องจากการบ้านชุดนี้เป็นการบ้านที่มีคำตอบไม่เฉพาะเจาะจง และนักเรียนสามารถแสดงความคิดเห็นได้อย่างไม่จำกัด จึงทำให้นักเรียนทุกคนสามารถทำการบ้านได้อย่างถูกต้อง ส่วนการบ้านชุดที่ 2 จากนักเรียนที่ส่งการบ้านทั้งหมด 31 คน มีนักเรียนที่ต้องปรับปรุงแก้ไขตนเองจำนวน 7 คน ปรากฏว่าไม่มีนักเรียนคนใดเลขที่แก้ไขการบ้านมาส่งใหม่ แต่หลังจากนั้นในการบ้านชุดถัดไปพบว่าจำนวนนักเรียนที่แก้ไขปรับปรุงการบ้านที่ผิดมีแนวโน้มสูงขึ้น ซึ่งเป็นผลมาจากการตรวจการบ้านตั้งแต่ชุดที่ 3 เป็นต้นไปผู้วิจัยได้มีการย้ำให้นักเรียนที่ทำการบ้านผิดได้ปรับปรุงแก้ไขการบ้านของตนเองใหม่ โดยเป็นการเขียนย้ำเพิ่มเติมในส่วนของการวิพากษ์ผลแบบภาพรวม

จากการสอบถามนักเรียนผ่านบันทึกการเรียนรู้ครั้งที่ 7 เกี่ยวกับวิธีการตรวจการบ้านที่ผู้วิจัยใช้ว่ามีผลต่อความตั้งใจในการเรียนและการทำการบ้านของนักเรียนหรือไม่ อย่างไรบ้าง จากนักเรียนที่ส่งบันทึกการเรียนรู้ทั้งหมด 30 คน พบร่วมกัน 28 คน ที่ให้ข้อคิดเห็นไปในทิศทางเดียวกันว่าการตรวจการบ้านด้วยวิธีการตรวจแบบวิพากษ์ผลเป็นวิธีการตรวจที่ช่วยส่งเสริมให้นักเรียนมีความตั้งใจในการทำและการส่งการบ้านมากขึ้น รวมถึงส่งเสริมให้นักเรียนตั้งใจเรียนมากขึ้นด้วย

นอกจากการสอบถามนักเรียนเกี่ยวกับวิธีการตรวจงานที่มีผลต่อความตั้งใจในการเรียนและการทำการบ้านแล้ว ผู้วิจัยได้สอบถามนักเรียนในบันทึกการเรียนรู้ครั้งที่ 8 ว่าวิธีการตรวจการบ้านที่ผู้วิจัยใช้มีผลทำให้นักเรียนมีความเข้าใจในเนื้อหาที่เรียนมากขึ้นหรือไม่ เพราะเหตุใด จากการอ่านบันทึกการเรียนรู้ของนักเรียนทั้งหมด 33 คน พบร่วมกัน 29 คน ที่ให้ความเห็นคล้ายกันว่าวิธีการตรวจการบ้านที่ผู้วิจัยใช้นั้นทำให้ตนเองมีความเข้าใจในเนื้อหามากขึ้น เมื่อจากมีการให้คำแนะนำและมีการซื้อขายกันพร่องของตนเอง ซึ่งสามารถนำมาแก้ไขและปรับปรุงตนเองใหม่ได้ ส่วนนักเรียนอีก 3 คน ให้ความคิดเห็นว่าวิธีการตรวจของผู้วิจัยทำให้ตนเองมีความเข้าใจในเนื้อหานั่งบางครั้ง แต่อย่างไรก็ตามมีนักเรียนอีก 1 คน ที่เขียนบอกว่าจากวิธีการตรวจที่ผู้วิจัยใช้ไม่มีผลต่อความเข้าใจในเนื้อหา โดยให้เหตุผลว่า “ถ้าหนูทำผิด หนูก็คิดว่าผิดแล้วช่างมันผิดแล้วนำไปแก้ไขยากอีนแทน หนูไม่กลับมาแก้ไขที่ผิด การที่ได้เข้าใจเนื้อหา ก็ไม่ได้เข้าใจมากขึ้น กว่าเดิมเลย” แต่จากการสังเกตพฤติกรรมการเรียนของนักเรียนคนดังกล่าวพบว่าเป็นนักเรียนที่ตั้งใจเรียนและสามารถทำการบ้านแต่ละครั้งได้อย่างถูกต้อง ซึ่งข้อสังเกตที่พบอาจเป็นปัจจัยหนึ่งที่ทำให้นักเรียนคนนี้แสดงเหตุผลดังที่ได้กล่าวมาแล้ว

ในส่วนของการแก้ไขการบ้านของนักเรียนสังเกตพบว่าวิธีการที่นักเรียนนำเข้ามูลข้อมูลกลับที่ได้รับไปใช้ปรับปรุงแก้ไขการบ้านของตนเองนั้นสามารถสรุปได้เป็น 2 รูปแบบ โดย

รูปแบบแรกนั้นนักเรียนแก้ไขการบ้านข้อที่ผิดมาส่งใหม่ โดยนำข้อมูลข้อนักเรียนที่ได้รับไปแก้ไข การบ้านที่ทำผิดและนำมาส่งใหม่พร้อมกันกับการบ้านในชุดดังไป ซึ่งวิธีการนี้นักเรียนใช้ก็ต่อเมื่อข้อผิดพลาดของนักเรียนในการบ้านเป็นข้อผิดพลาดที่ค่อนข้างมาก เช่น นักเรียนทำการบ้านข้อนั้นด้วยความเข้าใจที่ไม่ถูกต้อง เป็นต้น (อุตัวอย่าง ได้ในภาคผนวก ง หน้า 126) ส่วนอีกรูปแบบหนึ่งนักเรียนแก้ไขการบ้านที่ผิดตรงข้อเดิมแต่ใช้ปากกาที่มีสีแตกต่างจากที่ใช้อozy เช่น ใช้ปากกาแดง ดินสอ เป็นต้น รวมถึงมีการลบขาดที่ผิดพลาดด้วยปากกาลบคำผิดแล้วเขียนแก้ไขลงที่ถูกต้องลงไปแทน วิธีการนี้นักเรียนใช้มีการบ้านมีข้อผิดพลาดเพียงเล็กน้อย เช่น การคำนวณผิด การตอบผิด เป็นต้น (อุตัวอย่าง ได้ในภาคผนวก ง หน้า 128) และจากการตรวจสอบการบ้านที่นักเรียนแก้ไขมาส่งใหม่พบว่านักเรียนสามารถแก้ไขการบ้านข้อที่ผิดได้อย่างถูกต้อง

5. นอกจากการศึกษาเรื่องการสื่อสารระหว่างครูกับนักเรียนผ่านการตรวจงานแบบวิพากษ์ผลแล้ว ผู้วิจัยได้แพร่ICASTามปลายเปิดในการบ้านแต่ละชุดให้กับนักเรียนด้วย เพื่อให้นักเรียนคุ้นเคยกับคำตามปลายเปิดก่อนการใช้คำตามปลายเปิดในวงจรดังไป โดยคำตามปลายเปิดในวงจรนี้เป็นคำตามที่ยังไม่ซับซ้อนมากนัก ซึ่งจากการบ้านในวงจรที่ 1 ทั้งหมด 10 ชุด มีอยู่ 7 ชุด ที่ผู้วิจัยได้แพร่ICASTามปลายเปิดในการบ้านด้วย โดยการบ้านชุดที่ 4 ชุดที่ 6 และชุดที่ 7 เป็นการบ้านชุดที่ไม่มีการแพร่ICASTามปลายเปิด จากการวิเคราะห์การตอบคำตามปลายเปิดในการบ้านแต่ละชุดแสดงผลได้ดังนี้

การบ้านชุดที่ 1 มีคำตามปลายเปิด 3 ข้อ โดยข้อแรกถามนักเรียนว่าในการศึกษาเกี่ยวกับประวัติการก่อตั้งอันเกอเวียงสา นักเรียนสามารถศึกษาหรือค้นคว้าข้อมูลได้จากแหล่งใดได้บ้าง จำนวนนักเรียนที่ส่งการบ้านทั้งหมด 34 คน พนว่าทุกคนสามารถตอบคำตามข้อนี้ได้ถูกต้อง โดยคำตอบที่นักเรียนตอบนั้นมีอย่างหลากหลาย ไม่ว่าจะเป็นการสอบถามจากผู้เฒ่าผู้แก่ที่รู้ศึกษาจากหนังสือ สื่อสิ่งพิมพ์ต่าง ๆ ในห้องสมุด รวมถึงศึกษาข้อมูลจากอินเตอร์เน็ต คำตามปลายเปิดข้อที่สองให้นักเรียนยกตัวอย่างข้อมูลเชิงปริมาณและข้อมูลเชิงคุณภาพมาย่างละ 5 ตัวอย่าง จากการวิเคราะห์คำตอบของนักเรียนที่ตอบในข้อนี้พบว่ายังไม่มีความหลากหลายมากนัก โดยเฉพาะในส่วนของการยกตัวอย่างข้อมูลเชิงปริมาณ คำตอบที่ได้มีลักษณะคล้ายกัน เช่น จำนวนนักเรียนหญิงชั้น ม.5/3 จำนวนนักเรียนชายชั้น ม.5/3 จำนวนนักเรียนโรงเรียนสาม เป็นต้น ส่วนคำตามปลายเปิดข้อสุดท้ายของ การบ้านชุดที่ 1 ถามนักเรียนเกี่ยวกับปัญหาสำคัญในการเก็บรวบรวมข้อมูล โดยการสอบถามทางไปรษณีย์มีอย่างบ้าง และแนวทางแก้ปัญหาเหล่านี้ทำได้อย่างไรบ้าง ซึ่งจากการตรวจสอบการบ้านพบว่านักเรียนที่ส่งการบ้านทั้งหมด 34 คน สามารถตอบคำตามข้อนี้ได้อย่างถูกต้อง และคำตอบที่ได้มีความแตกต่างทั้งในเรื่องของปัญหาและแนวทางแก้ปัญหาที่นักเรียนนำเสนอ ซึ่งจากการวิเคราะห์ลักษณะคำตามปลายเปิดที่ใช้ทั้ง 3 ข้อ จะเห็นได้

ว่าเป็นคำตามที่มีคำตอบไม่เฉพาะเจาะจงและเปิดโอกาสให้นักเรียนแสดงความคิดเห็นได้อย่างหลากหลาย จึงส่งผลให้นักเรียนทุกคนสามารถตอบตามทั้งสามข้อได้อย่างถูกต้อง

การบ้านชุดที่ 2 และชุดที่ 3 คำตามปลายเปิดมีลักษณะคล้ายกัน คือ ให้นักเรียนสร้างตารางแยกความถี่ของข้อมูลโดยให้นักเรียนกำหนดความกว้างของอันตรภาคชั้นหรือจำนวนอันตรภาคชั้นเอง โดยการบ้านชุดที่ 2 ผู้วิจัยได้กำหนดข้อมูลให้ ส่วนการบ้านชุดที่ 3 ผู้วิจัยให้นักเรียนสำรวจข้อมูลน้ำหนักของเพื่อนในชั้นทุกคน เพื่อใช้ข้อมูลดังกล่าวในการสร้างตารางแยกความถี่ จากนักเรียนที่ส่งการบ้านชุดที่ 2 ทั้งหมด 31 คน พบร่วมกับนักเรียนอยู่ 10 คนและ 13 คน กำหนดให้มีความกว้างของอันตรภาคชั้นเท่ากับ 10 และ 20 ตามลำดับ ส่วนนักเรียนที่เหลืออีก 8 คน ได้กำหนดให้มีความกว้างของอันตรภาคชั้นที่แตกต่างกันไป เช่น กำหนดให้ความกว้างของอันตรภาคชั้นเท่ากับ 15; 22, 35, 39 เป็นต้น ส่วนการบ้านชุดที่ 3 ซึ่งกำหนดให้นักเรียนไปสำรวจข้อมูลน้ำหนักของเพื่อนในชั้นเอง พบร่วมกับนักเรียนแต่ละคนใช้ในการสร้างตารางแยกความถี่นั้นไม่เหมือนกัน ทั้งนี้เนื่องจากนักเรียนใช้การคาดคะเนน้ำหนักของเพื่อนแต่ละคน โดยไม่ได้ไปสำรวจข้อมูลจริง จากตารางแยกความถี่ที่นักเรียนสร้างพบว่ากำหนดให้มีความกว้างอันตรภาคชั้นอยู่ในช่วง 4-8 ความกว้างของอันตรภาคชั้นที่นักเรียนส่วนใหญ่เลือกใช้กัน คือ 5 โดยมีนักเรียนเลือกใช้ 16 คนจากนักเรียนที่ส่งการบ้านทั้งหมด 24 คน จากผลการตรวจที่ได้กล่าวมาแสดงให้เห็นว่าคำตามปลายเปิดทำให้นักเรียนมีการตอบอย่างหลากหลาย แต่ทั้งนี้การเปิดโอกาสให้นักเรียนสำรวจข้อมูลเอง อาจทำให้นักเรียนสร้างข้อมูลเอง โดยไม่ทำการสำรวจข้อมูลตามความเป็นจริง

คำตามปลายเปิดในการบ้านชุดที่ 5 ให้นักเรียนสร้างตารางแยกความถี่ความสูงของนักเรียนชั้น ม.5/3 ที่มีความกว้างของแต่ละอันตรภาคชั้นไม่เท่ากัน โดยผู้วิจัยให้นักเรียนสำรวจความสูงของเพื่อนในชั้นเอง จากนั้นให้สร้างอีสโทแกรมและรูปหลายเหลี่ยมของความถี่จากการดึงกล่าว และจากการตรวจการบ้านชุดที่ 5 พบร่วมกับตารางแยกความถี่ที่ได้มีความแตกต่างกันมากทั้งความกว้างของแต่ละอันตรภาคชั้นและจำนวนอันตรภาคชั้น จากนักเรียนที่ส่งการบ้านทั้งหมด 28 คน มีอยู่ 5 คน ที่สร้างตารางแยกความถี่ได้เหมือนกันทุกประการ ผู้วิจัยได้สอบถามนักเรียนกลุ่มดังกล่าว มีอยู่ 4 คนที่ยอมรับว่าได้ลอกการบ้านของเพื่อนมาส่งเข้ามาให้ สร้างตารางแยกความถี่ได้เหมือนกันและมีนักเรียนคนหนึ่งบอกกับผู้วิจัยว่า “อาจารย์รู้เลยใช่ไหมคะว่าครอลอกการบ้านกันบ้าง เพราะคำตามที่ใช้นั้นแต่ละคนสามารถทำได้หลายแบบและมีโอกาสเสื่อมมากที่จะได้คำตอบเหมือนกัน ครั้งต่อไปหนูจะพยายามทำเอง เดียวอาจารย์จะได้อีก” จากประเด็นดังกล่าวเห็นได้ว่าในการตรวจการบ้านที่เป็นคำตามปลายเปิด ทำให้ผู้ที่ตรวจการบ้าน

สามารถพนข้อสังเกตได้อ่าย่างชัดเจนว่านักเรียนคนใดทำการบ้านด้วยตนเองหรือลอกการบ้านเพื่อน รวมถึงทำให้นักเรียนเกิดความพหายานในการที่จะทำการบ้านด้วยตนเองมากขึ้น

ส่วนคำตามปลายเปิดในชุดที่ 8-10 มีลักษณะคล้ายกันคือให้นักเรียนหา  $P_a$ ,  $D_b$ ,  $Q_c$  จากข้อมูลที่กำหนดให้ โดยผู้วิจัยได้ให้นักเรียนกำหนดค่าของ  $a$ ,  $b$  และ  $c$  เอง พร้อมทั้งบอกความหมายของค่าที่หาได้ โดยวิธีการหา  $P_a$ ,  $D_b$ ,  $Q_c$  ของการบ้านแต่ละชุดขึ้นอยู่กับวิธีการที่นักเรียนได้เรียนในแต่ละช่วงไม่ง โดยการบ้านชุดที่ 8 ให้หาโดยใช้หลักการเทียบบัญญัติ ตารางค์ การบ้านชุดที่ 9 หาโดยการใช้สูตร และการบ้านชุดที่ 10 ให้หาโดยการใช้กราฟ จากการตรวจการบ้านทั้ง 3 ชุด ผู้วิจัยพบว่ายังมีนักเรียนที่กำหนดค่าของ  $a$ ,  $b$  และ  $c$  ได้ไม่ถูกต้อง เช่น กำหนด  $c = 4$  เพื่อต้องการหา  $Q_4$  เป็นต้น ซึ่งจากการตอบของนักเรียนแสดงให้เห็นว่านักเรียนคนดังกล่าว ยังไม่มีความเข้าใจที่แท้จริงในเรื่องการวัดดำเนินแห่งที่ของข้อมูล ดังนั้นผู้วิจัยจึงให้ไปพิจารณาอีกครั้งว่าขอบเขตของปอร์เซนต์ไทล์ เดไซล์ และควอร์ไทล์นั้นมีค่าไม่เกินเท่าใด และค่าที่หามาได้มีความหมายว่าอย่างไร นอกจากนี้ผู้วิจัยสังเกตพบว่าในการกำหนดค่า  $a$ ,  $b$  และ  $c$  ของนักเรียนได้กำหนดค่าที่เมื่อกำหนดทำตามแห่งของปอร์เซนต์ไทล์ เดไซล์ หรือควอร์ไทล์ แล้วได้ค่าของมาเป็นจำนวนเต็มเสมอ ซึ่งจากการสัมภาษณ์นักเรียนเกี่ยวกับวิธีการเลือกใช้ค่า  $a$ ,  $b$  และ  $c$  พบว่า นักเรียนได้ลองคำนวณหาก่อนว่าค่า  $a$ ,  $b$  และ  $c$  ค่าใดที่ทำให้ดำเนินแห่งของปอร์เซนต์ไทล์ เดไซล์ หรือควอร์ไทล์เป็นจำนวนเต็ม เพื่อทำให้การคำนวณง่ายขึ้น รวมถึงประหยัดเวลา เพราะไม่ต้องคำนวณต่อว่าทศนิยมที่เหลือทำให้ดำเนินแห่งเพิ่มขึ้นเท่าใด นอกจากนี้ผู้วิจัยพบว่ามีนักเรียนอยู่ 1 คน ให้ข้อเสนอแนะกับผู้วิจัยว่าควรกำหนดค่า  $a$ ,  $b$  และ  $c$  มาให้ เพราะถ้าให้นักเรียนเดือกกำหนดเองก็จะกำหนดค่าที่ทำให้การคำนวณง่ายขึ้น ซึ่งอาจส่งผลต่อการทำข้อสอบก็ได้

