

## บทที่ 1

### บทนำ

#### ความเป็นมาและความสำคัญของปัญหา

ในปัจจุบัน มีความพยายามที่จะปรับปรุง หลักสูตร การเรียนการสอน รวมไปถึงการวัดผลและประเมินผล ให้ดำเนินการไปพร้อมกัน ไม่แยกส่วนใดส่วนหนึ่งออกไป (สมศักดิ์ ภูวิภาดาภาระน์, 2537,หน้า 65) บุคลากรทางการศึกษาส่วนใหญ่มักให้ความสนใจไปที่การปรับปรุงหลักสูตร เช่น การกำหนดให้ห้องถูนสร้างหลักสูตรขึ้นเอง การกำหนดให้หลักสูตรตอบสนองความต้องการของผู้เรียน และการปรับปรุงกระบวนการเรียนการสอน เช่น การนำนวัตกรรมมาช่วยเหลือในการเรียนการสอน การปรับวิธีการเรียนการสอนโดยเน้นให้ผู้เรียนเป็นศูนย์กลาง การสอนโดยเน้นการสร้างองค์ความรู้โดยตัวผู้เรียนเอง แต่ทว่า ความตระหนักรถึงความสำคัญของการปรับปรุงกระบวนการวัดผล และประเมินผลนั้นยังมีไม่มากเท่าที่ควร ดังที่สังเกตได้ จากรูปแบบการวัดผลและประเมินผลในโรงเรียนทั่วไปก็ยังเป็นรูปแบบเดิม ยกตัวอย่างเช่น การวัดผลและประเมินผลความสามารถในการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์นั้น โดยทั่วไปแล้วในโรงเรียนจะใช้การวัดผลด้วยข้อสอบ ซึ่งมีทั้งแบบเลือกตอบ และแบบแสดงวิธีทำ ที่ให้ความสำคัญกับเฉพาะส่วนที่เป็นผลลัพธ์และเฉพาะส่วนการดำเนินการแก้ปัญหา ส่วนการประเมินผลส่วนใหญ่นี้ก็จะใช้การพิจารณาจากคะแนนซึ่งได้มาจากข้อสอบเช่นกัน มีทั้งการสอบเก็บคะแนนรายจุดประسังค์ การสอบกลางภาค และการสอบปลายภาค ที่ส่วนใหญ่เน้นวัด ความรู้ ความจำ ความเข้าใจ แต่ยังไม่มีการประเมินกลวิธีอภิปัญญา (Metacognitive Strategies) ที่ pragmatically ระหว่างกระบวนการเรียนรู้

กระบวนการอภิปัญญา นี้ ผู้เชี่ยวชาญหลายท่าน (สมศักดิ์ ภูวิภาดาภาระน์, 2537 , หน้า101, Jonh H. Flavell, 1985 ,หน้า344-360, ทองหล่อ วงศ์อินทร์, 2537,หน้า15-20) ได้ให้ความหมายว่า เป็นกระบวนการที่ต้องการให้บุคคลหรือผู้เรียน สามารถตระหนักรู้ถึงองค์ความรู้ที่มีอยู่ รู้ว่าตนเองรู้อะไรและไม่รู้อะไร นักเรียนที่บอกได้ว่าตนเองมีความรู้อะไร ก็จะสามารถมุ่งความสนใจและรวมรวมข้อมูลไปสู่การแก้ปัญหาที่มีความยากและซับซ้อน ได้ นอกจากนั้น การที่บอกได้ว่ามีความรู้อะไรอยู่แล้วในกิจกรรมนั้น ผู้เรียนก็จะตระหนักรู้ถึงศักยภาพทางความรู้และทักษะ อันนำมาซึ่งความกล้าที่ทำให้เกิดความมั่นใจในการเรียนรู้ รวมทั้งความมั่นใจเพื่อใช้ความสามารถที่จะนำความรู้เหล่านั้นมาใช้แก้ปัญหา ได้อย่างถูกทิศทาง และยังสามารถสร้างวิธีการนี้ใหม่เพื่อแก้ปัญหา

