

### บทที่ 3

## การสร้างแบบจำลองเพื่อศึกษาผลกระทบของปริมาณความเข้มข้นของกลูโคสและความหนาแน่นเซลล์ต่อระดับการแสดงออกของยีนในยีสต์สายพันธุ์ *แซคคาโรไมซิส เซรีวิซีเย*

จากงานวิจัย Kirimasthong *et al.* (2006) ซึ่งได้ทำการจำลองความสัมพันธ์ระหว่างปริมาณความเข้มข้นของกลูโคสและระดับการแสดงออกของยีนในยีสต์สายพันธุ์ *แซคคาโรไมซิส เซรีวิซีเย* ในระหว่างกระบวนการไดออกซิซิฟิเคชัน (Diauxic Shift) ออกมาเป็นแบบจำลองเชิงกราฟ โดยมีสมมติฐานว่าความสัมพันธ์ระหว่างกลูโคสและการแสดงออกของยีนมีลักษณะเป็นโมเดลถดถอยแบบเอ็กโพเนนเชียล (exponential regression model) และได้ทำการทดลองโดยใช้วิธีการมาร์คอฟเชนมอนติคาร์โล (Markov Chain Monte Carlo) ในการสร้างข้อมูลจำลอง (simulated data) ขึ้นมา และสามารถอนุมานจากข้อมูลจำลองนั้นเพื่อหาการแจกแจงโพลีโทมิกและทำการประมาณค่าของพารามิเตอร์ต่าง ๆ ที่ส่งผลกระทบต่อระดับการแสดงออกของยีนได้ ดังนั้นในงานวิจัยนี้จึงได้ทำการศึกษาและพัฒนาต่อยอดจากงานวิจัยข้างต้น แต่ยังคงใช้ข้อมูลที่ทำการศึกษาเป็นข้อมูลชุดเดียวกัน คือ กลุ่มข้อมูลการแสดงออกของยีนในยีสต์สายพันธุ์ *แซคคาโรไมซิส เซรีวิซีเย* ในระหว่างกระบวนการไดออกซิซิฟิเคชันทั้งหมด 5 กลุ่ม ที่ถูกแบ่งตามลักษณะการแสดงออกของยีนเพื่อทำการศึกษาความสัมพันธ์ระหว่างปัจจัยต่าง ๆ ที่ส่งผลกระทบต่อระดับการแสดงออกของยีนในเชิงลึกมากขึ้น