จากการตรวจการบ้านที่เป็นคำตามปลายเปิด ผู้วิจัยพบว่าคำตามปลายเปิดเป็นคำตามที่เปิดโอกาสให้นักเรียนได้ตอบคำตามได้ตามระดับความสามารถของตนเอง รวมถึงคำตามดังกล่าวบังช่วยส่งเสริมให้นักเรียนมีความพหายานที่จะทำการบ้านด้วยตนเองมากขึ้น เนื่องจากคำตอบของนักเรียนแต่ละคนสามารถตรวจสอบได้อย่างชัดเจนว่านักเรียนคนใดทำการบ้านด้วยตนเองหรือลอกของเพื่อน นอกจากนี้พบว่าในการตรวจการบ้านที่เป็นคำตามปลายเปิดมีความแตกต่างจากการตรวจการบ้านที่ไม่ใช่คำตามปลายเปิดคือการบ้านที่เป็นคำตามปลายเปิดต้องใช้เวลาในการตรวจมากกว่า ทั้งนี้เนื่องจากคำตอบของนักเรียนแต่ละคนแตกต่างกัน ทำให้ผู้วิจัยต้องพิจารณาหรือคำนวณหาว่านักเรียนแต่ละคนทำการบ้านได้ถูกต้องหรือไม่ ส่งผลให้การตรวจการบ้านที่เป็นคำตามปลายเปิดต้องใช้เวลามากกว่าการบ้านที่ไม่ใช่คำตามปลายเปิด

### 3) ขั้นสะท้อนผลการปฏิบัติ (Reflect)

ผู้วิจัยได้ทำการสะท้อนผลการปฏิบัติหลังจากการให้ข้อมูลย้อนกลับด้วยการตรวจงานแบบวิพากร์ผล ในประเด็นเกี่ยวกับลักษณะการตรวจงานแบบวิพากร์ผลและวิธีการในการนำข้อมูลย้อนกลับที่ได้จากการตรวจงานแบบวิพากร์ผล ไปปรับปรุงการเรียนคณิตศาสตร์ของนักเรียน ตลอดจนแนวทางในการใช้คำ丹าปลายเปิดที่ใช้ในวงจรนี้ ซึ่งมีรายละเอียดของการสะท้อนผลดังนี้

จากการวิเคราะห์ลักษณะการตรวจงานแบบวิพากร์ผลพบว่าการวิพากร์ผลที่มีพื้นการวิพากร์ผลแบบรายชื่อและการวิพากร์ผลแบบภาพรวม เป็นวิธีการตรวจงานที่ทำให้ผู้วิจัยได้รับรู้ถึงข้อมูลพร่องหรือขาดที่นักเรียนแต่ละคนเข้าใจผิดได้ค่อนข้างชัดเจน และสามารถให้ข้อมูลย้อนกลับเพื่อให้นักเรียนแต่ละคนได้นำไปปรับปรุงการเรียนรู้ของตนเองได้ตรงประเด็นมากขึ้น ทำให้รับรู้ถึงลักษณะการทำงานของนักเรียนแต่ละคนได้ละเอียดมากขึ้น นอกจานนี้การตรวจงานแบบวิพากร์ผลยังเป็นวิธีการตรวจงานที่ส่งเสริมให้ครูและนักเรียนได้มีโอกาสสื่อสารผ่านการทำการบ้านของนักเรียนมากขึ้น โดยในช่วงแรกของการวิจัยพบว่าการสื่อสารระหว่างครูกับนักเรียนยังคงเป็นการสื่อสารแบบทางเดียวอยู่ โดยมีครูเป็นผู้ให้ข้อมูลย้อนกลับเพื่อให้นักเรียนได้นำไปปรับปรุงการเรียนรู้ของตนเอง แต่นักเรียนยังไม่มีการสื่อสารโดยตอบกลับมาให้ครูรับรู้ว่าข้อมูลที่ได้รับทำให้ตนเองมีความเข้าใจในเนื้อหาหรือเรื่องที่เข้าใจผิดมากขึ้นเพียงใด โดยสังเกตได้จากนักเรียนไม่มีการแก้ไขการบ้านที่ผิดมาส่งหลังจากได้รับข้อมูลย้อนกลับจากการตรวจงานแบบวิพากร์ผล ซึ่งอาจเป็นผลมาจากนักเรียนยังไม่คุ้นเคยกับการแก้ไขการบ้านที่ทำผิดมาส่ง เนื่องจากปกติการทำการบ้านของนักเรียนที่เคยปฏิบัติกันมาจะอยู่ในลักษณะที่ส่งการบ้านเสร็จก็ถือว่าเสร็จสิ้นกระบวนการ โดยไม่เห็นความสำคัญของการแก้ไขการบ้านที่ทำผิดเท่าที่ควร แต่เมื่อผู้วิจัยได้กระตุ้นให้นักเรียนเห็นความสำคัญของข้อมูลที่ได้รับจากการตรวจการบ้าน และส่งเสริมให้มีการนำข้อมูลย้อนกลับที่ได้รับจากการตรวจงานไปใช้ในการแก้ไขปรับปรุงจุดที่ตนเองเข้าใจผิดรวมถึงมีการย้ำให้นักเรียนแก้ไขการบ้านที่ทำผิดมาส่งใหม่ทุกครั้ง ในกระบวนการตรวจงานในลักษณะดังกล่าวช่วยส่งเสริมให้เกิดการสื่อสารระหว่างครูกับนักเรียนในลักษณะที่เป็นการสื่อสารแบบสองทาง ทำให้เกิดกระบวนการเรียนรู้ที่ต่อเนื่องจากการทำ การบ้านในแต่ละครั้งมากขึ้น และยังเปิดโอกาสให้มีการสื่อสารระหว่างครูกับนักเรียนมากกว่าที่เคยปฏิบัติกันมา นอกจากนี้การตรวจงานแบบวิพากร์ผลยังเป็นวิธีการตรวจที่ส่งเสริมให้นักเรียนมีความตั้งใจในการทำและการส่งการบ้าน รวมถึงชักส่งส่งเสริมให้นักเรียนมีความเข้าใจในเนื้อหามากขึ้น ซึ่งเป็นผลมาจากการวิพากร์ผลมีการซึ่งเจ็บป่วยหรือประเด็นที่นักเรียนไม่เข้าใจให้มีความชัดเจนมากยิ่งขึ้น

อย่างไรก็ตามพบว่าการตรวจงานด้วยวิธีการดังกล่าวต้องใช้เวลาในการตรวจค่อนข้างมาก ซึ่งสาเหตุสำคัญที่ทำให้ต้องใช้เวลาในการตรวจมากเกิดจากวิธีพากย์ผลแบบรายชื่อที่ผู้วิจัยใช้ คือ ในข้อที่ทำพิมพ์การเขียนซ้ำแนบทุกที่นักเรียนแต่ละคนต้องปรับปรุง รวมถึงมีการให้ข้อเสนอแนะต่าง ๆ ล้วนข้อที่ถูกมีการเขียนคำชี้แจงในส่วนของการวิพากษ์ผลข้อที่นักเรียนทำลูกโดยการเขียนคำชี้แจงนั้นทำให้ต้องใช้เวลามาก ดังนั้นผู้วิจัยจึงเกิดแนวคิดที่จะปรับการวิพากษ์ผลแบบรายชื่อ โดยจะตัดการวิพากษ์ผลรายชื่อสำหรับข้อที่นักเรียนทำถูกทั้งไป และปรับให้เหลือเพียงการเขียนคำชี้แจงในตอนวิพากษ์ผลแบบภาพรวมแทน นอกจากสาเหตุดังกล่าวผู้วิจัยพบว่าอีกปัจจัยหนึ่งที่มีผลต่อการตรวจงานของผู้วิจัย คือ การบ้านที่มีลักษณะเป็นคำาณปลายเปิดที่แทรกในการบ้านแต่ละชุดทำให้ต้องใช้เวลาในการตรวจมาก เมื่อจากผู้วิจัยต้องคำนวณหาว่าวิธีการของนักเรียนแต่ละคนซึ่งค่อนข้างแตกต่างกันถูกต้องหรือไม่

จากการให้นักเรียนเขียนบันทึกการเรียนรู้ที่แยกพร้อมกับการบ้านแต่ละครั้ง พบร่วมกัน เห็นได้ชัดเจนว่าส่วนใหญ่ส่งเสริมให้นักเรียนมีความกระตือรือร้นในการทำการบ้าน เมื่อจากเมื่อใดที่ส่งการบ้านก็จะได้เขียนบันทึกการเรียนรู้เพื่อให้ผู้วิจัยได้เขียนตอบกลับไป ทำให้นักเรียนที่ส่งการบ้านทุกคนชอบอ่านสิ่งที่ผู้วิจัยเขียนกลับไป โดยสังเกตได้จากเมื่อใดที่ผู้วิจัยคืนสมุดการบ้านนักเรียนแต่ละคนมีการอ่านบันทึกการเรียนรู้ของตนเองและแยกกันอ่านกับเพื่อน นอกจากนี้การเขียนตอบของนักเรียนในบันทึกการเรียนรู้ได้ข้อสรุปในทิศทางเดียวกันว่านักเรียนชอบและสนุกกับการอ่านสิ่งที่ผู้วิจัยเขียนตอบกลับไป จากที่กล่าวมาจะเห็นได้ว่าการเขียนได้ตอบผ่านบันทึกการเรียนรู้มีส่วนช่วยส่งเสริมให้นักเรียนมีความกระตือรือร้นในการเรียนตลอดจนในการทำและการส่งการบ้าน

จากการสังเกตวิธีการที่นักเรียนนำข้อมูลย้อนกลับที่ได้รับไปใช้ในการปรับปรุงแก้ไขการเรียนรู้ของตนเองสามารถสรุปได้เป็น 2 รูปแบบ ทั้งนี้การนำข้อมูลย้อนกลับไปใช้มาน้อยเพียงใดขึ้นอยู่กับครูผู้สอนด้วย กล่าวคือ ครูผู้สอนควรมีความใส่ใจในสิ่งที่นักเรียนแก้ไขมาสั่งต้องมีการตรวจการบ้านที่นักเรียนแก้ไขมาสั่งทุกครั้ง รวมถึงต้องกระตุ้นให้นักเรียนมีการนำข้อมูลย้อนกลับที่ได้รับไปวิเคราะห์ว่าตนเองควรปรับปรุงแก้ไขตรงไหนให้บ้าง และที่สำคัญควรพยายามกระตุ้นให้นักเรียนมีการแก้ไขการบ้านที่ผิดพลาดมาสั่งใหม่ทุกครั้ง

ในส่วนของการใช้คำาณปลายเปิดในวงจรนี้ซึ่งเป็นการใช้คำาณโดยแทรกคำาณปลายเปิดในการบ้านแต่ละชุดของนักเรียน โดยคำาณปลายเปิดที่ใช้เป็นคำาณที่ข้างไม่มีความซับซ้อนหรือต้องใช้แนวคิดในการแก้ปัญหาที่ยุ่งยากมาก เมื่อจากต้องการให้นักเรียนได้คุ้นเคยกับคำาณปลายเปิด และได้ฝึกตอบคำาณปลายเปิดก่อนที่จะต้องแก้ปัญหารือตอบคำาณปลายเปิดที่มีความซับซ้อนมากขึ้น ซึ่งจากการใช้คำาณปลายเปิดด้วยวิธีการดังกล่าวทำให้นักเรียน

ส่วนใหญ่สามารถตอบคำถามได้ แม้ว่าผลการใช้คำตามป้ายเปิดในเรื่องการวัดตำแหน่งที่ของข้อมูลไม่มีข้อมูลชัดเจนว่าคำตามป้ายเปิดใช้ได้ผลเพียงใด ทั้งนี้เนื่องจากความเข้าใจในเรื่องดังกล่าวของนักเรียนยังไม่ดีพอ ดังนั้นจึงเป็นเรื่องสำคัญยิ่งที่ครูผู้สอนควรตรวจสอบความเข้าใจในเนื้อหาที่นักเรียนได้เรียนก่อนที่จะมีการมอบหมายให้ทำแบบฝึกหัดหรือการบ้าน

### สรุปผลงานที่ 1

การตรวจงานแบบวิพากษ์ผลเป็นวิธีการตรวจงานที่ส่งผลให้ครูรับรู้ถึงข้อมูลของนักเรียนแต่ละคน ได้อย่างละเอียด ชัดเจนและสามารถให้ข้อมูลช้อนกลับแก่นักเรียน ได้ตรงกับความต้องการหรือตรงกับปัญหาของนักเรียนแต่ละคนมากขึ้น ทำให้นักเรียนเกิดการเรียนรู้และได้พัฒนาตนเองจากการทำภาระบ้านมากขึ้น รวมทั้งบังเปิดโอกาสให้นักเรียนได้ซักถามประเด็นที่ตนเองไม่เข้าใจผ่านการเขียนในการบ้าน ส่วนวิธีการที่นักเรียนนำข้อมูลช้อนกลับที่ได้รับไปใช้ปรับปรุงแก้ไขการเรียนรู้ของตนเองนี้อยู่ 2 รูปแบบ คือ การแก้ไขการบ้านที่จุดเดิมกับการแก้ไขโดยการทำใหม่ นอกจากนี้ยังพบว่าการวิพากษ์ผลควรมีการเน้นหรือขึ้นให้นักเรียนมีการปรับปรุงแก้ไขการบ้านของตนเองอยู่เสมอ เพื่อให้นักเรียนเห็นความสำคัญของการแก้ไขและพัฒนาการเรียนรู้ของตนเองอย่างสม่ำเสมอ

การเริ่มต้นใช้คำตามป้ายเปิด โดยการแทรกในการบ้านแต่ละชุดเพื่อให้นักเรียนคุ้นเคยกับคำตามลักษณะดังกล่าวนั้น ควรเริ่มต้นจากคำตามป้ายเปิดที่มีลักษณะไม่ซับซ้อนหรือต้องใช้แนวคิดในการแก้ปัญหาที่ซุ่มยากมากนัก เพื่อให้นักเรียนเกิดความรู้สึกคุ้นเคยและเห็นว่าคำตามลักษณะดังกล่าวอยู่ในศักยภาพที่ตนเองสามารถทำได้ รวมถึงช่วยให้นักเรียนที่เรียนอ่อนสามารถตอบคำตามหรือทำการบ้านที่เป็นคำตามป้ายเปิดได้ด้วยตนเอง และที่สำคัญก่อนมอบหมายการบ้านทั้งที่เป็นคำตามป้ายเปิดและไม่เป็นคำตามป้ายเปิดครูผู้สอนควรตรวจสอบให้แน่ใจก่อนว่านักเรียนมีความเข้าใจในเนื้อหาในเรื่องนั้นดีเสีย

### แนวทางการปรับแผนในวงจรลักษณะที่ 1

จากข้อมูลที่ได้กล่าวมาทำให้ผู้วิจัยได้แนวทางในการปรับแผนการปฏิบัติในวงจรต่อไปดังนี้

1. ในวงจรที่ 1 ผู้วิจัยได้ให้นักเรียนส่งการบ้านวันพุธในช่วงเวลา 8:00 น.- 9:10 น. แต่วันดังกล่าวมีเรียนคณิตศาสตร์ในชั่วโมงที่ 3 ทำให้ผู้วิจัยตรวจสอบการบ้านของนักเรียนไม่ทัน ดังนั้นผู้วิจัยจึงมีแนวคิดที่จะปรับเปลี่ยนเวลาในการส่งการบ้านของวันพุธใหม่

2. การตรวจงานแบบวิพากษ์ผลขังคงให้มีทั้งการวิพากษ์ผลแบบภาพรวมและการวิพากษ์ผลแบบรายข้อ แต่ในส่วนของการวิพากษ์ผลแบบรายข้อจะใช้เฉพาะข้อที่นักเรียนทำผิด ส่วนข้อที่นักเรียนทำถูกใช้การวิพากษ์ผลแบบภาพรวมแทน

3. ยังคงมีการให้ระดับคะแนน  $A^+$ ,  $A$ ,  $A^-$ ,  $B^+$ ,  $B$ ,  $B^-$  และ  $C$  เมื่อเดิม แต่จะมีการซึ่งแสดงถึงการให้ระดับคะแนนให้นักเรียนรับรู้ รวมถึงมีการสอบถามความเข้าใจของนักเรียน เกี่ยวกับระดับคะแนนที่ได้รับมากขึ้น

## วงจรที่ 2 การใช้คำานป่วยเปิดในการประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผล ทางคณิตศาสตร์ โดยเน้นการประเมินนักเรียนเป็นกลุ่ม

ผู้วิจัยดำเนินการวิจัยเพื่อหาแนวทางการใช้คำานป่วยเปิดเพื่อประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ และพัฒนาเกณฑ์การประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ โดยในวงจรนี้ผู้วิจัยเน้นการประเมินนักเรียนเป็นกลุ่ม โดยได้ดำเนินการวิจัยตามลำดับขั้นตอนการวิจัยเชิงปฏิบัติการ ดังนี้