ได้อีกส่วนหนึ่ง ส่วนในกระบวนการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์นั้น เกิดจากการทำงานของสมองซึ่งประกอบด้วยการวางแผนแก้ปัญหา การคัดเลือกกระบวนการความรู้ที่จำเป็น การบูรณาการความรู้แต่ละส่วน การประเมินผลลัพธ์ล่วงหน้า การคาดคะเนปัญหาอุปสรรคในการแก้ปัญหา ดังเช่น ทองหล่อ วงศ์อินทร์ (2537, หน้า15-20) ได้วิเคราะห์และสรุปลำดับขั้นตอนคือ การทำความเข้าใจ ปัญหา การสร้างตัวแทนปัญหา การวางแผนในการปัญหา การดำเนินการแก้ปัญหา การตรวจสอบ การแก้ปัญหา ขั้นตอนเหล่านี้เป็นสิ่งที่ไม่ได้มีการสอนในมากเท่าที่ควร ในการวัดความสามารถด้าน การแก้ปัญหาคณิตศาสตร์ (Mathematics Problem Solving) นั้น ในระบบโรงเรียนของไทยในปัจจุบันเป็นการสอบวัด “ความรู้” ที่วัดความสามารถในระดับ ความรู้ ความจำ ความเข้าใจ การนำไปใช้ การวิเคราะห์ การสังเคราะห์ รูปแบบของข้อสอบก็จะมุ่งเน้นการหาคำตอบที่สนับสนุนเป็นสำคัญ จึงเป็นปัญหาที่ทำให้นักเรียนสามารถแก้ปัญหาได้เพียงภายใต้กรอบวิธีเท่าที่เคยฝึกฝนมา หรือในรูปแบบปัญหาที่ไม่แตกต่างจากที่ได้รับการฝึกฝนเท่าไรนัก แต่จะไม่สามารถแก้ปัญหาคณิตศาสตร์ที่มีความซับซ้อนมากขึ้น ได้โดยใช้ความสามารถทางการแก้ปัญหาที่มีในตอนของย่างเดือนที่ ปัจจุบันการพัฒนากราวิธีด้านอภิปัญญาที่เป็นที่สนใจกันมาก ดังเช่น ที่ Schoenfeld (1987, หน้า3-5) ได้สรุปผลการวิจัยไว้ว่า อภิปัญญาที่มีศักยภาพที่จะเพิ่มการเรียนรู้ในห้องเรียนของนักเรียน และเพิ่มความคล่องแคล่วในส่วนของ รูปแบบที่ถูกต้องทางคณิตศาสตร์

จากการศึกษาเอกสารที่เกี่ยวข้องพบว่า มีความพยายามหาแนวทางที่จะช่วยเหลือผู้เรียนที่มีความสามารถในการแก้ปัญหาคณิตศาสตร์ค่า ส่วนใหญ่จะใช้วิธีการปรับปรุงวิธีการเรียน การสอน แต่ยังไม่มีการวัดผลความสามารถนี้โดยใช้แนวคิดทางอภิปัญญาเข้ามาใช้ ดังเช่นที่ทองหล่อ วงศ์อินทร์ (2537, หน้า2-6) กล่าวไว้ว่า สิ่งที่นำเสนอในประการหนึ่งที่พบจากการวิจัยคือ สภาพการณ์ในการสอนของครู ที่ครูมักสอนใจเพียงสอนและวัด ประเมินผล โดยเน้นที่การได้คำตอบที่ถูกต้อง จนมองข้ามความสำคัญของกระบวนการคิดของนักเรียน ไป ฉะเดียวยว่าเด็กคิด คำตอบนั้น ได้อย่างไร คิดอย่างมีขั้นตอนหรือไม่ มีเหตุผลหรือไม่ เด็กที่ได้คำตอบผิดนั้นคิดค้ายิ่ง ได้ ต่างกับเด็กที่ได้คำตอบถูกต้องหรือไม่

อีกปัญหาหนึ่งในการเรียนคณิตศาสตร์ คือ เด็กนักเรียนสามารถจัดทำกลวิธีการแก้ปัญหาได้ (Problem Solving Strategy) แต่เด็กจะไม่พึงใจที่จะต้องตอบคำถามว่า เพราะเหตุใดจึงใช้กลวิธีนั้น เด็กนักเรียนจะรู้เพียงว่าแก่เขาสามารถรู้และจำ แล้วทำตามขั้นตอนนั้นจนได้คำตอบก็เป็น การเพียงพอแล้ว (Gagné ,Yekovich ,Yekovich, 1993,หน้า11) ดังนั้นการปรับปรุงกระบวนการวัด และประเมินผลความรู้คณิตศาสตร์ ที่เน้นที่ ความเข้าใจสังกัด (Conceptual Understanding) โดยเริ่มที่เน้นการวัดผลด้วยข้อสอบแบบอัตนัย และเพิ่มวิธีการวัดผลด้วยการให้ตอบแบบอธิบายที่มาของ การใช้กลวิธีการแก้ปัญหา (Problem Solving Strategy) ซึ่งเป็นไปในทิศทางการวัดผลของนโยบาย

จากกระทรวงศึกษาธิการ ที่ให้ลดปริมาณข้อสอบชนิดเลือกตอบ ให้เหลือไม่เกิน ร้อยละ 30 ของ ข้อสอบทั้งหมด นับว่าเป็นการสนับสนุนการเปลี่ยนแปลงวิธีการสอนคณิตศาสตร์ให้มีการเน้น ความเข้าใจเกี่ยวกับความคิดรวบยอดและรู้ที่มาของวิธีการแก้ปัญหาแต่ละขั้นตอนยิ่งขึ้น

จากข้อความข้างต้นพบว่า เครื่องมือที่จะใช้วัดอภิปัญญาของนักเรียนได้นั้น ต้องมีมิติ ที่บ่งบอกว่าผู้เรียนได้ ทราบมากในการรู้คิดของตนเอง เช่น ในการกิจที่กำลังจะทำ และจะใช้ยุทธศาสตร์ ใดในการแก้ปัญหา แต่เครื่องมือที่ใช้สำหรับวัดกลวิธีอภิปัญญาที่ยังไม่มีการยืนยันอย่างแพร่หลาย ว่าการวัดในรูปแบบใดจะสามารถวัดได้อย่างมีประสิทธิภาพอย่างแน่นอน การวัดด้วยการรายงาน ผลด้วยตนเองทางภาษาที่ยังเป็นที่ถกเถียงถึงประสิทธิภาพของการวัดในรูปแบบนี้ (Ericsson and Simon, 1980 ,หน้า13) เนื่องจาก การวัดด้วยการรายงานตนเองด้วยภาษาที่ผู้ถูกวัดต้องไม่มีปัญหา ทางการพูดหรือเขียน เพราะหากผู้ถูกวัดมีความสามารถในการพูดหรือเขียนต่ำแต่ส่งผลให้จะไม่ สามารถถ่ายทอดสิ่งที่ถูกสัมภาษณ์ หรือตอบคำถามได้ตรงกับความเป็นจริง (Cavanaugh and Perimutter, 1982, Wellman, 1985, หน้า36)