### ขั้นที่ 1 ปรับแผน (Replan)

ผู้วิจัยได้นำแนวการทำงานการปรับแผนการปฏิบัติจากวงจรที่ 1 มาปรับแผนในวงจรที่ 2 ดังนี้

1. ปรับเปลี่ยนเวลาการส่งการบ้านในวันพุธใหม่ จากเดิมกำหนดให้ส่งในช่วงเวลา 8:00 น.-9:10 น. เปลี่ยนเป็นให้ส่งการบ้านท้ายชั่วโมงที่เรียนแทน

2. ใช้การตรวจงานแบบวิพากษ์ผลซึ่งมีทั้งการวิพากษ์ผลแบบรายข้อและการวิพากษ์ผลแบบภาพรวมเช่นเดียวกับวงจรที่ 1 แต่ในส่วนของการวิพากษ์ผลแบบรายข้อปรับให้มีการวิพากษ์ผลเฉพาะข้อที่นักเรียนทำผิด ส่วนข้อที่นักเรียนทำถูกใช้การวิพากษ์ผลในส่วนของการวิพากษ์ผลแบบภาพรวมแทน รวมทั้งซึ่งแสดงถึงการให้ระดับคะแนนที่ใช้ในการให้ระดับคะแนนการบ้านให้นักเรียนเข้าใจมากขึ้น

3. ออกแบบคำานป่วยเปิดที่ใช้ในกิจกรรมการเรียนการสอนโดยให้มีความสอดคล้องกับเนื้อหาและกิจกรรมการเรียนการสอน

4. จัดเตรียมแผนการจัดการเรียนรู้เรื่องสถิติน่วยที่ 3-5 ซึ่งในแต่ละหน่วยมีชั่วโมงที่เป็นการทำกิจกรรมกลุ่มหน่วยละ 1 ชั่วโมง เพื่อให้แต่ละกลุ่มได้อภิปรายหรือแสดงความคิดเห็นเพื่อหาแนวทางในการตอบคำานป่วยเปิดที่กำหนดให้

5. จัดเตรียมแบบบันทึกการอภิปรายสำหรับให้นักเรียนบันทึกผลการอภิปรายภายในกลุ่ม

6. ขัดเตรียมเกณฑ์การประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ โดยกำหนดให้มี 4 ระดับคะแนน ซึ่งแต่ละระดับคะแนนมีรายละเอียดดังตาราง 5

ตาราง 5 แสดงเกณฑ์การประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์

ระดับคะแนน	รายละเอียดของแต่ละระดับคะแนน
4	<ul style="list-style-type: none"> <li>มีการใช้แผนภาพ คำศัพท์ ข้อความหรือสัญลักษณ์ทางคณิตศาสตร์ ประกอบการอธิบายได้อย่างถูกต้อง ชัดเจน</li> <li>ให้ข้อโต้แย้งหรือสนับสนุนแนวคิดที่ถูกต้องและเหมาะสม</li> <li>สื่อสารหรือสื่อความกับผู้อื่น ได้อย่างมีประสิทธิภาพ</li> </ul>
3	<ul style="list-style-type: none"> <li>มีการใช้แผนภาพ คำศัพท์ ข้อความหรือสัญลักษณ์ทางคณิตศาสตร์ ประกอบการอธิบายที่ถูกต้องเป็นส่วนใหญ่</li> <li>ให้ข้อโต้แย้งหรือสนับสนุนแนวคิดที่ถูกต้องเป็นส่วนใหญ่</li> <li>สื่อสารหรือสื่อความกับผู้อื่นได้ แต่ยังขาดความชัดเจนและความสมบูรณ์ในการอธิบาย</li> </ul>
2	<ul style="list-style-type: none"> <li>มีการใช้แผนภาพ คำศัพท์ ข้อความหรือสัญลักษณ์ทางคณิตศาสตร์ ประกอบการอธิบายที่ไม่ถูกต้องเป็นส่วนใหญ่</li> <li>ให้ข้อโต้แย้งหรือสนับสนุน แต่ไม่มีความถูกต้องหรือสมเหตุสมผล</li> <li>สื่อสารหรือสื่อความกับผู้อื่นได้ แต่ขาดความถูกต้องและเหมาะสม</li> </ul>
1	<ul style="list-style-type: none"> <li>ไม่มีการใช้แผนภาพ คำศัพท์ ข้อความหรือสัญลักษณ์ทางคณิตศาสตร์ ประกอบการอธิบาย หรือมีการใช้แต่ใช้แล้วสื่อความผิดกันทั้งหมด</li> <li>ไม่มีการให้ข้อโต้แย้งหรือสนับสนุนในการอธิบาย</li> <li>ไม่มีการสื่อสารหรือสื่อความใด ๆ กับผู้อื่น</li> </ul>

**ขั้นที่ 2 ปฏิบัติและสังเกตผลการปฏิบัติ (Act and Observe)**

ผู้วิจัยได้เริ่มปฏิบัติและทำการเก็บรวบรวมข้อมูล โดยดำเนินการดังนี้

- จัดกิจกรรมการเรียนการสอนตามแผนการจัดการเรียนรู้เรื่องสถิติหน่วยที่ 3-5 โดยในช่วงโ明งแรกของการจัดกิจกรรมการเรียนการสอนของวงจรนี้ ผู้วิจัยได้ทดลองกับนักเรียน เรื่องเวลาในการส่งการบ้านของวันพุธซึ่งเป็นวันที่มีเรียนคณิตศาสตร์ในช่วงโ明ที่ 3 ใหม่ โดยให้ นักเรียนส่งการบ้านตอนท้ายช่วงโ明ที่เรียนและให้มารับสมุดคืนในเวลา 15:00 น. แต่วันอื่นยังคง

ให้ส่งในช่วงเวลาเดิม คือ วันอังคารและพฤหัสบดีส่งในเวลา 8:00 น.– 9:10 น. ส่วนวันจันทร์และวันศุกร์ส่งท้ายชั่วโมง หลังจากการปรับเปลี่ยนเวลาในการส่งการบ้านดังกล่าวทำให้ผู้วิจัยมีเวลาในการตรวจการบ้านของนักเรียนมากขึ้น ทำให้ปัญหาในการตรวจงานนักเรียนไม่ทันในวันพุธหมดไป

2. หลังจากนักเรียนส่งการบ้านและบันทึกการเรียนรู้ในแต่ละครั้ง ผู้วิจัยใช้การตรวจงานแบบวิพาักษ์ผลซึ่งมีทั้งการวิพาักษ์ผลแบบรายข้อและการวิพาักษ์ผลแบบภาพรวม โดยใช้การวิพาักษ์ผลแบบรายข้อเฉพาะข้อที่นักเรียนทำผิด ส่วนข้อที่นักเรียนทำถูกใช้การวิพาักษ์ผลในส่วนของการวิพาักษ์แบบภาพรวมแทน ด้วยวิธีการดังกล่าวทำให้ผู้วิจัยสามารถตรวจการบ้านของนักเรียนแต่ละคนได้เร็วขึ้น โดยเฉลี่ยในหนึ่งชั่วโมงสามารถตรวจการบ้านของนักเรียนได้ประมาณ 12–15 คน นอกจากใช้วิธีการตรวจด้วยวิธีการดังกล่าวผู้วิจัยยังคงให้สติ๊กเกอร์นักเรียนที่ส่งการบ้านตรงเวลาเหมือนเดิม รวมถึงมีการซื้อของรางวัลแก่เด็กที่การให้ระดับคะแนนการบ้านโดยใช้วิธีการถ่ายเอกสารเกณฑ์ดังกล่าวให้นักเรียนทุกคน หลังจากนั้นได้อธิบายเกณฑ์ต่าง ๆ ให้นักเรียนได้รับทราบหลังจากคืนการบ้านชุดที่ 11 ซึ่งเป็นการบ้านชุดแรกของวงจรนี้ นักเรียนทุกคนต่างให้ความสนใจกับเกณฑ์การให้ระดับคะแนนที่ผู้วิจัยใช้ และนักเรียนอยู่ 2 คนที่โถด้วยว่าการบ้านของตนเองอาจจะได้ระดับคะแนนที่สูงมากกว่านี้ ผู้วิจัยจึงได้ซื้อของรางวัลให้นักเรียนเป็นรายคนซึ่งทุกคนก็ยอมรับระดับคะแนนที่ผู้วิจัยให้ และจากการสอบถามนักเรียนผ่านบันทึกการเรียนรู้ครั้งที่ 12 เกี่ยวกับความคิดเห็นที่มีต่อเกณฑ์ที่ผู้วิจัยใช้และวิธีการตรวจการบ้านพร้อมให้ระดับคะแนนพบว่าจากนักเรียนที่ส่งบันทึกการเรียนรู้ทั้งหมด 34 คน ทุกคนต่างพอใจกับเกณฑ์ที่ผู้วิจัยใช้ นอกจากนี้ยังมีนักเรียนอยู่ 25 คน ได้ให้ข้อคิดเห็นที่สอดคล้องกันว่าการตรวจการบ้านที่มีการเขียนแนะนำข้อบกพร่องที่ต้องปรับปรุงแก้ไขพร้อมกับมีการให้ระดับคะแนนเหมือนกับที่ผู้วิจัยใช้ในการตรวจการบ้านนั้น ทำให้ตนเองมีความกระตือรือร้นในการทำและการส่งการบ้านมากขึ้น และทำให้รู้ว่าตนเองควรจะต้องพัฒนาหรือปรับปรุงตรงจุดไหนบ้าง

3. ในการจัดกิจกรรมการเรียนการสอนตามแผนการจัดการเรียนรู้เรื่องสถิติหน่วยที่ 3–5 ซึ่งแต่ละหน่วยกำหนดให้มีชั่วโมงที่เปิดโอกาสให้นักเรียนได้ทำกิจกรรมกลุ่มเพื่อกิจกรรมทางแนวทางในการตอบคำถามปลายเปิดหน่วยละ 1 ชั่วโมง โดยการจัดกิจกรรมการเรียนการสอนในหน่วยที่ 3 มีเนื้อหาเกี่ยวกับการวัดค่ากลางของข้อมูล และในชั่วโมงที่เป็นการทำกิจกรรมกลุ่มผู้วิจัยได้ให้นักเรียนแบ่งกลุ่มตามความสมัครใจ โดยให้มีสมาชิกกลุ่มละ 5 คน รวมทั้งหมด 7 กลุ่ม จากนั้นให้แต่ละกลุ่มเลือกประธานและเลขานุการ โดยประธานทำหน้าที่เป็นผู้นำในการอภิปราย ส่วนเลขานุการทำหน้าที่เป็นผู้บันทึกประเด็นต่าง ๆ ที่สมาชิกภายในกลุ่มนำเสนอลงในแบบบันทึกการอภิปรายที่ผู้วิจัยแจกให้ (ดูตัวอย่างได้ในภาคผนวก ณ หน้า 134) รวมถึงทำหน้าที่

เป็นผู้ร่วมการอภิปรายด้วย ส่วนสมาชิกในกลุ่มที่เหลืออีก 3 คน ทำหน้าที่เป็นผู้ร่วมการอภิปราย ซึ่งหน้าที่ของสมาชิกแต่ละคนในกลุ่มผู้วิจัยได้รับแจ้งผ่านเอกสารที่แจกให้แต่ละกลุ่มสำหรับใช้ในการดำเนินการอภิปราย หลังจากแต่ละกลุ่มแบ่งหน้าที่เสร็จแล้วผู้วิจัยได้แยกค่าตามปลายเปิด สำหรับใช้ในการอภิปราย ซึ่งค่าตามปลายเปิดในหน่วยที่ 3 มีเนื้อหาเกี่ยวกับการเลือกใช้ค่ากลางให้เหมาะสมกับข้อมูลที่กำหนดให้ ซึ่งมีรายละเอียดของค่าตามดังนี้

#### จากการสำรวจเงินเดือนของคน 2 กลุ่ม ปรากฏผลดังนี้

กลุ่มที่ 1	2,600	5,600	3,600	20,000	6,000	150,000
------------	-------	-------	-------	--------	-------	---------

กลุ่มที่ 2	3,450	4,000	4,200	6,000	5,500	4,500
------------	-------	-------	-------	-------	-------	-------

จากข้อมูลดังกล่าว ให้แต่ละกลุ่มอภิปรายเพื่อตอบค่าตามต่อไปนี้

1. ในแต่ละกลุ่มนักเรียนจะเลือกใช้วิธีการใดในการหาค่ากลางของข้อมูล เพื่อให้ได้ค่าที่เป็นตัวแทนที่ดีของเงินเดือนของคนแต่ละกลุ่ม และ เพราะเหตุใดจึงเลือกใช้วิธีการหาค่ากลางนั้น

2. จากการตรวจสอบภายหลังพบว่าล้มสำรองข้อมูลในแต่ละกลุ่ม กลุ่มละ 1 คน (ไม่สามารถไปสอบถามคนดังกล่าวได้อีกแล้ว) จากข้อมูลที่นักเรียนมีอยู่นักเรียนจะเลือกใช้วิธีการใดในการหาค่ากลางของข้อมูล เพื่อให้ได้ค่าที่เป็นตัวแทนที่ดีของเงินเดือนของคนแต่ละกลุ่ม และ เพราะเหตุใดจึงเลือกใช้วิธีการหาค่ากลางนั้น

3. ให้แต่ละกลุ่มยกตัวอย่างข้อมูลมาหนึ่งชุด โดยมีเงื่อนไขว่าข้อมูลที่ยกตัวอย่างมานี้ต้องสามารถหาค่ากลางของข้อมูลด้วยวิธีการที่แต่ละกลุ่มจับสลากรได้

ผู้วิจัยได้กำหนดข้อมูลเงินเดือนของคน 2 กลุ่มในค่าตามปลายเปิดที่แต่ละกลุ่มได้รับแต่กต่างกัน จากการสังเกตการทำกิจกรรมกลุ่มพบว่าหลังจากแต่ละกลุ่มได้รับค่าตามมีประชานอกกลุ่มทำหน้าที่ดำเนินการอภิปรายและเป็นผู้อ่านค่าตามให้กับสมาชิกในกลุ่มฟัง จากนั้น จึงเริ่มปรึกษากันว่าค่าตามต้องการให้หาอะไร หลังจากเวลาผ่านไปประมาณ 5 นาทีเริ่มมีค่าตามต่าง ๆ จากแต่ละกลุ่มตามผู้วิจัย เช่น จากข้อมูลทั้งสองกลุ่มให้เลือกว่าจะใช้กลุ่มใดเป็นตัวแทนใช่หรือไม่ ทั้งสองกลุ่มต้องใช้วิธีการหาเหมือนกันเลยใช่ไหม เป็นต้น ผู้วิจัยจึงได้ตอบค่าตามที่แต่ละกลุ่มตาม แต่ก็ปรากฏว่าซึ่งมีค่าตามอื่น ๆ ตามมาอีก ดังนั้นผู้วิจัยจึงได้อธิบายให้นักเรียนทั้งชั้นฟังพร้อมกัน โดยใช้การสรุปให้ฟังว่าค่าตามนี้ต้องการให้หาอะไร และมีการยกตัวอย่างข้อมูลมาหนึ่งชุด แล้วให้นักเรียนพิจารณาพร้อมกันว่าจากข้อมูลที่กำหนดให้ควรใช้ค่ากลางชนิดใดสำหรับหาค่าที่เป็นตัวแทนที่ดีของกลุ่ม จากนั้นแต่ละกลุ่มจึงเริ่มการอภิปรายได้

จากการสังเกตการอภิปรายของแต่ละกลุ่มพบว่าการอภิปรายไม่เป็นไปอย่างต่อเนื่อง ซึ่งเป็นผลมาจากการแต่ละคนในกลุ่มต้องรอให้เลขานุการบันทึกผลการอภิปรายให้เสร็จ

เรียนร้อยก่อนแล้วจึงพูดหรือเสนอแนวคิดต่อไปได้ ทำให้ใช้เวลาในการอภิปรายมาก โดยแต่ละกลุ่มใช้เวลาในการอภิปรายใน 2 หัวข้อและประมาณ 40 นาที ส่งผลให้การจัดกิจกรรมการเรียนการสอนในชั่วโมงดังกล่าวไม่ทันตามแผนที่วางไว้ โดยไม่สามารถอภิปรายในข้อที่ 3 ได้ เพราะผู้วิจัยใช้ต้องเวลา 20 นาทีที่เหลือสำหรับให้แต่ละกลุ่มนำเสนอผลการอภิปราย จากการนำเสนอแต่ละกลุ่มจะเขียนข้อมูลที่กลุ่มตนเองได้รับนั้นๆ จากนั้นจึงได้สรุปให้เพื่อนในชั้นฟังว่าเลือกใช้ค่ากลางชนิดใดในการหาค่าที่เป็นตัวแทนที่ดี พร้อมกับบอกเหตุผลในการเลือกค่ากลางชนิดนั้น บรรยายการนำเสนอของค่อนข้างเยี่ยมมีเพียงแต่ผู้ที่ออกไปนำเสนอเท่านั้นที่เป็นคนพูด ดังนั้นผู้วิจัยจึงต้องพยายามเป็นกลุ่มว่ามีความคิดเห็นอย่างไรบ้างกับวิธีการที่เพื่อนเลือก คำตอบที่ได้ส่วนใหญ่แล้วตอบว่าเห็นด้วยกับวิธีการทำของเพื่อน แต่เมื่อผู้วิจัยถามถึงเหตุผลว่าทำไมเห็นด้วยก็ไม่มีใครตอบ มีเพียงกลุ่มเดียวท่านั้นที่คิดค้านวิธีการที่เพื่อนนำเสนอ โดยกลุ่มที่นำเสนอได้รับข้อมูลเงินเดือนดังนี้ 2,600 5,600 3,600 20,000 6,000 150,000 ซึ่งกลุ่มดังกล่าว เลือกใช้ค่าเฉลี่ยเลขคณิตในการหาค่าที่เป็นตัวแทนที่ดีของกลุ่ม โดยให้เหตุผลว่าค่าเฉลี่ยเลขคณิต เป็นวิธีการหาที่แน่นอนและได้ค่าที่ค่อนข้างจริง แต่กลุ่มที่ค้านให้เหตุผลว่าจากข้อมูลดังกล่าวจะเห็นได้ว่ามีคนที่ได้เงินเดือนสูงกว่าคนอื่นมาก ถ้าใช้ค่าเฉลี่ยเลขคณิตอาจทำให้ค่าที่ได้ไม่เป็นตัวแทนที่ดีของกลุ่มได้ โดยกลุ่มดังกล่าวได้ใช้ข้อเสนอแนะว่าควรใช้มารฐานในการหาค่าดึงจะได้ค่าที่ใกล้เคียงกันมาก จากข้อเสนอแนะดังกล่าวผู้วิจัยจึงได้ถามนักเรียนกลุ่มอื่น ๆ ที่เหลือว่ามีความคิดเห็นอย่างไร พบว่าทุกกลุ่มต่างเห็นด้วยกับข้อเสนอที่เพื่อนแนะนำ

ส่วนการจัดกิจกรรมการเรียนการสอนในหน่วยที่ 4 และ 5 ซึ่งมีเนื้อหาเกี่ยวกับการวัดการกระจายของข้อมูลโดยใช้ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานและการนำเสนอข้อมูลตามลำดับ หลังจากการจัดกิจกรรมการเรียนการสอนทั้งสองหน่วยพ่วงผู้วิจัยไม่สามารถจัดกิจกรรมการเรียนการสอนได้ทันตามแผนที่วางไว้ ซึ่งตามปกติในหน่วยที่ 4 และ 5 ต้องใช้เวลาในการสอน 6 และ 5 ชั่วโมงตามลำดับ แต่ปรากฏว่าผู้วิจัยมีเวลาในการสอนทั้งสองหน่วยเพียง 5 ชั่วโมงเท่านั้น เนื่องจากทางสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ได้จัดสอนรายวิชาคณิตศาสตร์เพิ่มเติม โดยใช้เวลาในการสอนทั้งหมด 6 ชั่วโมงและต้องใช้เวลาเรียนในรายวิชาคณิตศาสตร์เพิ่มฐานในการสอน ด้วยเหตุนี้ผู้วิจัยจึงต้องแบ่งเวลาสำหรับการสอนในรายวิชาคณิตศาสตร์เพิ่มเติมอีก 6 ชั่วโมง และนอกจากนี้ยังมีอีก 2 ชั่วโมงที่ตรงกับกิจกรรมของทางโรงเรียน

จากข้อจำกัดทางด้านเวลาดังกล่าวผู้วิจัยจึงปรับแผนใหม่โดยนำหน่วยที่ 5 ซึ่งเป็นเรื่องการนำเสนอข้อมูลมาสอนก่อน 1 ชั่วโมง โดยชั่วโมงดังกล่าวผู้วิจัยได้จัดทำเอกสารสรุปเนื้อหาเกี่ยวกับรูปแบบต่าง ๆ ของการนำเสนอข้อมูลให้นักเรียน ในส่วนของการอภิปรายเพื่อหาแนวทางในการตอบคำถามปลายเปิดในหน่วยที่ 5 ตามแผนเดิมผู้วิจัยวางแผนให้มีการอภิปรายเพื่อ

พิจารณาว่าควรเลือกใช้รูปแบบการนำเสนอข้อมูลใดให้เหมาะสมและสอดคล้องกับข้อมูลที่แต่ละกลุ่มเก็บรวบรวมมา ซึ่งการเก็บรวบรวมข้อมูลดังกล่าวเป็นงานที่ผู้วิจัยได้มอบหมายให้ทำตั้งแต่แผนการจัดการเรียนรู้หน่วยที่ 1 แต่เนื่องด้วยข้อจำกัดของเวลาจึงทำให้ผู้วิจัยต้องปรับแผนใหม่โดยให้นักเรียนแต่ละกลุ่มได้ไปวางแผนการนำเสนอข้อมูลเป็นการบ้าน แล้วนำมานำเสนออีกครั้ง หลังจากเสร็จสิ้นกิจกรรมการเรียนการสอนในหน่วยที่ 4 ซึ่งเป็นเรื่องการวัดการกระจายของข้อมูล โดยใช้ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน

ในการจัดกิจกรรมการเรียนการสอนในหน่วยที่ 4 ซึ่งเป็นเรื่องการวัดการกระจายของข้อมูล โดยใช้ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน ผู้วิจัยไม่ได้ใช้แผนการจัดการเรียนรู้ตามที่ได้เตรียมไว้เลย เนื่องจากผู้วิจัยต้องสอนเนื้อหาให้ครบและเหมือนกันห้องอื่น ๆ อีก 5 ห้อง เพราะต้องใช้ข้อสอบชุดเดียวกันในการสอบปลายภาค หากเวลาที่มีอยู่อย่างจำกัดผู้วิจัยจึงได้จัดกิจกรรมการเรียนการสอนหน่วยดังกล่าวในลักษณะที่เป็นการบอกสูตรในการหาส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานพร้อมกับให้ทำแบบฝึกหัดเรื่องละ 2-3 ตัวอย่าง ซึ่งใช้เวลาสอนในหน่วยนี้ทั้งหมด 3 ชั่วโมง

หลังจากเสร็จสิ้นกิจกรรมการเรียนการสอนหน่วยที่ 4 ผู้วิจัยเหลือเวลาในการจัดกิจกรรมการเรียนการสอนอีก 1 ชั่วโมง สำหรับให้นำเสนอข้อมูลที่แต่ละกลุ่มได้เก็บรวบรวมมาซึ่งมีทั้งหมด 8 กลุ่ม โดยในการนำเสนอผู้วิจัยได้กำหนดเวลาให้กับกลุ่มละประมาณ 5-6 นาที และระหว่างการนำเสนอให้เพื่อนกลุ่มอื่นสามารถซักถามได้ หากการนำเสนอผลงานพบว่าแต่ละกลุ่มใช้วิธีการนำเสนอที่เหมือนกัน คือ ใช้กระดาษชาร์ทติดบนกระดานเพื่อประกอบการอธิบาย โดยรูปแบบการนำเสนอข้อมูลที่แต่ละกลุ่มเก็บรวบรวมมาได้มีความแตกต่างกัน ซึ่งสรุปได้ดังตาราง 6

#### ตาราง 6 แสดงรูปแบบการนำเสนอข้อมูลของนักเรียนแต่ละกลุ่ม

กลุ่มที่	ข้อมูลที่นำเสนอ	รูปแบบการนำเสนอข้อมูล
1	การเกิดอุบัติเหตุทางราชการใน อ.วียงสา ปี 2546	<ul style="list-style-type: none"> <li>● ตารางทางเดียว</li> <li>● กราฟเส้นเชิงช้อน</li> </ul>
2	ราคาน้ำมันในแต่ละวันของปีเมเซลล์ในเดือนสิงหาคม ปี 2546	<ul style="list-style-type: none"> <li>● ตารางทางเดียว</li> <li>● แผนภูมิแท่งเชิงเดียว</li> </ul>
3	ความสูงของนักเรียนในชั้น ม.5/3	<ul style="list-style-type: none"> <li>● ตารางแจกแจงความถี่</li> <li>● แผนภูมิแท่งเชิงเดียว</li> <li>● กราฟความถี่สะสม</li> </ul>

ตาราง 6 (ต่อ)

กอุ่นที่	ข้อมูลที่นำเสนอ	รูปแบบการนำเสนอข้อมูล
4	ค่าไฟฟ้าของสมาชิกในกลุ่มแต่ละคนในเดือนกรกฎาคม ปี 2546	<ul style="list-style-type: none"> <li>● ตารางทางเดียว</li> <li>● แผนภูมิแท่งเชิงเดียว</li> <li>● กราฟเส้นเชิงเดียว</li> <li>● แผนภูมิรูปภาพ</li> </ul>
5	จำนวนนักเรียนโรงเรียนสาม ปีการศึกษา 2546	<ul style="list-style-type: none"> <li>● ตารางทางเดียว</li> <li>● กราฟเส้นเชิงเดียว</li> <li>● แผนภูมิแท่งเชิงเดียว</li> </ul>
6	วิธีการเดินทางมาโรงเรียนของนักเรียนชั้นม. 5	<ul style="list-style-type: none"> <li>● ตารางทางเดียว</li> <li>● แผนภูมิแท่งเชิงเดียว</li> <li>● แผนภูมิกิจ</li> </ul>
7	ค่าน้ำของสมาชิกในกลุ่มแต่ละคนในเดือนสิงหาคม ปี 2546	<ul style="list-style-type: none"> <li>● แผนภูมิแท่งเชิงเดียว</li> <li>● แผนภูมิรูปภาพ</li> <li>● กราฟเส้นเชิงเดียว</li> </ul>
8	จำนวนเรือแม่น้ำดีเปิด spanning จ.น่าน	<ul style="list-style-type: none"> <li>● ตารางแจกแจงความถี่</li> <li>● แผนภูมิแท่งเชิงเดียว</li> <li>● แผนภูมิกิจ</li> </ul>

จากตาราง 6 เห็นได้ว่าแต่ละกอุ่น มีรูปแบบการนำเสนอข้อมูลที่แตกต่างกันอย่างน้อย 2 รูปแบบขึ้นไป ไม่ว่าจะเป็นการนำเสนอข้อมูลโดยใช้ตาราง แผนภูมิแท่ง กราฟเส้น แผนภูมิกิจ แผนภูมิรูปภาพ โดยในการนำเสนอผู้วิจัยได้ให้แต่ละกอุ่นให้เหตุผลประกอบด้วยว่าทำไม่ใช่ นำเสนอข้อมูลด้วยรูปแบบดังกล่าว หากการให้เหตุผลประกอบของแต่ละกอุ่นพบว่าส่วนใหญ่แล้ว ให้เหตุผลได้ไม่ค่อยสมเหตุสมผลและเป็นเหตุผลที่ให้ข้อความไม่เกี่ยวข้องในเชิงคณิตศาสตร์มากเท่าที่ควร เช่น การนำเสนอโดยใช้รูปแบบนี้ทำได้ง่ายดี ใช้แผนภูมิแท่ง เพราะเคยเรียนเรื่องนี้มาก่อน เป็นต้น มีเพียง 2 กอุ่นเท่านั้นที่สามารถให้เหตุผลได้ประกอบการอธิบายได้อย่างถูกต้องและ สอดคล้องกับรูปแบบการนำเสนอของตนเอง กลุ่มแรกคือกอุ่นที่ 1 นำเสนอข้อมูลการเกิดอุบัติเหตุ ทางการจราจรของอำเภอเวียงสา และใช้กราฟเส้นเชิงช้อนในการนำเสนอข้อมูล (ดูรายละเอียดได้ ในภาคผนวก ช หน้า 143) โดยให้เหตุผลประกอบในการเลือกใช้กราฟดังกล่าวว่าเพื่อต้องการให้

เห็นความแตกต่างระหว่างผู้ที่ได้รับบาดกับผู้ที่เสียชีวิตซัดเจนมากขึ้น ส่วนอีกกลุ่มคือกลุ่ม 6 ที่เก็บรวบรวมข้อมูลเกี่ยวกับวิธีการเดินทางมาโรงเรียนของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 5 และวันนำเสนอในรูปแบบแผนภูมิกัง (ถูรายละเอียดได้ในภาคผนวก ๒ หน้า 146) ซึ่งให้เหตุผลในการเลือกใช้แผนภูมิกังว่าต้องการให้เห็นสัดส่วนของวิธีการในการเดินทางมาโรงเรียนที่คุณเข้าใจง่ายและซัดเจนยิ่งขึ้น นอกจากนี้ผู้วิจัยพบว่ารูปแบบที่นักเรียนนำเสนออย่างหลากหลายนั้นยังไม่เหมาะสมหรือสอดคล้องกับข้อมูลที่นักเรียนเก็บรวบรวมมาได้ เช่น การนำเสนอข้อมูลของกลุ่มที่ 2 ที่เก็บข้อมูลราคาผ้าม่านในแต่ละวันของปีเมืองแล้วนำเสนอข้อมูลด้วยการใช้แผนภูมิแท่ง รวมถึงกลุ่มที่ 4 และกลุ่มที่ 7 ที่เก็บข้อมูลของค่าไฟฟ้าและค่าน้ำของスマาร์ทิกภายในก่อตุ้น แล้วนำเสนอข้อมูลโดยใช้กราฟเส้นเชิงเดียว ซึ่งการนำเสนอข้อมูลด้วยกราฟเส้นเชิงเดียวนั้นมีจุดประสงค์เพื่อเปรียบเทียบลักษณะข้อมูลที่สนใจเพียงลักษณะเดียวในช่วงเวลาหนึ่ง จึงไม่สอดคล้องกับข้อมูลที่นักเรียนต้องการนำเสนอ ดังนั้นผู้วิจัยจึงต้องสรุปในตอนท้ายชี้ว่า ไม่มีอีกรึ่งเกี่ยวกับรูปแบบการนำเสนอข้อมูลว่าแต่ละรูปแบบนั้นมีจุดประสงค์หรือหลักการเลือกใช้อ้างไว้ เพื่อให้แต่ละกลุ่มได้ไปพิจารณาว่ารูปแบบการนำเสนอข้อมูลกลุ่มตนเองมีความเหมาะสมกับข้อมูลที่เก็บรวบรวมมาได้หรือไม่

4. หลังจากเสร็จสิ้นการอภิปรายเพื่อหาแนวทางในการตอบคำถามปลายเปิดของหน่วยที่ 3 ผู้วิจัยได้นำแบบบันทึกการอภิปรายของแต่ละกลุ่มนิเวศรวมทั้งการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์โดยใช้เกณฑ์การประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ที่ผู้วิจัยได้สร้างขึ้น ซึ่งมีทั้งหมด 4 ระดับคะแนน โดยวิธีการให้คะแนนผู้วิจัยพิจารณาจากสิ่งที่นักเรียนเขียนในแบบบันทึกการอภิปรายว่ามีรายละเอียดสอดคล้องกับระดับคะแนนใดของเกณฑ์การประเมิน จากการให้คะแนนโดยใช้เกณฑ์ดังกล่าวทำให้ผู้วิจัยประสบปัญหา คือ ตัดสินใจได้ยากในการพิจารณาว่าจะให้แต่ละกลุ่มได้รับคะแนนทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ในระดับคะแนนใด เมื่อจากการตอบของนักเรียนบางประเด็นสอดคล้องกับรายละเอียดของระดับคะแนน 4 แต่บางประเด็นก็สอดคล้องกับระดับคะแนน 2 จึงทำให้ตัดสินใจไม่ชัดเจนว่านักเรียนกลุ่มดังกล่าวควรได้คะแนนทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลในระดับใด ดังนั้นผู้วิจัยจึงพยายามหาแนวทางในการแก้ปัญหาดังกล่าว โดยพิจารณาจากรายละเอียดของเกณฑ์การประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ในแต่ละระดับ และพบว่าทุกระดับคะแนนพิจารณาการให้คะแนนอยู่ 3 ประเด็นหลัก โดยประเด็นแรกพิจารณาจากการใช้แผนภาพ คำศัพท์ ข้อความหรือสัญลักษณ์ทางคณิตศาสตร์ ประกอบการอธิบาย ประเด็นที่สองพิจารณาจากการให้ข้อโต้แย้งหรือสนับสนุนแนวคิดต่าง ๆ และประเด็นสุดท้ายพิจารณาจากการสื่อสารหรือสื่อความกับผู้อื่น ซึ่งจากข้อค้นพบดังกล่าวผู้วิจัย

จึงได้ปรับเปลี่ยนวิธีการให้คะแนนใหม่ โดยได้ให้คะแนนการตอบของแต่ละกลุ่มที่ละประเด็น ซึ่งในแต่ละประเด็นมีคะแนนเต็ม 4 คะแนนและต่ำสุดอยู่ที่ 1 คะแนน ทั้งนี้การตัดสินว่าแต่ละประเด็นควรได้ระดับคะแนนใดนั้นยังคงพิจารณาจากรายละเอียดของเกณฑ์การประเมินแบบเดิม ที่ผู้วิจัยได้เตรียมไว้ จากวิธีการให้คะแนนแบบใหม่นี้ทำให้มีคะแนนเต็ม 12 คะแนน ดังนั้นผู้วิจัยจึงนำคะแนนที่ได้มาหารด้วย 3 เพื่อสรุปว่าระดับคะแนนทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนอยู่ในระดับใด ด้วยวิธีการให้คะแนนดังกล่าวทำให้ผู้วิจัยสามารถใช้เกณฑ์การประเมินในการให้คะแนนนักเรียนแต่ละกลุ่มด้วยความสะดวกและซัดเจนมากขึ้น จากการให้คะแนนทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนทั้งหมด 7 กลุ่ม มีอยู่ 5 กลุ่มที่ได้ระดับคะแนน 3 ส่วนอีก 2 กลุ่มได้ระดับคะแนน 2 และสังเกตพบว่าประเด็นที่นักเรียนแต่ละกลุ่มได้คะแนนต่ำ คือ ประเด็นการใช้แผนภาพ คำศัพท์ ข้อความหรือสัญลักษณ์ทางคณิตศาสตร์ประกอบการอธิบาย