จากการพยากรณ์ที่จะปรับปรุงองค์ประกอบทางการศึกษาทั้ง 3 ส่วนดังที่กล่าวไป ข้างต้น ได้แก่ หลักสูตร การเรียนการสอน และการวัดและประเมินผล ให้ดำเนินการไปพร้อมกัน รวมทั้ง การปรับปรุงรูปแบบการวัดและประเมินผลความสามารถในการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์ ให้สามารถวัดความสามารถอย่างแท้จริง และปัญหาความไม่แพร่หลายของเครื่องมือที่จะใช้วัด อภิปัญญาที่มีประสิทธิภาพเป็นที่ยอมรับได้ นอกจากนั้นสืบเนื่องจากความพยากรณ์ที่จะช่วยเหลือ ผู้เรียนที่มีความสามารถในการแก้ปัญหาคณิตศาสตร์ต่ำ ที่จะมุ่งพัฒนาการเรียนการสอนเป็นหลักแต่ ยังขาดความสนใจด้านการวัดและประเมินผลทางด้านกลวิธีอภิปัญญาจึงทำให้ผู้วิจัยมีความสนใจที่ จะ ประเมินกลวิธีอภิปัญญาและการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนมัธยมศึกษาปีที่ 4 และ สร้างเครื่องมือวัดกลวิธีอภิปัญญาในการแก้ปัญหาคณิตศาสตร์ ที่มีคุณภาพและสามารถนำไปใช้ได้ จริง โดยมีวัตถุประสงค์ในการวิจัยเพื่อประเมินกลวิธีอภิปัญญาและการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์ นักเรียน นักเรียนมัธยมศึกษาปีที่ 4 โดยงานวิจัยจะมีประโยชน์แก่บุคลากรด้านการศึกษา ผู้สอนจะได้ทราบ สมรรถภาพการแก้ปัญหาคณิตศาสตร์ของเด็กจากวิธีการศึกษาการประเมินการใช้อภิปัญญา ใน การ แก้ปัญหาคณิตศาสตร์และสามารถใช้แนวคิดอภิปัญญา ไปเป็นแนวทางเพื่อพัฒนาความสามารถ รวมทั้งแก้ไขข้อด้อยในการแก้ปัญหาคณิตศาสตร์ นักเรียนนักเรียนมัธยมศึกษาปีที่ 4 ที่เน้นให้นักเรียนได้พัฒนาการคิด สร้างองค์ความรู้ด้วยตนเอง ใช้ความสามารถในการแก้ ปัญหาที่ซับซ้อน หากมีการนำแนวทางการประเมินการใช้อภิปัญญาไปใช้ในการเรียน

การสอนจริง นอกจากนี้การวิจัยครั้งนี้ยังช่วยทำให้นักเรียนเกิดความคิดแก้ปัญหาคณิตศาสตร์อย่างเป็นระบบ สามารถประยุกต์ความสามารถในการแก้ปัญหาไปใช้กับโจทย์รูปแบบที่ซับซ้อนขึ้นได้

### วัตถุประสงค์ของการวิจัย

เพื่อประเมินกลวิธีอภิปัญญาและการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์ ในด้านกลวิธี อภิปัญญาที่ใช้และผลการแก้ปัญหาโจทย์คณิตศาสตร์

### ขอบเขตของการวิจัย

#### ขอบเขตประชากร

ประชากรที่ใช้ในการวิจัยครั้งนี้ เป็นนักเรียนมัธยมศึกษาปีที่ 4 โรงเรียนธีราภรณ์ บ้านโหง อําเภอบ้านโหง จังหวัดลำพูน ปีการศึกษา 2547

#### ขอบเขตเนื้อหา

เนื้อหาที่ใช้ในการวิจัยครั้งนี้ประกอบด้วย

1. กลวิธีอภิปัญญา (Metacognitive Strategies) ซึ่งครอบคลุมเรื่อง
  - 1.1 การตระหนักรู้ในความรู้ของตนเองการตระหนักรู้ในงาน
  - 1.2 การวางแผน
  - 1.3 การควบคุมกิจกรรมทางความคิด
  - 1.4 การประเมินผล
2. การแก้ปัญหาคณิตศาสตร์ ซึ่งครอบคลุมเรื่อง
  - 2.1 รูปแบบการดำเนินการแก้ปัญหา และความถูกต้องตามหลักการทางคณิตศาสตร์
  - 2.2 การคำนวณเพื่อแก้ปัญหาคณิตศาสตร์
  - 2.3 การใช้เทคนิคการคิดทางคณิตศาสตร์เพื่อช่วยในการแก้ปัญหา
  - 2.4 ความถูกต้องของผลลัพธ์