### **ขั้นที่ 3 สะท้อนผลการปฏิบัติ (Reflect)**

ผู้วิจัยได้ทำการสะท้อนผลการปฏิบัติในประเด็นเกี่ยวกับแนวทางการใช้คำานปถายเปิดเพื่อประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ โดยเน้นการประเมินนักเรียนเป็นกลุ่ม และเกณฑ์การประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ ตลอดจนลักษณะการตรวจงานแบบวิพากษ์ผล ดังนี้

#### **ลักษณะการตรวจงานแบบวิพากษ์ผล**

จากการใช้วิธีการตรวจงานแบบวิพากษ์ผลที่มีการเขียนข้อบกพร่องของนักเรียนที่ต้องแก้ไขปรับปรุงพร้อมกับการให้ระดับคะแนนคุณภาพของ การบ้าน พนว่าทำให้นักเรียนมีความกระตือรือร้นในการทำและการส่งการบ้านมากขึ้น รวมถึงทำให้นักเรียนมีการพัฒนาคุณภาพของการทำการบ้านในแต่ละครั้งมากขึ้น เนื่องจากนักเรียนมีความเข้าใจในระดับคะแนน  $A^+$ ,  $A$ ,  $A^-$ ,  $B^+$ ,  $B$ ,  $B^-$  หรือ  $C$  ที่ตนเองได้รับว่ามีความหมายอย่างไร และนักเรียนสามารถนำระดับคะแนนดังกล่าวไปเปรียบเทียบกับเพื่อนคนอื่นได้ ส่งผลให้นักเรียนมีความพยายามในการปรับปรุงการบ้านของตนเองให้มีคุณภาพมากขึ้นอยู่เสมอ จากการกระบวนการคัดกรองแล้วแสดงให้เห็นว่าการตรวจงานแบบวิพากษ์ผลพร้อมกับให้ระดับคะแนนคุณภาพของการบ้านก่อให้เกิดการสื่อสารระหว่างนักเรียนกับนักเรียนมากขึ้น นอกจากนี้การวิพากษ์ผลแบบรายชื่อเฉพาะซึ่งที่ผิดทำให้การตรวจแบบวิพากษ์ผลใช้เวลาอีกน้อยลง แต่ยังคงรับรู้ถึงจุดบกพร่องที่นักเรียนแต่ละคนต้องแก้ไขปรับปรุงเหมือนเดิม

## แนวทางการใช้คำานป้ายเปิดเพื่อประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์

การใช้คำานป้ายเปิดในการประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ในวงจรนี้ เป็นการใช้คำานป้ายเปิดประเมินนักเรียนเป็นกลุ่ม โดยมีแนวทางการใช้คำานป้ายเปิดในการประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลของนักเรียนแต่ละกลุ่มอยู่ 2 แนวทาง โดยแนวทางแรกให้นักเรียนได้อภิปรายเพื่อวางแผนหาแนวทางตอบคำานป้ายเปิดในชั้นเรียน ส่วนอีกแนวทางหนึ่งให้นักเรียนได้อภิปรายเพื่อวางแผนหาแนวทางตอบคำานป้ายเปิดนอกชั้นเรียน โดยการใช้คำานป้ายเปิดแนวทางแรกผู้วิจัยให้นักเรียนแต่ละกลุ่มอภิปรายเพื่อหาแนวทางตอบคำานป้ายเปิดในชั้นเรียน และระหว่างการอภิปรายได้ให้นักเรียนบันทึกผลการอภิปรายด้วย โดยใช้แบบบันทึกการอภิปรายเป็นเครื่องมือสำหรับบันทึกร่องรอยหรือผลการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนแต่ละกลุ่ม ซึ่งจากการใช้เครื่องมือดังกล่าวพบว่าทำให้การอภิปรายของแต่ละกลุ่มไม่เป็นไปอย่างต่อเนื่อง เพราะแต่ละคนในกลุ่มต้องรอให้ผู้บันทึกผลการอภิปรายบันทึกผลให้เสร็จก่อน จึงจะนำเสนอแนวคิดหรืออภิปรายต่อไปได้ แต่อย่างไรก็ตามเมื่อผู้วิจัยนำแบบบันทึกดังกล่าวมาวิเคราะห์ก็พบว่ามีข้อมูลที่แสดงถึงการสื่อสารและการให้เหตุผลของนักเรียนแต่ละกลุ่ม ส่วนการใช้คำานป้ายเปิดในแนวทางที่สองผู้วิจัยให้นักเรียนได้วางแผนการตอบคำานป้ายเปิดนอกชั้นเรียนหรือเป็นการบ้าน จากนั้นให้แต่ละกลุ่มนำเสนอผลที่ได้หน้าชั้นเรียนซึ่งแนวทางดังกล่าวไม่ได้อยู่ในแผนการวิจัยที่ผู้วิจัยได้วางไว้ แต่เนื่องด้วยข้อจำกัดของเวลาในชั้นเรียนจึงทำให้ต้องใช้คำานป้ายเปิดในแนวทางดังกล่าว แต่เนื่องจากเป็นการปรับเปลี่ยนที่ไม่ได้อยู่ในแผนที่เตรียมไว้ล่วงหน้า จึงทำให้ผู้วิจัยขาดข้อมูลเกี่ยวกับวิธีการหาแนวทางในการตอบคำานป้ายเปิดที่ทำนอกชั้นเรียนของแต่ละกลุ่ม ดังนั้นจึงเป็นเรื่องที่สำคัญยิ่งในการวางแผนหรือการเลือกใช้เครื่องมือในการบันทึกข้อมูลที่เกี่ยวกับร่องรอยการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ของนักเรียน

ส่วนชนิดของคำานป้ายเปิดที่ใช้ในวงจรนี้จะมีความแตกต่างกัน โดยคำานป้ายเปิดในหน่วยที่ 3 มีคำานทั้งหมด 3 ข้อ โดยข้อที่ 1 และ 2 เป็นคำานที่มีคำตอบที่ถูกต้องเพียงคำตอบเดียว แต่สามารถให้เหตุผลประกอบการตอบได้อย่างหลากหลาย ส่วนข้อสุดท้ายเป็นคำานป้ายเปิดที่มีคำตอบที่ถูกต้องหลากหลายคำตอบ แต่การใช้คำานในหน่วยดังกล่าวมีปัญหาบางในช่วงแรก เนื่องจากภาษาที่ใช้ในข้อคำานยังไม่มีความชัดเจน จึงทำให้เกิดความสับสนในทำความเข้าใจคำานและตีความคำานได้หลายอย่าง รวมถึงคำานที่ใช้ผู้วิจัยได้กำหนดข้อมูลเงินเดือนของคน 2 กลุ่มเพื่อให้นักเรียนหาค่ากลางที่เป็นตัวแทนที่ดีของแต่ละกลุ่ม จึงทำให้นักเรียนเกิดความสับสนและเข้าใจข้อคำานผิด โดยเข้าใจว่าจากข้อมูลทั้ง 2 กลุ่มให้เลือกว่ากลุ่มใดกลุ่มหนึ่ง

เป็นตัวแทนที่ดี ผู้วิจัยต้องขอ匕ษายคำตามให้กับนักเรียนทั้งหมดอีกรังสึ่งสามารถอภิปรายในข้อนี้ได้ ซึ่งเห็นได้ว่าข้อคำตามที่กำหนดให้นักเรียนใช้ในการอภิปรายควรมีความชัดเจนและเข้าใจง่าย และที่สำคัญไม่ควรถามนักเรียนในหลายประดิษฐ์มากจนเกินไปในข้อคำตามเดียว รวมถึงคำตามที่มีความชัดเจนทั้งในแง่ของภาษาที่ใช้และประเด็นที่ต้องการให้นักเรียนตอบ

ส่วนคำตามปลายเปิดที่ใช้ในหน่วยที่ 5 มีลักษณะที่เปิดกว้างให้กับนักเรียนทั้งในแง่ของคำตอบ รูปแบบการนำเสนอข้อมูล ตลอดจนความหลากหลายในการให้เหตุผลเพื่อสนับสนุนคำตอบของตนเอง โดยคำตามในหน่วยนี้ผู้วิจัยได้ให้นักเรียนเก็บรวบรวมข้อมูลเกี่ยวกับเรื่องใดเรื่องหนึ่งที่นักเรียนแต่ละกลุ่มสนใจ จากนั้นให้นำเสนอข้อมูลที่เก็บรวบรวมมาได้ด้วยรูปแบบการนำเสนอที่คิดว่าเหมาะสม พร้อมกับให้เหตุผลประกอบว่าทำไม่จึงเลือกรูปแบบการนำเสนอข้อมูล ดังกล่าว จากการให้เหตุผลของแต่ละกลุ่มพบว่าส่วนใหญ่ยังให้เหตุผลได้ไม่สมเหตุสมผล ซึ่งเป็นผลมาจากการนักเรียนยังไม่มีความเข้าใจเกี่ยวกับจุดประสงค์หรือหลักการในการเลือกใช้รูปแบบการนำเสนอข้อมูลแต่ละรูปแบบอย่างดีพอ อย่างไรก็ตามระหว่างการนำเสนอข้อมูลนักเรียนยังมีการซักถามกันเกี่ยวกับเรื่องที่เพื่อนนำเสนอ โดยคำตามที่นักเรียนถามส่วนใหญ่เป็นการถามในเชิงเนื้อหาคณิตศาสตร์ที่เกี่ยวกับรูปแบบการนำเสนอข้อมูลที่กลุ่มนั้นใช้ เช่น การนำเสนอข้อมูลที่เก็บมาได้สามารถนำเสนอในรูปแบบอื่นได้อีกหรือไม่ การนำเสนอข้อมูลเรื่องนี้ระหว่างการนำเสนอโดยใช้กราฟเส้นกับกราฟแท่ง แบบไหนจะดีกว่ากัน เป็นต้น แต่เนื่องด้วยข้อจำกัดเรื่องเวลา จึงทำให้การสื่อสารและการให้เหตุผลของนักเรียนในชั้นเรียนดำเนินการได้ในระดับหนึ่งเท่านั้น

นอกจากนี้พบว่าคำตามปลายเปิดที่ใช้ในหน่วยการเรียนรู้ที่ 5 ซึ่งเป็นคำตามปลายเปิดที่เกี่ยวข้องกับสถานการณ์จริง เมื่อใช้แล้วทำให้นักเรียนสนใจและกระตือรือร้นในการเรียนมากขึ้น แต่การเลือกใช้คำตามในลักษณะดังกล่าวควรให้เวลา กับนักเรียนในการหาคำตอบและการนำเสนอให้มากขึ้นด้วย ซึ่งทำให้ได้ข้อสรุปว่าคำตามปลายเปิดที่ใช้ในหน่วยนี้ทำให้เกิดกิจกรรมการเรียนการสอนที่น่าสนใจเป็นโอกาสให้นักเรียนได้เรียนรู้ด้วยตนเอง นักเรียนสามารถนำเสนอหรือสื่อสารแนวคิดได้อย่างหลากหลาย

#### **เกณฑ์การประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์**

จากการใช้เกณฑ์การประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ที่ผู้วิจัยได้สร้างขึ้นซึ่งเป็นเกณฑ์การประเมินแบบภาพรวม พบว่าการให้คะแนนเป็นไปด้วยความยากลำบาก เนื่องจากกระบวนการนักการสอนที่ก่อผลกระทบอภิปรายของแต่ละกลุ่มในแบบบันทึกการอภิปรายมีความสอดคล้องกับรายละเอียดของเกณฑ์การประเมินในหลาบระดับคะแนน จึงทำให้ตัดสินใจได้ว่า นักเรียนกลุ่มดังกล่าวควรได้ระดับคะแนนทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลในระดับใด แต่หลังจากผู้วิจัยปรับเปลี่ยนวิธีการให้ระดับคะแนนใหม่ โดยการแยกให้คะแนนที่ละเอียดรวม

ทั้งหมด 3 ประเด็น ได้แก่ การให้ข้อโต้แย้งหรือสนับสนุนแนวคิดต่างๆ การสื่อสารหรือสื่อความกับผู้อื่น และประเมินสุดท้ายคือการใช้แผนภาพ คำศัพท์ ข้อความหรือสัญลักษณ์ทางคณิตศาสตร์จากการปรับวิธีการดังกล่าวทำให้การประเมินมีความเหมาะสมและสะดวกในการให้คะแนนมากขึ้น ดังนั้นผู้วิจัยจึงเกิดแนวคิดที่จะประยุกต์การประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์เป็นเกณฑ์แบบแยกองค์ประกอบ เพื่อทำให้เกิดความชัดเจนในการประเมินมากขึ้น

## สรุปผลงานที่ 2

แนวทางการใช้คำานปล่ายเปิดในการประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ของนักเรียน โดยเน้นที่การประเมินนักเรียนเป็นกลุ่ม พนว่าทำได้ 2 ลักษณะ กล่าวคือ ให้นักเรียนได้อภิปรายเพื่อหาแนวทางในการตอบคำถามปลายเปิดในชั้นเรียนและนอกชั้นเรียน โดยข้อคำถามที่ใช้ในการประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์จะต้องมีความชัดเจนและเข้าใจง่ายทั้งในแข่งของภาษาที่ใช้และประเด็นที่ต้องการให้นักเรียนตอบ และเป็นคำานที่เกี่ยวข้องกับสถานการณ์จริง โดยจะต้องให้เวลา กับนักเรียนในการอภิปรายเพื่อหาแนวทางในการตอบคำานและ การนำเสนอให้มากขึ้น ส่วนเครื่องมือที่ใช้ในการบันทึกผลการอภิปราย เพื่อสังเกตการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนต้องไม่เป็นอุปสรรคต่อการอภิปรายของนักเรียน นอกจากนี้การนำเสนอคำานปลายเปิดไปใช้ต้องคำนึงถึงความคุ้นเคยกับคำานปลายเปิดของนักเรียนด้วย เพื่อให้สามารถวางแผนการจัดกิจกรรมการเรียนการสอนได้เหมาะสม และสอดคล้องกับนักเรียนมากขึ้น ส่วนเกณฑ์การประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ที่ใช้ในการให้คะแนนซึ่งเป็นเกณฑ์การประเมินแบบภาพรวม ทำให้การประเมินไม่มีความชัดเจนและยุติธรรมเท่าที่ควร

### แนวทางการปรับแผนในวงจรต่อไป

จากข้อมูลที่กล่าวมาทำให้ผู้วิจัยได้แนวทางในการปรับแผนในวงจรต่อไป ดังนี้

1. ใน การบันทึกผลการอภิปรายจากการทำกิจกรรมกลุ่ม ปรับให้นักเรียนคนใดคนหนึ่งในกลุ่มทำหน้าที่บันทึกข้อมูลเพียงอย่างเดียว โดยไม่ต้องแสดงความคิดเห็นร่วมกับในกลุ่ม
2. หลังจากนักเรียนแต่ละกลุ่มได้อภิปรายเพื่อหาข้อสรุปหรือคำตอบของคำานปลายเปิดแล้ว ควรเพิ่มเวลาในการอภิปรายและการนำเสนอแนวคิดของนักเรียนให้มากขึ้น
3. ปรับข้อคำานปลายเปิดให้มีความชัดเจนและเข้าใจง่ายทั้งในแข่งของภาษาที่ใช้และประเด็นที่ต้องการให้นักเรียนตอบ นอกจากนี้คำานปลายเปิดที่ใช้ควรมีความหลากหลาย

มากขึ้นทั้งในแง่ของคำตอบ วิธีการได้มาซึ่งคำตอบรวมถึงความหลากหลายในการให้เหตุผลเพื่อสนับสนุนคำตอบที่ mana ได้

4. ปรับเกณฑ์การประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ให้เป็นเกณฑ์การประเมินแบบแยกองค์ประกอบ

### วงจรที่ 3 การใช้คำตามปลายเปิดในการประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ โดยเน้นการประเมินนักเรียนเป็นรายบุคคล

ผู้วิจัยดำเนินการวิจัยเพื่อพัฒนาเกณฑ์การประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ และหาแนวทางการใช้คำตามปลายเปิดเพื่อประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ ซึ่งในวงจรนี้ผู้วิจัยเน้นการประเมินนักเรียนเป็นรายบุคคล โดยดำเนินการตามลำดับขั้นตอนการวิจัยเชิงปฏิบัติการ ดังนี้

#### ขั้นที่ 1 ปรับแผน (Replan)

ผู้วิจัยได้นำแนวทางการปรับแผนการปฏิบัติจากวงจรที่ 2 มาปรับแผนในวงจรที่ 3 ดังนี้

1. ออกแบบคำตามปลายเปิดที่ใช้ในกิจกรรมการเรียนการสอนให้สอดคล้องกับเนื้อหาและกิจกรรมการเรียนการสอน โดยคำตามปลายเปิดที่ใช้ในกิจกรรมกลุ่มปรับให้มีความชัดเจนและเข้าใจง่ายทั้งในแง่ของภาษาที่ใช้และประเด็นที่ต้องการให้นักเรียนตอบมากขึ้น

2. ปรับรูปแบบการทำกิจกรรมกลุ่ม โดยให้นักเรียนคนใดคนหนึ่งในกลุ่มทำหน้าที่เป็นผู้บันทึกผลการอภิปรายเพียงอย่างเดียว โดยไม่ต้องมีการแสดงความคิดเห็นร่วมกับในกลุ่ม รวมถึงมีการเพิ่มเวลาในการอภิปรายและการนำเสนอแนวคิดของแต่ละกลุ่มให้มากขึ้น

3. ปรับแผนการจัดการเรียนรู้เรื่องลำดับและอนุกรม ซึ่งแต่ละแผนมีการมองหมายการบ้านที่เป็นคำตามปลายเปิดให้นักเรียนทุกชั้วโมง

4. ปรับเกณฑ์การประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์จากเกณฑ์การประเมินแบบพร้อมให้เป็นเกณฑ์การประเมินแบบแยกองค์ประกอบ ซึ่งเกณฑ์ดังกล่าวมีรายละเอียด ดังตาราง 7

**ตาราง 7 แสดงเกณฑ์การประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์**

องค์ประกอบป้อย	เกณฑ์การให้คะแนน
การใช้แผนภาพ คำศัพท์ ข้อความ หรือสัญลักษณ์ทางคณิตศาสตร์	<p>4 : ใช้แผนภาพ คำศัพท์ ข้อความหรือสัญลักษณ์ทางคณิตศาสตร์ประกอบการอธิบายได้อย่างถูกต้องชัดเจน</p> <p>3 : ใช้แผนภาพ คำศัพท์ ข้อความหรือสัญลักษณ์ทางคณิตศาสตร์ประกอบการอธิบายได้ถูกต้องเป็นส่วนใหญ่</p> <p>2 : ใช้แผนภาพ คำศัพท์ ข้อความหรือสัญลักษณ์ทางคณิตศาสตร์ประกอบการอธิบายที่ไม่ถูกต้องเป็นส่วนใหญ่</p> <p>1 : ไม่มีการใช้แผนภาพ คำศัพท์ ข้อความหรือสัญลักษณ์ทางคณิตศาสตร์ประกอบการอธิบายหรือมีการใช้แต่ใช้เดียวสื่อความผิดทั้งหมด</p>
การให้ข้อโต้แย้งหรือสนับสนุน แนวคิดต่าง ๆ	<p>4 : ให้ข้อโต้แย้งหรือสนับสนุนแนวคิดที่ถูกต้องเหมาะสม</p> <p>3 : ให้ข้อโต้แย้งหรือสนับสนุนแนวคิดที่ถูกต้องเป็นส่วนใหญ่</p> <p>2 : ให้ข้อโต้แย้งหรือสนับสนุนแนวคิดที่ไม่ถูกต้องเป็นส่วนใหญ่</p> <p>1 : ไม่มีการให้ข้อโต้แย้งหรือสนับสนุนในการอธิบายหรือมีการให้ข้อโต้แย้งหรือสนับสนุนแต่ยังไม่มีความถูกต้อง หรือสมเหตุสมผล</p>
การสื่อสารหรือสื่อความกับผู้อื่น	<p>4 : สื่อสารหรือสื่อความกับผู้อื่นได้อย่างมีประสิทธิภาพ</p> <p>3 : สื่อสารหรือสื่อความกับผู้อื่นได้แต่ยังขาดความชัดเจนและความสมบูรณ์ในการอธิบาย</p> <p>2 : สื่อสารหรือสื่อความกับผู้อื่นได้แต่ขาดความถูกต้องในการอธิบาย</p> <p>1 : ไม่มีการสื่อสารหรือสื่อความใด ๆ กับผู้อื่น</p>

## ขั้นที่ 2 ปฏิบัติและสังเกตผลการปฏิบัติ (Act and Observe)

ผู้วิจัยได้เริ่มปฏิบัติและทำการเก็บรวบรวมข้อมูล โดยดำเนินการดังนี้

1. จัดกิจกรรมการเรียนการสอนตามแผนการจัดการเรียนรู้เรื่องลำดับและอนุกรมซึ่งในวงจรนี้ผู้วิจัยได้จัดกิจกรรมการเรียนการสอนสัปดาห์ละ 2 ชั่วโมง รวมทั้งหมด 10 ชั่วโมง และแผนการจัดการเรียนรู้ดังกล่าวมีอยู่หนึ่งชั่วโมงที่ให้นักเรียนได้ทำกิจกรรมกลุ่มเพื่ออภิปรายและวางแผนในการหาแนวทางในการตอบคำถามปลายเปิด ซึ่งมีทั้งหมด 2 ข้อ โดยผู้วิจัยได้แจกคำถามดังกล่าวให้ครึ่งละ 1 ข้อ แต่ละข้อกำหนดให้ใช้เวลาในการอภิปราย 10 นาที จากการสังเกตการจัดกิจกรรมการเรียนการสอนในชั่วโมงดังกล่าวผู้วิจัยพบว่านักเรียนทุกกลุ่มต่างให้ความสนใจกับคำถามปลายเปิดที่ผู้วิจัยมอบหมายให้ โดยให้เพื่อนในกลุ่มคนใดคนหนึ่งทำหน้าที่เป็นคนอ่านโจทย์ให้สมาชิกในกลุ่มฟัง จากนั้นมีการปรึกษากันว่าคำถามนั้นต้องการให้หาอะไร และระหว่างการอภิปรายจะมีนักเรียนหนึ่งคนที่ทำหน้าบันทึกผลการอภิปรายหรือข้อเสนอแนะต่าง ๆ ที่เพื่อนในกลุ่มได้แสดงความคิดเห็น โดยนักเรียนคนดังกล่าวทำหน้าที่เป็นผู้บันทึกผลเพียงอย่างเดียว

คำถามปลายเปิดข้อที่หนึ่งให้แต่ละกลุ่มได้แสดงแนวคิดเพื่อหาว่าจำนวนที่หารด้วย 3 ลงตัวและอยู่ระหว่าง 101 ถึง 1001 มีทั้งหมดกี่จำนวน ซึ่งจากการสังเกตพบว่าแต่ละกลุ่มนี้มีวิธีการทำงานคล้าย ๆ กัน คือ ให้แต่ละคนในกลุ่มคิดของตนเองก่อน เมื่อใครได้คำตอบหรือได้แนวคิดแล้วก็นำวิธีการนั้นมานำเสนอในกลุ่ม จากนั้นเพื่อนในกลุ่มก็จะพิจารณาว่าสิ่งที่นำเสนอถูกต้องหรือไม่ โดยการอภิปรายแลกเปลี่ยนความคิดเห็นในข้อนี้ก่อนข้างน้อยมาก หลังจากผู้วิจัยได้อ่านแบบบันทึกการอภิปรายในข้อนี้พบว่ามีการเขียนเพียงวิธีการทำ โดยไม่มีการบันทึกกระบวนการได้มาซึ่งวิธีการหรือคำตอบนี้ มีเพียง 2 กลุ่มเท่านั้นจากทั้งหมด 7 กลุ่มที่มีการบันทึกผลการอภิปรายที่แสดงถึงกระบวนการแลกเปลี่ยนแนวคิดหรือความคิดเห็นของสมาชิกแต่ละคนในกลุ่ม ซึ่งแต่ละกลุ่มใช้เวลาประมาณ 10–15 นาที สำหรับการอภิปรายในข้อนี้

หลังจากนักเรียนทำโจทย์ข้อแรกเสร็จ ผู้วิจัยได้ให้แต่ละกลุ่มส่งตัวแทนกลุ่มละหนึ่งคนนำเสนอวิธีการหรือแนวคิดของกลุ่มหน้าชั้นเรียน จากการนำเสนอของแต่ละกลุ่มพบว่าได้แนวคิดหรือวิธีการทำอยู่ 2 วิธี โดยวิธีการแรกนักเรียนหา公约数 (GCD) และพจน์สุดท้ายที่หารด้วย 3 ลงตัวและอยู่ระหว่าง 101 ถึง 1001 ก่อน หากนั้นสร้างลำดับขึ้นมาพร้อมทั้งหา公约数 ทั่วไปของลำดับดังกล่าว เมื่อได้พจน์ทั่วไปของลำดับนี้มีการคำนวณหาว่าจำนวนสุดท้ายว่าตรงกับพจน์ที่เท่าใด ซึ่งได้คำตอบเท่ากับ 300 และวิธีการดังกล่าววนนี้เป็นวิธีการที่ถูกต้องและนักเรียนเกือบทุกกลุ่มเลือกทำวิธีการนี้ มีเพียงกลุ่มเดียวเท่านั้นที่ใช้วิธีการที่แตกต่างออกไป กล่าวคือ เริ่มนับหนึ่งกับวิธีการแรก โดยหาจำนวนแรกและจำนวนสุดท้ายที่อยู่ระหว่าง 101–1001 ที่หารด้วย 3 ลงตัว ก่อน ซึ่งได้จำนวนแรกคือ 102 และจำนวนสุดท้ายคือ 999 จากนั้นนำทั้งสองจำนวนมาหารด้วย 3

โดยนักเรียนได้ให้เหตุผลว่า โดยที่ให้หัวข้อหารด้วย 3 ลงตัวมีทั้งหมดกี่จำนวน ดังนั้นจึงต้องนำ 3 ไปหาร ซึ่งได้ผลลัพธ์เท่ากับ 34 กับ 333 ตามลำดับ จากนั้นจึงนำ 333 ลบด้วย 34 ซึ่งได้คำตอบเท่ากับ 299 แล้วใช้การดังกล่าวได้คำตอบที่ไม่ถูกต้อง ผู้วิจัยจึงได้ให้นักเรียนกลุ่มนี้แสดงความคิดเห็นว่าทำในวิธีการนี้จึงได้คำตอบที่ไม่ถูกต้องซึ่งมีนักเรียนคนหนึ่งบอกว่า “ถ้าอา 333 ลบด้วย 34 ก็เหมือนกับเราตัด 34 ออกไปด้วย ดังนั้นจำนวนที่หายไปจึงขาดไปหนึ่งตัว” แต่เพื่อนกลุ่มนี้อีกบ้างไม่เข้าใจ ผู้วิจัยจึงให้นักเรียนคนดังกล่าวอธิบายเพิ่มเติมซึ่งนักเรียนคนดังกล่าวได้ยกตัวอย่าง 1 ถึง 10 แล้วให้เพื่อนในชั้นหัวข้อมีทั้งหมดกี่จำนวน ซึ่งคำตอบที่ได้มีทั้ง 10 และ 9 แต่คำตอบที่ถูกต้องคือ 10 จากการยกตัวอย่างจึงทำให้เพื่อนนักเรียนในห้องส่วนใหญ่เข้าใจ แต่ยังมีอีก 5–6 คนที่ยังไม่เข้าใจ ผู้วิจัยจึงได้อธิบายเพิ่มเติมพร้อมกับให้นักเรียนช่วยกันสรุปอีกรอบว่าถ้าจะทำวิธีการนี้จะต้องทำอย่างไร ซึ่งคำตอบที่ได้ก็คือนำผลลบที่ได้มาบวกกับ 1 เสมอ จึงจะได้คำตอบที่ถูกต้อง

ส่วนคำถามปลายเปิดอีกข้อผู้วิจัยได้ให้นักเรียนแต่ละกลุ่มแสดงความคิดเห็นว่า 558 เป็นพจน์ใดพจน์หนึ่งของลำดับ 6, 14, 22, 30, ... หรือไม่ พร้อมกับให้แสดงเหตุผลประกอบการอธิบายด้วย ซึ่งข้อนี้ผู้วิจัยพบว่านักเรียนแต่ละกลุ่มนี้มีการพูดคุยแลกเปลี่ยนกันมากขึ้น เมื่อเทียบกับคำถามในข้อแรก โดยวิธีการแต่ละกลุ่มคล้ายกันคือเสนอแนวคิดของแต่ละคน ส่วนเพื่อนคนอื่นในกลุ่มเป็นผู้พิจารณาว่าถูกต้องหรือไม่ ถ้าไม่ถูกต้องก็มีการหาเหตุผลมาเย็บ ซึ่งในคำถามปลายเปิดข้อนี้ตามแผนที่วางไว้ นักเรียนแต่ละกลุ่มต้องนำเสนอแนวคิดของกลุ่มหน้าชั้นเรียนด้วย แต่เนื่องจากนักเรียนใช้เวลาในการอภิปรายมาก ทำให้เหลือเวลาประมาณ 10 นาทีสำหรับนำเสนอ ดังนั้นผู้วิจัยจึงใช้การถามคำถามคำตอบทั้งชั้นว่าสรุปแล้ว 558 เป็นจำนวนที่อยู่ในลำดับนี้หรือไม่ จากนั้นใช้การสุ่มถามเหตุผลของนักเรียน 3 กลุ่ม โดยกลุ่มที่เหลือใช้วิธีการถามว่ากลุ่มใดมีเหตุผลที่แตกต่างจากเพื่อนกลุ่มนี้บ้าง ซึ่งจากการให้นักเรียนแสดงเหตุผลพบว่าจากนักเรียนทั้งหมด 7 กลุ่ม มีเพียงกลุ่มเดียวที่แสดงเหตุผลประกอบมากกว่า 1 เหตุผล โดยเหตุผลแรกเหมือนกับกลุ่มอื่นที่เหลืออีก 6 กลุ่ม กล่าวคือ หากนั้นทั่วไปของลำดับที่กำหนดให้ จากนั้นจึงคำนวณหารว่า 558 ตรงกับพจน์ที่เท่าไหร่ของลำดับ ซึ่งได้คำตอบว่า 558 เป็นพจน์ใดพจน์หนึ่งของลำดับ 6, 14, 22, 30, ... จริงเนื่องจาก 558 เป็นพจน์ที่ 70 ของลำดับดังกล่าว ส่วนอีกเหตุผลหนึ่งนั้นนักเรียนกลุ่มนี้ใช้วิธีการสังเกตแต่ละจำนวนในลำดับ ซึ่งพบข้อสังเกตที่เหมือนกันว่าทุกจำนวนนั้นมีอน้ำ 8 ไปหารแล้วเหลือเศษ 6 เมื่อเทียบกับ ดังนั้น 558 จึงเป็นพจน์ใดพจน์หนึ่งของลำดับนี้ด้วย เพราะ 558 หารด้วย 8 แล้วเหลือเศษ 6 เมื่อเทียบกับจำนวนอื่น ๆ ในลำดับนี้ และจากการอ่านบันทึกผลการอภิปรายของข้อนี้ผู้วิจัยพบว่าวิธีการบันทึกของแต่ละกลุ่มแตกต่างจากข้อแรก กล่าวคือ มีการบันทึกวิธีการคิดหรือสิ่งที่แต่ละคนได้เสนอแนวคิด รวมถึงข้อโต้แย้งต่าง ๆ รวมอยู่ด้วย

จากการอ่านบันทึกการเรียนรู้ครั้งที่ 7 ที่ด้านนักเรียนเกี่ยวกับบทบาทของนักเรียนในการสื่อสารหรือการให้เหตุผลเพื่อขอข้อความ การแก้ปัญหามีมากน้อยเพียงใด นักเรียนที่ส่งทั้งหมด 30 คน พนว่ามีอยู่ 18 คน ที่ตอบไปในทิศทางเดียวกันว่าจากการอภิปรายเพื่อตอบคำถามนั้นตนเองมีบทบาทในการสื่อสารหรือการให้เหตุผลค่อนข้างมาก เนื่องจากต้องช่วยกันระดมแนวคิดในการแก้ปัญหาและต้องใช้เวลามาก เพราะโจทย์ที่ทำค่อนข้างยาก นักเรียนที่เหลืออีก 12 คน ตอบว่ามีบทบาทในการสื่อสารและการให้เหตุผลน้อย โดยมีอยู่ 7 คนที่ให้เหตุผลว่าต้องทำหน้าที่เป็นผู้บันทึกผลการอภิปราย ส่วนอีก 5 คนให้เหตุผลว่าตนเองคิดไม่ค่อยทันเพื่อน ทำให้มีบทบาทในการเสนอแนวคิดต่าง ๆ ค่อนข้างน้อย

หลังจากเสร็จสิ้นกิจกรรมดังกล่าวแล้ว ผู้วิจัยได้นำแบบบันทึกการอภิปรายของแต่ละกลุ่มมาให้คะแนนทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์โดยใช้เกณฑ์การประเมินที่เตรียมไว้ จากการให้คะแนนพบว่าในคำถามข้อแรกผู้วิจัยสามารถให้คะแนนได้เพียง 2 องค์ประกอบอย่างเดียว คือ การใช้แผนภาพ คำศัพท์หรือสัญลักษณ์ทางคณิตศาสตร์ กับการสื่อสารแนวคิดหรือตื่อความกับผู้อื่น ส่วนประเด็นการให้ข้อโต้แย้งหรือสนับสนุนแนวคิดต่าง ๆ ผู้วิจัยไม่สามารถให้คะแนนได้ เนื่องจากการบันทึกของนักเรียนในข้อแรกนี้เป็นการเขียนวิธีการทำ โดยไม่มีการบันทึกวิธีการได้มาซึ่งคำตอบหรือวิธีการทำ ส่วนคำถามปลายเปิดในข้อที่สองผู้วิจัยสามารถให้คะแนนทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ได้ทั้ง 3 องค์ประกอบอย่าง ซึ่งจากการให้คะแนนพบว่าจากทั้งหมด 7 กลุ่มมีอยู่ 2 กลุ่ม ได้ระดับคะแนน 2 อีก 4 กลุ่ม ได้ระดับคะแนน 3 และมีเพียงกลุ่มเดียวเท่านั้นที่ได้ระดับคะแนนเต็ม 4

2. นอกจากการใช้คำถามปลายเปิดในกิจกรรมกลุ่มดังที่ได้กล่าวมาแล้ว ผู้วิจัยได้ใช้คำถามปลายเปิดในการประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนเป็นรายบุคคล โดยได้นับหมายให้นักเรียนทำการบ้านที่มีคำถามปลายเปิดรวมอยู่ด้วยทุกครั้งหลังจากเสร็จสิ้นกิจกรรมการเรียนการสอน ซึ่งรวมแล้วผู้วิจัยได้นับหมายการบ้านให้นักเรียนทั้งหมด 10 ชุด เมื่อนักเรียนส่งการบ้านผู้วิจัยได้ใช้การตรวจงานแบบวิพากษ์ผลเช่นเดียว กับที่ใช้ในวงจรที่ 2 หลังจากตรวจการบ้านนักเรียนแต่ละคนเสร็จผู้วิจัยมีการวิเคราะห์ในส่วนของ การบ้านที่เป็นคำถามปลายเปิดว่าคำตอบที่นักเรียนแต่ละคนตอบนั้นมีการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์มากน้อยเพียงใด พร้อมทั้งมีการให้คะแนนทักษะดังกล่าวโดยใช้เกณฑ์การประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ที่ผู้วิจัยได้เตรียมไว้ ซึ่งผลการวิเคราะห์การตอบคำถามปลายเปิดในการบ้านแต่ละชุดแสดงผลได้ดังนี้