### คณิตศาสตร์

### นิยามศัพท์เฉพาะ

1. กลวิธีอภิปัญญา (Metacognitive Strategies) หมายถึง กระบวนการทางคณิตศาสตร์ ได้แก่

1.1 การตระหนักรู้ในความรู้ของตนของการตระหนักรู้ในงาน หมายถึง การตระหนักรู้ถึง ทักษะ กลวิธี และแหล่งข้อมูลที่จำเป็นต่อการทำงานอย่างมีประสิทธิภาพ และรู้ว่าจะต้องทำอย่างไร เป็นเรื่องของการที่บุคคลรู้สึ้งสิ่งที่ตนเองคิด และความสอดคล้องกับสถานการณ์การเรียนรู้ รวมไปถึงการแสดงออกในสิ่งที่รู้ของมาโดยการอธิบายให้ผู้อื่นฟังได้ สามารถสรุปใจความสำคัญของสิ่งที่เรียนรู้นั้น

1.2 การวางแผน หมายถึง การกำหนดเป้าหมาย การเลือกวิธีปฏิบัติ การเริ่มดำเนินขั้นตอนการปฏิบัติงาน การรวบรวมข้อมูลที่สามารถจะเกิดขึ้นได้ และการรวบรวมแนวทางเพื่อที่จะให้บรรลุอุปสรรคที่เกิดขึ้น

1.3 การควบคุมตนเอง หมายถึง การเรียนรู้ว่าจะทำงานนั้นอย่างไร และเมื่อไร เพื่อให้สามารถปฏิบัติงานได้สำเร็จ เป็นกลวิธีในการกำกับตนเองในขณะที่กำลังคิดแก้ปัญหา ซึ่งรวมไปถึงการพิจารณาว่ามีความเข้าใจในสิ่งนั้นหรือไม่

1.4 การประเมินผล หมายถึง การประเมินความสำเร็จที่เกิดขึ้นตามจุดมุ่งหมาย การพิจารณาผลลัพธ์ที่ได้อาย่างละเอียด การประเมินปัญหาที่พบ ประเมินประสิทธิภาพของแผนการที่แก้ปัญหาได้

2. การแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์ (Mathematic Problem Solving) หมายถึง กระบวนการทำแบบทดสอบแก้โจทย์ปัญหาคณิตศาสตร์ โดยการศึกษาปัญหา สำรวจข้อมูลที่จำเป็น วางแผนเพื่อแก้ปัญหา คัดเลือกวิธีการเพื่อนำมาแก้ปัญหา แก้ปัญหาตามวิธีการ และตรวจสอบผลลัพธ์

## ประโยชน์ที่ได้รับจากการวิจัย

ในการวิจัยครั้งนี้ประโยชน์ที่ได้รับคือ

1. เพื่อเป็นแนวทางสำหรับครุภู่สอนวิชาคณิตศาสตร์และผู้มีส่วนเกี่ยวข้องกับการใช้หลักสูตรคณิตศาสตร์ช่วงชั้นที่ 4 ระดับมัธยมศึกษาปีที่ 4 ในการปรับปรุงการสอนการแก้ปัญหาคณิตศาสตร์ และในการจัดการเรียนการสอนอย่างมีประสิทธิภาพ

2. เพื่อเป็นแนวทางในการพัฒนาเครื่องมือวัดกลวิธีอภิปัญญาและการแก้ปัญหาคณิตศาสตร์ ของครุภู่สอน

3. เพื่อเป็นแนวทางในการนำผลการวิจัยครั้งนี้ไปปรับใช้ในการเรียนการสอนวิชา อั่นๆ