การบ้านชุดที่ 1 ผู้วิจัยได้ให้นักเรียนยกตัวอย่างลำดับที่มี 12 เป็นพจน์ได้พจน์หนึ่งของลำดับมาอย่างน้อย 3 ตัวอย่าง จากการตรวจการบ้านที่นักเรียนส่งทั้งหมด 29 คน ผู้วิจัยพนว่ามี

นักเรียนเพียง 7 คน เท่านั้นที่มีการอธิบายเหตุผลประกอบว่าลำดับดังกล่าวนั้นแสดงความสัมพันธ์อย่างไร โดย 6 คนใช้วิธีการเขียนบรรยายเพื่อแสดงเหตุผล เช่น

3, 6, 9, 12, 15 เป็นลำดับที่เพิ่มขึ้นทีละ 3

3, 6, 12, 24, ... เป็นลำดับที่เกิดจากการนำตัวมั่นของมาบวกกัน

ส่วนนักเรียนอีกหนึ่งคนนั้นอธิบายโดยการใช้การโยงเส้นเชื่อมแต่ละจำนวนพร้อม  
เพียงความสัมพันธ์ ดังนี้ +2 +2 +2 +2

$$\begin{array}{ccccccccc} +2 & & +2 & & +2 & & +2 \\ \hline 8 & , & 10 & , & 12 & , & 14 & , & 16 \\ \times 2 & & \times 2 & & \times 2 & & \times 2 \\ \hline 3 & , & 6 & , & 12 & , & 24 & , & 48 \end{array}$$

จากการที่นักเรียนเขียนแสดงความสัมพันธ์ดังกล่าว แสดงให้เห็นว่านักเรียนพยายามจะให้เหตุผลโดยใช้ภาษา คำศัพท์ ตลอดจนสัญลักษณ์ทางคณิตศาสตร์ในการให้เหตุผลซึ่งเป็นผลสืบเนื่องจากการตอบคำถามปลายเปิด แต่อย่างไรก็ตามนักเรียนส่วนใหญ่ยังไม่ได้พัฒนาศักยภาพในการให้เหตุผลดังกล่าว ดังนั้นในการเขียนคำถามควรมีการกำหนดให้นักเรียนธิบายเหตุผลประกอบในการตอบด้วย

จากการใช้เกณฑ์การประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ในการให้คะแนนนักเรียนแต่ละคน พบว่าผู้วิจัยไม่สามารถให้คะแนนในส่วนขององค์ประกอบบุ่ยที่ 1 และ 2 ของเกณฑ์การประเมิน นั่นคือการใช้แผนภาพ คำศัพท์หรือสัญลักษณ์ทางคณิตศาสตร์ประกอบการอธิบาย กับการให้ข้อโต้แย้งหรือเหตุผลเพื่อสนับสนุนแนวคิดต่าง ๆ เมื่อจากนักเรียนเปียนเพียงคำตอบที่ได้เท่านั้น ซึ่งมีนักเรียนเพียง 7 คน จากทั้งหมด 29 คนเท่านั้น ที่ผู้วิจัยสามารถให้คะแนนตรงส่วนนี้ได้ โดยนักเรียนทั้ง 7 คนมีการให้เหตุผลอธิบายคำตอบของตนเอง ดังที่ได้กล่าวมาแล้วข้างต้น

คำถานปล่ายเปิดในการบ้านชุดที่ 2 ผู้วิจัยได้กำหนดเป็นสถานการณ์ในชั้นเรียนให้นักเรียนพิจารณา ดังนี้ “กอหผู้บ้านอกกับเพื่อน ๆ ในชั้นว่า 75 เป็นจำนวนที่อยู่ในพจน์ใดพจน์หนึ่งของลำดับ 3, 7, 11, 15, 19, ... แต่หมุดบนกลับบอก 75 ไม่มีทางที่จะเป็นพจน์ใดพจน์หนึ่งของลำดับนี้แน่นอน นักเรียนคิดว่าระหว่างกอหผู้บ้านกับหมุดบนโครงที่บอกเพื่อน ๆ ” ได้ถูกต้องพร้อมกับให้เหตุผลประกอบ” จากนักเรียนที่ส่งถ่านทั้งหมด 32 คน พบร่วงการตอบคำถานข้อนี้ของนักเรียนทุกคนมีการเขียนเหตุผลประกอบการอธิบาย โดยนักเรียนเกือบทุกคนต่างอธิบายเหตุผลได้อย่างถูกต้อง มีเพียง 5 คนเท่านั้นที่ตอบไม่ถูกต้อง และจากการวิเคราะห์นักเรียนที่ตอบถูกทั้งหมด 27 คน พบร่วงลักษณะของการให้เหตุผลของนักเรียนเหล่านี้แบ่งได้เป็น 3 ลักษณะ โดยลักษณะแรกเป็นการเขียนอธิบายในลักษณะเชิงบรรยาย เช่น กอหผู้บ้านอกกูก เพราะจากลำดับจะ

เพิ่มขึ้นครั้งละ 4 ดังนั้นเมื่อเราบวกเพิ่มไปทีละ 4 เรื่อยๆ ก็จะได้ 75 ตามที่ก่อให้เกิด ซึ่งการให้เหตุผลถัดจากนี้เป็นวิธีการที่นักเรียนจำนวน 24 คนเลือกใช้ การให้เหตุผลในถัดจากนี้ที่สองมีเพียง 2 คนที่ใช้วิธีการนี้ กล่าวคือ มีการเขียนอธิบายเหมือนกับวิธีการแรกแต่มีการเขียนภาพแสดงความสัมพันธ์ประกอบการอธิบายเพิ่มเติม ดังนี้

$$\begin{array}{ccccccccccccc} & +4 & & +4 & & +4 & & +4 & & +4 & & +4 & & +4 \\ 3 & , & 7 & , & 11 & , & 15 & , & 19 & , & \dots & , & 71 & , & 75 & , & 79 \end{array}$$

นอกจากนี้นักเรียนเพียงคนเดียวเท่านั้นที่มีวิธีการให้เหตุผลที่แตกต่างจากเพื่อนคนอื่นๆ โดยนักเรียนคนดังกล่าวได้ใช้การเขียนแต่ละพจน์ของลำดับให้อยู่ในรูปทั่วไป ซึ่งนักเรียนคนนี้ตอบว่าก่อให้เกิด 4 ได้ถูกต้อง โดยให้เหตุผลว่า “ เพราะ 75 ต้องเป็นพจน์ใดพจน์หนึ่งของลำดับ เนื่องจาก  $3, 7, 11, 15, \dots$  มีจำนวนเพิ่มขึ้นทีละ 4 และทุกจำนวนเอา 2 คูณกับเลขคี่ แล้วก็บวก 1 ดังนั้น  $2 \times 1 = 2 + 1 = 3, 2 \times 3 = 6 + 1 = 7$ , แล้ว 75 ก็เท่ากับ  $2 \times 37 = 74 + 1 = 75$  ” และจากการตรวจสอบบ้านชุดนี้เห็นได้ว่านักเรียนแต่ละคนต่างให้เหตุผลเพียงคนละหนึ่งเหตุผลเท่านั้น ซึ่งแสดงให้เห็นว่าคำานบัญญัติเปิดเป็นโอกาสให้นักเรียนได้ฝึกการสื่อสารและการให้เหตุผลได้ตามความเข้าใจของตนเองมากขึ้น แต่ก็ยังไม่มีข้อมูลที่แสดงถึงความพยายามในการทำให้มากกว่า 1 คำตอบหรือ 1 เหตุผล

จากการให้คะแนนทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนในคำานบัญญัติเปิดข้อนี้ ผู้วิจัยสามารถให้คะแนนได้ในทุกส่วนขององค์ประกอบอย่าง均衡ๆ การประเมิน เนื่องจากคำานบัญญัติเปิดโอกาสให้นักเรียนสามารถอธิบายเหตุผลด้วยวิธีการที่หลากหลายจากการให้คะแนนนักเรียนทั้งหมด 32 คน มีนักเรียนที่ได้ระดับคะแนน 2 อยู่ 5 คน ได้ระดับคะแนน 3 อยู่ 24 คน และมีเพียง 3 คนเท่านั้นที่ได้ระดับคะแนน 4

คำานบัญญัติเปิดที่ใช้ในการบ้านชุดที่ 3 ชุดที่ 4 ชุดที่ 6 และชุดที่ 9 มีลักษณะคล้ายกัน โดยคำานบัญญัติเปิดในการบ้านชุดที่ 3 ให้นักเรียนยกตัวอย่างลำดับมาอย่างน้อย 5 ตัวอย่าง พร้อมทั้งหาพจน์ทั่วไปของลำดับดังกล่าว คำานบัญญัติเปิดของการบ้านชุดที่ 4 ได้ให้นักเรียนยกตัวอย่างพจน์ทั่วไปของลำดับมาอย่างน้อย 5 ตัวอย่าง พร้อมทั้งเขียนลำดับดังกล่าวโดยการแจกแจงพจน์ ส่วนคำานบัญญัติเปิดที่ใช้ในการบ้านชุดที่ 6 ให้นักเรียนยกตัวอย่างลำดับเลขคณิตมาอย่างน้อย 3 ตัวอย่าง พร้อมทั้งหาพจน์ทั่วไปของลำดับดังกล่าว และคำานบัญญัติเปิดในการบ้านชุดที่ 9 ผู้วิจัยได้ให้นักเรียนยกตัวอย่างลำดับเรขาคณิต พร้อมทั้งหาพจน์ทั่วไปของลำดับดังกล่าว ซึ่งจากการวิเคราะห์การตอบคำานบัญญัติเปิดของนักเรียน ผู้วิจัยพบว่านักเรียนไม่มีการเขียนอธิบายใด ๆ เพิ่มเติม มีแต่การเขียนคำตอบเพียงเท่านั้น ซึ่งอาจเนื่องมาจากคำานบัญญัติเปิดที่ใช้ในการบ้านทั้งสี่ชุดยังไม่เปิดโอกาสให้นักเรียนได้แสดงศักยภาพในการสื่อสารหรือให้เหตุผล

ทางคณิตศาสตร์มากนัก จึงส่งผลต่อการให้คะแนนทักษะดังกล่าวด้วยโดยผู้วิจัยไม่มีข้อมูลที่สามารถนำไปใช้ให้คะแนนทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลของนักเรียนได้

คำถานปลายเปิดที่ใช้ในการบ้านชุดที่ 5 ผู้วิจัยได้ให้นักเรียนยกตัวอย่างลำดับเลขคณิตที่มี 8 เป็นพจน์โดยพจน์หนึ่งของลำดับมาอย่างน้อย 3 ตัวอย่าง พร้อมทั้งให้เหตุผลว่าทำในลำดับดังกล่าวเป็นลำดับเลขคณิต จากการวิเคราะห์ลักษณะการให้เหตุผลของนักเรียนที่ส่งการบ้านชุดนี้ทั้งหมด 34 คน พนว่าการให้เหตุผลยังคงเป็นการเขียนอธิบายว่าลำดับดังกล่าวเพิ่มขึ้นหรือลดลงครึ่งละเท่า ๆ กัน โดยไม่มีการใช้คำศัพท์ต่าง ๆ ที่ผู้วิจัยได้สอนไป เช่น พจน์ ผลต่าง ร่วม (d) เป็นต้น เพื่อใช้ประกอบการอธิบาย ซึ่งมีนักเรียนที่ให้เหตุผลในลักษณะนี้อยู่ทั้งสิ้น 23 คน ส่วนนักเรียนอีก 7 คน มีการใช้คำศัพท์ที่ผู้วิจัยได้สอนไปโดยมีการใช้ทั้งคำว่า “ผลต่างร่วม” และการใช้สัญลักษณ์แทนผลต่างร่วม d ประกอบการอธิบาย ยกตัวอย่างเช่น

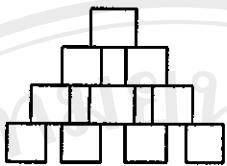
5, 8, 11, 14, 17, ... เป็นลำดับเลขคณิต เพราะมีผลต่างร่วมเท่ากับ 7

$$\begin{array}{ccccccc} +2 & & +2 & & +2 & & +2 \\ 2 & , & 4 & , & 6 & , & 8 & , & 10 \end{array} \text{ เป็นลำดับเลขคณิต เพราะ } d = 2$$

เมื่อผู้วิจัยนำคำตอบที่นักเรียนตอบคำถานปลายเปิดในการบ้านชุดนี้มาให้คะแนนทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ พนว่าสามารถให้คะแนนได้ทั้ง 3 องค์ประกอบอย่าง และสังเกตพบว่าองค์ประกอบที่นักเรียนส่วนใหญ่ให้คะแนนต่ำ คือ การใช้แผนภาพคำศัพท์หรือสัญลักษณ์ทางคณิตศาสตร์ประกอบการอธิบาย เนื่องจากนักเรียนที่ตอบคำถานส่วนใหญ่ ยังคงได้การอธิบายในลักษณะที่เป็นภาษาพูดหรืออธิบายตามความเข้าใจของตนเอง โดยที่ยังไม่มีการใช้คำศัพท์ต่าง ๆ ที่ผู้วิจัยได้สอนมาใช้ประกอบการอธิบายมากเท่าที่ควร

ส่วนคำถานปลายเปิดที่ใช้ในการบ้านชุดที่ 7 มีทั้งหมด 3 ข้อ โดยคำถานข้อแรกให้นักเรียนหาลำดับเลขคณิตที่มีพจน์แรกและพจน์สุดท้ายของลำดับ คือ 12 และ 60 ตามลำดับ มาอย่างน้อย 3 ตัวอย่าง พร้อมทั้งหาพจน์ทั่วไปของลำดับดังกล่าว ข้อที่สองให้นักเรียนหาลำดับเลขคณิตที่มีผลบวก 3 พจน์แรกของลำดับเท่ากับ 15 มาอย่างน้อย 3 ลำดับ ส่วนข้อสุดท้ายให้นักเรียนยกตัวอย่างเหตุการณ์หรือสิ่งของต่าง ๆ ในชีวิตประจำวันที่มีความเกี่ยวข้องกับลำดับเลขคณิต พร้อมทั้งให้เหตุผลประกอบว่าเกี่ยวข้องกับลำดับหรือเป็นลำดับเลขคณิตอย่างไร จากการตรวจการบ้านทั้งสามข้อ พนว่าการตอบคำถานปลายเปิดในข้อที่ 1 และ 2 ของนักเรียนมีการเขียนแต่คำตอบที่หาได้ โดยไม่มีการอธิบายประกอบว่าหมายความได้อย่างไร ส่วนคำถานปลายเปิดข้อที่ 3 จากนักเรียนที่ส่งการบ้านทั้งหมด 30 คน มีนักเรียนที่ยกตัวอย่างได้ถูกต้อง 15 คน แต่ทั้งนี้ผู้วิจัยได้สังเกตพบว่าเหตุการณ์ที่นักเรียนยกตัวอย่างมีลักษณะที่คล้ายกัน เช่น ตัวเลขบนหน้าปั๊มนาฬิกา ตัวเลขบนหน้าปั๊มเครื่องซั่งน้ำหนัก เป็นต้น ในส่วนของการให้เหตุผลของนักเรียนส่วนใหญ่ใช้

วิธีการเขียนลำดับที่ได้ พร้อมทั้งหาผลต่างร่วมของลำดับดังกล่าว มีนักเรียนอยู่หนึ่งคนที่มีการยกตัวอย่างเหตุการณ์ด้วยการเขียนภาพประกอบการอธิบาย โดยนักเรียนคนดังกล่าวได้ยกตัวอย่าง การจัดเรียงกระปี้องจากมากไปน้อย ดังรูป



จากการให้คะแนนทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์จากการตอบ คำถามปลายเปิดของนักเรียนในการบ้านชุดนี้ ซึ่งมีห้องหมุด 3 ข้อ พนว่า คำ답นปลายเปิดข้อที่ 1 และ 2 ผู้วิจัยไม่มีข้อมูลสำหรับให้คะแนนในส่วนขององค์ประกอบของข้อที่ 1 และ 2 ของเกณฑ์ การประเมิน เนื่องจากนักเรียนมีการเขียนเพียงคำตอบที่นำมาได้ ส่วนคำ답นปลายเปิดในข้อ สุดท้ายผู้วิจัยสามารถให้คะแนนทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ของนักเรียน ได้ทุกองค์ประกอบของข้อที่ 3 ซึ่งจากนักเรียนที่ส่งการบ้านทั้งหมด 30 คน มีอยู่ 15 คน ที่ได้ระดับ คะแนน 1 ส่วนนักเรียนที่ได้ระดับคะแนน 2 และ 3 มีอยู่ 2 คน และ 10 คนตามลำดับ มีเพียง 1 คนเท่านั้นที่ได้ระดับคะแนน 4

คำ답นปลายเปิดที่ใช้ในการบ้านชุดที่ 8 มีอยู่ 2 ข้อ โดยข้อแรกให้นักเรียนยกตัวอย่าง ลำดับเรขาคณิตมาก่อนอย่างน้อย 3 ตัวอย่าง พร้อมทั้งให้หาอัตราส่วนร่วมของลำดับดังกล่าว ส่วนอีก ข้อผู้วิจัยได้กำหนดเป็นสถานการณ์ดังนี้ “นายนีโอบอกกับเพื่อนว่าเขานำเงินมาสร้างลำดับที่เป็น ทั้งลำดับเลขคณิตและลำดับเรขาคณิตได้ แต่นางสาวทรินิตี้กลับค้านว่าเป็นไปไม่ได้ที่ลำดับหนึ่ง ลำดับจะเป็นทั้งลำดับเลขคณิตและลำดับเรขาคณิต” จากสถานการณ์นี้ให้นักเรียนพิจารณาว่า ถ้า กล่าวว่าได้ถูกต้อง พร้อมให้เหตุผลประกอบการอธิบาย จากการตรวจการบ้านชุดนี้พบว่า คำ답นปลายเปิดข้อแรกนักเรียนทุกคนไม่มีการให้เหตุผลในการอธิบาย ส่งผลให้ไม่มีข้อมูลสำหรับนำไปใช้ในการให้คะแนนทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ของนักเรียน โดยมี นักเรียนอยู่เพียง 3 คน เท่านั้นที่มีการอธิบายประกอบโดยการ ใบงานเดินเชื่อมต่อแต่ละจำนวนใน ลำดับพร้อมทั้งเขียนความสัมพันธ์ประกอบด้วย เช่น

$$\begin{array}{cccc} \times 2 & \times 2 & \times 2 & \times 2 \\ 5 , 10 , 20 , 40 , 80 \end{array}$$

ส่วนคำ답นปลายเปิดในข้อที่ 2 พนว่า จากร้านนักเรียนที่ส่งการบ้านทั้งหมด 26 คน มี นักเรียนที่ตอบผิดอยู่ 20 คน ซึ่งคำตอบของนักเรียนเหล่านี้ตอบว่าเป็นไปไม่ได้ที่ลำดับหนึ่ง ลำดับ จะเป็น ได้ทั้งลำดับเลขคณิตและลำดับเรขาคณิต ทั้งนี้มีนักเรียนอยู่ 2 คนที่ไม่ทำข้อนี้มาส่ง ส่วน นักเรียนที่ทำถูกมีอยู่ 4 คน ซึ่งนักเรียนกลุ่มนี้ตอบว่าเป็นไปได้และให้เหตุผลโดยการยก

ตัวอย่างลำดับ เพื่อแสดงให้เห็นว่าลำดับดังกล่าวเป็นได้ทั้งลำดับเลขคณิตและลำดับเรขาคณิต เช่น  $2, 2, 2, 2, \dots$  ซึ่งเป็นลำดับเลขคณิตที่มี  $d = 0$  และเป็นลำดับเรขาคณิตที่มี  $r = 1$  จากค่าตอบที่นักเรียนตอบเมื่อผู้วิจัยนำมาให้คะแนนตามเกณฑ์การประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ที่เตรียมไว้ พบว่าสามารถให้คะแนนได้ทั้ง 3 องค์ประกอบด้วย

ส่วนการบ้านชุดสุดท้ายคือชุดที่ 10 มีคำถามปลายเปิดอยู่ 1 ข้อ โดยผู้วิจัยกำหนดสถานการณ์ให้ดังนี้ “เซลล์เม็ดเดือดแดงมีการแบ่งเซลล์จาก 1 เซลล์เป็น 2 เซลล์ทุก ๆ 1 ชั่วโมง และถ้ามีเซลล์เม็ดเดือดแดงเริ่มต้นทั้งหมด 100 เซลล์ เมื่อเวลาผ่านไป 10 ชั่วโมง นักเรียนจะทราบได้อย่างไรว่ามีเซลล์เม็ดเดือดแดงทั้งหมดกี่เซลล์” จากการตรวจสอบการบ้านในข้อนี้พบว่าจากนักเรียนที่ส่งการบ้านทั้งหมด 26 คน มีอยู่ 20 คนที่ตอบได้ถูกต้อง โดยวิธีการที่นักเรียนทั้ง 20 คนตอบสามารถสรุปเป็นวิธีการได้ 2 วิธี ก็คือ กลุ่มแรกใช้การเขียนอธิบายเป็นในรูปของลำดับที่แสดงจำนวนเซลล์ในแต่ละชั่วโมง ซึ่งได้ลำดับคือ 100, 200, 400, 800, 1600, 3200, 6400, 12800, 25600, 51200 จากลำดับดังกล่าวจะได้จำนวนเซลล์ในชั่วโมงที่ 10 เท่ากับ 51200 เซลล์ ซึ่งวิธีการนี้เป็นวิธีการที่นักเรียนจำนวนทั้งหมด 16 คน เลือกทำ ส่วนนักเรียนอีก 4 คน ใช้วิธีการหาพจน์ทั่วไปของลำดับนี้ก่อนแล้วจึงค่อยคำนวณหาว่าชั่วโมงที่ 10 ได้จำนวนเซลล์เท่ากับเท่าใด จากการให้คะแนนทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนแต่ละคนในการบ้านชุดนี้ พบว่าสามารถให้คะแนนทุกคนได้ในทุกองค์ประกอบด้วยของเกณฑ์การประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ โดยมีนักเรียนอยู่ 6 คน ที่ได้ระดับคะแนน 2 และมีเพียง 3 คน เท่านั้นที่ได้ระดับคะแนน 4 ส่วนนักเรียนที่เหลืออีก 17 คน ได้ระดับคะแนน 3

### ขั้นที่ 3 สะท้อนผลการปฏิบัติ (Reflect)

ผู้วิจัยได้ทำการสะท้อนผลการปฏิบัติเกี่ยวกับแนวทางการใช้คำถามปลายเปิดเพื่อประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ และเกณฑ์การประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ ซึ่งมีรายละเอียดของภาระที่ต้องดังนี้

**แนวทางการใช้คำถามปลายเปิดเพื่อประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์**

แนวทางการใช้คำถามปลายเปิดเพื่อประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ในวงจรนี้มีอยู่ 2 ลักษณะ โดยลักษณะแรกเป็นการใช้คำถามปลายเปิดสำหรับการประเมินนักเรียนเป็นกลุ่ม ซึ่งมีการใช้คำถามปลายเปิดในชั้นเรียนเพื่อให้นักเรียนได้อภิปรายเพื่อหาแนวทางในการตอบปัญหาดังกล่าว ส่วนอีกลักษณะหนึ่งเป็นการใช้คำถามปลายเปิดใน

การประเมินนักเรียนเป็นรายบุคคล โดยแทรกคำตามปลายเปิดในการบ้านแต่ละชุดที่มอบหมายให้ นักเรียนทำ ซึ่งเห็นได้ว่าการใช้คำตามปลายเปิดที่สองลักษณะจะได้ผลดีมากน้อยเพียงใดซึ่งอยู่ กับลักษณะของคำตามปลายเปิดที่ใช้ว่าเปิดโอกาสให้นักเรียนได้แสดงศักยภาพในด้านทักษะ การสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์มากน้อยเพียงใด จากการทำกิจกรรมกลุ่มเพื่อหา แนวทางในการตอบคำตามปลายเปิดเห็นได้ว่าคำตามแรร์เป็นคำที่เน้นที่การคำนวณเป็นหลัก โดยนักเรียนต้องคำนวณหาระหว่าง 101–1000 มีจำนวนที่หารค่วย 3 ลงตัวทั้งหมดกี่จำนวน ซึ่ง คำตามลักษณะนี้ทำให้นักเรียนได้พูดคุยกันหรือแลกเปลี่ยนแนวคิดกันค่อนข้างน้อย โดยสังเกตได้ จากการทำกิจกรรมกลุ่มที่ต่างคนต่างคิดของตนเองก่อน โดยไม่มีการวางแผนการทำงานร่วมกัน เป็นกลุ่ม ส่วนคำตามปลายเปิดอีกข้อพบว่านักเรียนแต่ละกลุ่ม ได้มีการแลกเปลี่ยนความคิดเห็นกัน กายในกลุ่มมากขึ้นเมื่อเทียบกับคำตามปลายเปิดข้อแรก อาจเป็นผลมาจากการคำนวณที่ไม่ยากจนเกิน ไปและนักเรียนมีความสนใจและอยากรู้ว่า ๕๕๘ เป็นจำนวนที่อยู่ในพจน์ใดพจน์หนึ่งของลำดับที่ กำหนดให้หรือไม่ รวมถึงคำตามคังกล่าวเป็นคำที่นักเรียนไม่รู้คำตอบหรือวิธีการทำด้วย ตนเองในทันที ซึ่งทำให้เกิดการพูดคุยกันหรือแลกเปลี่ยนแนวคิดกันมากขึ้น

จากการสอนความคิดเห็นของนักเรียนผ่านบันทึกการเรียนรู้ ๗ เกี่ยวกับคำตามที่ใช้ ในการอภิปราย จากนักเรียนที่ส่งบันทึกการเรียนรู้ทั้งหมด 30 คน พบร่วม 22 คน ให้ข้อคิดเห็นไป ในทิศทางเดียวกันว่าคำตามที่ใช้ในข้อแรกค่อนข้างยากทำให้ต้องใช้เวลาในการคิดคำนวณมาก ส่วนคำตามข้อที่สองเป็นคำที่เมื่ออ่านโจทย์แล้วทำให้อยากรู้ว่า ๕๕๘ อยู่ในลำดับนั้นหรือไม่ ส่วนอีก ๘ คนให้ข้อคิดเห็นว่าคำตามทั้งสองข้อค่อนข้างยาก และต้องให้เพื่อนภายในกลุ่มช่วย ยธิบายจึงเข้าใจวิธีการคิดหรือวิธีการทำ นอกจากนี้ในบันทึกการเรียนรู้ดังกล่าวบังได้สอนความ นักเรียนที่ทำหน้าที่บันทึกผลการอภิปรายซึ่งมีทั้งหมด 7 คน ว่าหากที่นักเรียนเป็นผู้บันทึกผลการ อภิปราย ทำให้นักเรียนเกิดการเรียนรู้เนื้อหาหรือกิจกรรมที่เพื่อนทำหรือไม่ อย่างไรบ้าง พบร่วม ทุกคนต่างตอบคล้ายกันว่า ถึงแม้จะเป็นผู้บันทึกผลก็เกิดการเรียนรู้ได้ เมื่อจากการได้ฟังเพื่อนใน กลุ่มพูดแสดงความคิดเห็นกันแล้วซึ่งค่อยสรุปเขียนลงในบันทึกผลการอภิปราย ดังนั้นจึงต้องมี ความเข้าใจในสิ่งเพื่อนนำเสนอคัวยทุกครั้ง รวมถึงเพื่อนมีการอธิบายวิธีการคิดให้ฟังด้วยจึงเข้าใจ มากขึ้น จากการเดินดังกล่าวแสดงให้เห็นว่าการให้นักเรียนบันทึกผลการอภิปรายเพียงอย่างเดียว ก็สามารถทำให้นักเรียนที่ทำหน้าที่บันทึกผลเกิดการเรียนรู้ได้ และยังส่งเสริมให้กิจกรรมกลุ่ม ดำเนินไปได้อย่างต่อเนื่อง แต่ในการอภิปรายเพื่อหาแนวทางการตอบคำตามปลายเปิดแต่ละข้อ หากมีการเปลี่ยนผู้บันทึกผลการอภิปรายด้วยทุกครั้งน่าจะเป็นผลดี เพราะวิธีการดังกล่าวเป็นการ เปิดโอกาสให้นักเรียนที่ทำหน้าที่เป็นผู้บันทึกผลได้ฝึกทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทาง คณิตศาสตร์จากการมีส่วนร่วมในการอภิปราย

ส่วนการใช้คำตามปลายเปิดในการประเมินนักเรียนเป็นรายบุคคล โดยแทรกคำตามปลายเปิดในการบ้านแต่ละชุดที่มีขอบหมายให้นักเรียนทำนั้น พบว่าคำตามปลายเปิดที่ใช้สามารถแยกได้เป็น 2 กลุ่ม โดยกลุ่มแรกเป็นคำตามปลายเปิดในลักษณะที่ให้นักเรียนยกตัวอย่างคำดับตามที่กำหนดให้ ส่วนคำตามปลายเปิดอีกกลุ่มนั้นเป็นการยกตัวอย่างเหตุการณ์หรือสถานการณ์ แล้วให้นักเรียนเป็นผู้พิจารณาหรือตัดสินว่าเหตุการณ์หรือสถานการณ์ใดถูกต้อง พร้อมกับแสดงเหตุผลประกอบการอธิบาย จากคำตามปลายเปิดทั้งสองลักษณะพบว่าคำตามลักษณะแรกนักเรียนมีการให้เหตุผลที่ใช้ภาษาทางคณิตศาสตร์น้อยมากเมื่อเทียบกับคำตามในลักษณะที่สอง จึงทำให้ไม่มีข้อมูลที่ผู้วิจัยสามารถนำไปใช้คะแนนทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลของนักเรียนได้มากนัก ส่วนคำตามในลักษณะที่สองมีความท้าทายมากกว่าคำตามในลักษณะแรกและเป็นคำตามที่เปิดโอกาสให้นักเรียนได้มีการอธิบายเพื่อสนับสนุนสิ่งที่ตนมองตอบ ไม่ว่าจะเป็นการยกตัวอย่างการวิเคราะห์ประกอบการอธิบาย ซึ่งทำให้นักเรียนได้ใช้ภาษาทางคณิตศาสตร์ประกอบการอธิบายมากกว่าคำตามปลายเปิดในลักษณะที่ให้ยกตัวอย่าง

### **เกณฑ์การประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์**

ในส่วนของเกณฑ์การประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ที่ผู้วิจัยใช้ในวงจรนี้ซึ่งเป็นเกณฑ์การประเมินแบบแยกองค์ประกอบน มี่อนนำไปใช้ในการให้คะแนนทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ของนักเรียน พบว่าสามารถใช้ได้ค่อนข้างดี เมื่อเทียบกับเกณฑ์การประเมินในลักษณะที่ใช้ในวงจรที่ 2 เนื่องจากผู้วิจัยสามารถแยกให้คะแนนของนักเรียนในแต่ละองค์ประกอบได้อย่างชัดเจน ทำให้ลดปัญหาในการพิจารณาว่าคะแนนทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลของนักเรียนแต่ละคนควรอยู่ในระดับใด จึงทำให้การให้คะแนนด้วยเกณฑ์การประเมินดังกล่าวค่อนข้างยุติธรรมและมีความชัดเจนมากขึ้น แต่ในคำตามบางข้อผู้วิจัยไม่สามารถใช้เกณฑ์การประเมินดังกล่าวให้คะแนนได้ เนื่องจากไม่มีข้อมูลสำหรับประเมินในบางองค์ประกอบบ่อยของเกณฑ์ ซึ่งอาจเป็นผลมาจากการผู้วิจัยไม่ได้ปรับเกณฑ์การประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ให้มีความสอดคล้องกับคำตามปลายเปิดที่ใช้ในแต่ละข้อ จึงทำให้การใช้เกณฑ์การประเมินสำหรับให้คะแนนทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนในบางข้อไม่ได้ผลเท่าที่ควร อย่างไรก็ตามการใช้เกณฑ์การประเมินในลักษณะดังกล่าวทำให้ผู้วิจัยสามารถรับรู้ได้อย่างชัดเจนว่านักเรียนแต่ละคนต้องมีการปรับปรุงหรือมีจุดบกพร่องในองค์ประกอบอย้อย่างใดบ้าง จึงทำให้สามารถให้ข้อมูลย้อนกลับเพื่อให้นักเรียนได้พัฒนาจุดบกพร่องดังกล่าวได้

### มาตรฐานที่ 3

จากการใช้คำานป้ายเปิดเพื่อประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ของนักเรียน ซึ่งในวงจรนี้มีแนวทางการนำไปใช้อยู่ 2 แนวทาง คือ ใช้ประเมินนักเรียนในชั้นเรียนเป็นกลุ่มกับใช้ประเมินนักเรียนเป็นรายบุคคลผ่านการบ้านแต่ละชุดที่มอบหมายให้นักเรียนทำ การใช้คำานป้ายเปิดทั้งสองแนวทางนี้ใช้ได้ผลดีเพียงใดขึ้นอยู่กับลักษณะของข้อคำานที่ใช้ โดยคำานที่กำหนดเป็นสถานการณ์ต่าง ๆ เพื่อให้นักเรียนเป็นผู้ประเมินหรือตัดสินว่าสถานการณ์ใดถูกต้องเป็นคำานที่ใช้ได้ผลดี เมื่อจากคำานลักษณะดังกล่าวเปิดโอกาสให้นักเรียนได้ใช้แนวคิดหรือความรู้พื้นฐานทางคณิตศาสตร์มาสนับสนุนแนวคิดของตนเองได้อย่างหลากหลาย รวมทั้งเป็นลักษณะคำานที่ทำหายให้ผู้เรียนได้กันหากำตอบส่วนเกณฑ์การประเมินทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ที่ใช้ได้ผลดีและมีความชัดเจนในการให้คะแนนทักษะการสื่อสารและการให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนเป็นเกณฑ์การประเมินแบบแยกองค์ประกอบ เนื่องจากผู้ประเมินสามารถพิจารณาหรือตัดสินได้อย่างชัดเจนว่าในแต่ละองค์ประกอบย่อยที่กำหนดขึ้นนักเรียนแต่ละคนควรได้ระดับคะแนนใดแต่อย่างไรก็ตามคำานป้ายเปิดบางข้อยังไม่สามารถใช้เกณฑ์การให้คะแนนดังกล่าวได้ ซึ่งอาจเป็นผลมาจากการที่ใช้ไม่ได้ปรับให้มีความสอดคล้องกับคำานป้ายเปิดในแต่ละข้อ