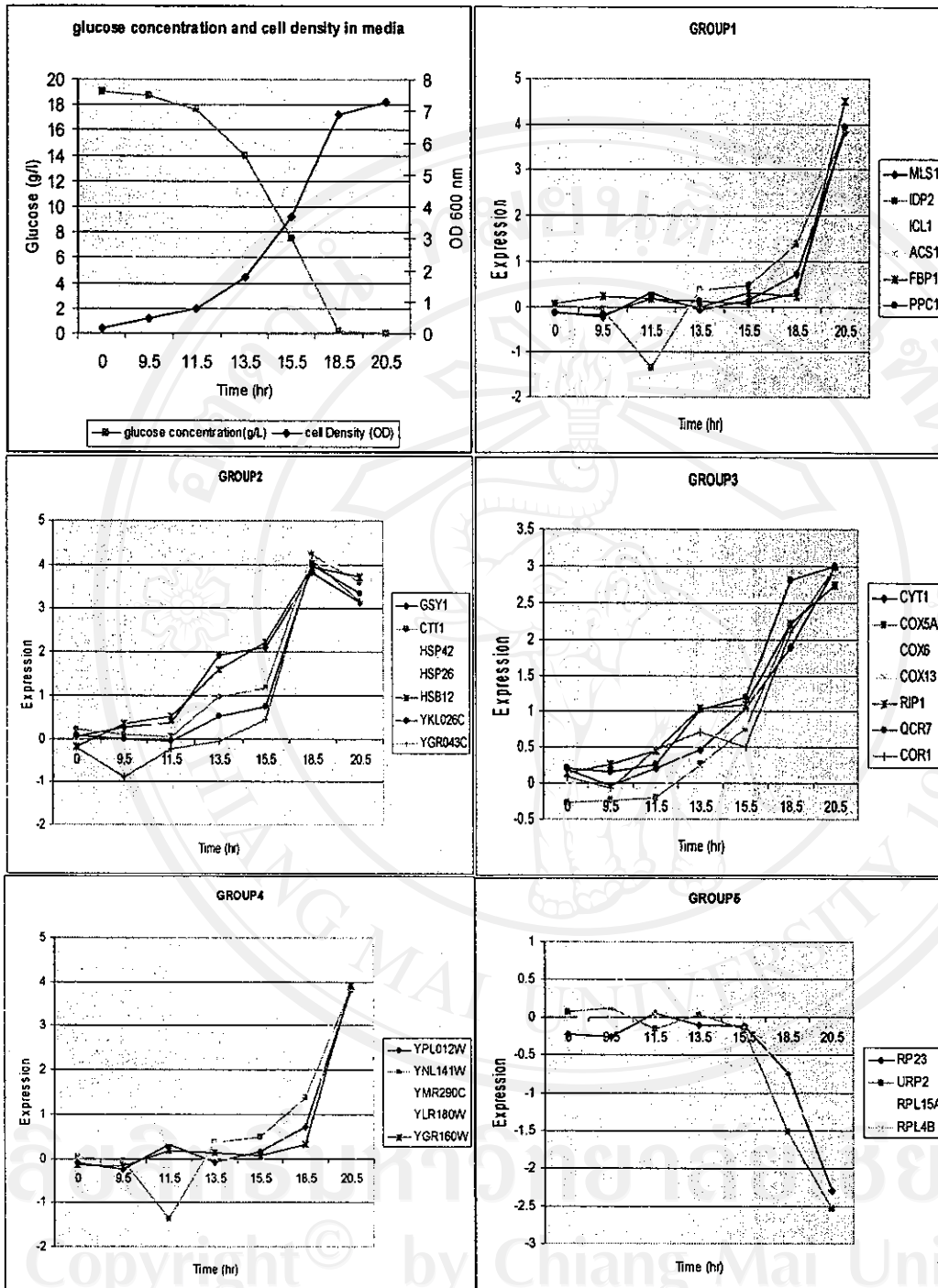
ในการศึกษาครั้งนี้ ได้ทำการศึกษาข้อมูลการแสดงออกของยีนของยีสต์สายพันธุ์ *แซคคาโรไมซิส เซรีวิซีเย* ในระหว่างกระบวนการไดออกซิซิฟิเคชัน ถึงแม้ว่ายีสต์จะเป็นสิ่งมีชีวิตเล็ก ๆ แต่ก็มีความสำคัญอย่างมาก นั่นคือ ยีสต์ได้ถูกนำไปใช้ในกระบวนการผลิตขนมปังหรือเครื่องดื่มประเภท แอลกอฮอล์ (Niederberger, 1989) นอกจากนี้ยังถูกนำไปใช้ในกระบวนการผลิตทางเทคโนโลยีชีวภาพ (Biotechnology) และอุตสาหกรรมเกี่ยวกับเภสัชกรรม (Pharmaceutical industry) (Aristidou and Penttila, 2000) สำหรับการเพาะเชื้อยีสต์นั้น ยีสต์จะถูกเพาะเชื้อไว้ในกลูโคส โดยเมื่อเวลาผ่านไปความเข้มข้นของกลูโคสจะค่อย ๆ ลดลงจนหมดไปแล้วยีสต์ก็จะเปลี่ยนไปใช้เอทานอลแทนเพื่อให้เซลล์สามารถมีชีวิตอยู่ได้ ซึ่งกระบวนการเปลี่ยนแปลงนี้จะเรียกว่า กระบวนการไดออกซิซิฟิเคชัน

Derisi *et al.* (1997) ได้ทำการเก็บข้อมูลการแสดงออกของยีนในลักษณะดีเอ็นเอไมโครอาร์เรย์ของยีสต์ในระหว่างกระบวนการไดออกซิซิฟิเคชันทั้งหมด 7 การทดลองที่ระยะเวลาต่างกัน และได้แสดงระดับการแสดงออกของยีนต่าง ๆ ที่มีการแสดงออกที่เพิ่มขึ้นหรือลดลง เมื่อปริมาณความเข้มข้นของกลูโคสลดลงและความหนาแน่นเซลล์เพิ่มขึ้น

การศึกษาครั้งนี้เป็นผลจากการศึกษาพฤติกรรมการแสดงออกของยีนของยีสต์สายพันธุ์แซคคาโรไมซิส เซรีวิซิเย ในระหว่างกระบวนการได้อ็อกซิซิฟท์ โดยมีสมมติฐานว่าการแสดงออกของยีนน่าจะมีปัจจัยต่างๆ เข้ามาเกี่ยวข้อง ซึ่งปัจจัยที่เห็นได้ชัดว่ามีผลต่อการแสดงออกของยีนในระหว่างกระบวนการได้อ็อกซิซิฟท์นี้ คือ กลูโคสและความหนาแน่นเซลล์ ดังนั้น การศึกษานี้จึงมีวัตถุประสงค์เพื่อสร้างแบบจำลองเชิงกราฟที่เป็นตัวแทนแสดงการมีอิทธิพลของปริมาณความเข้มข้นของกลูโคสและปริมาณความหนาแน่นของเซลล์ ที่ส่งผลกระทบต่อระดับการแสดงออกของยีนที่ระยะเวลาต่างกันภายใต้กระบวนการได้อ็อกซิซิฟท์ โดยปริมาณความเข้มข้นของกลูโคส ความหนาแน่นของเซลล์ และระดับการแสดงออกของยีนมีความสัมพันธ์กันในลักษณะของโมเดลถดถอยแบบเอ็กซ์โพเนนเชียลชนิดหลายตัวแปร (Multiple exponential regression model) ซึ่งในงานวิจัยนี้จะใช้วิธีการอนุมานด้วยเบย์เซียน โดยอาศัยมาร์คอฟเชนมอนติคาร์โลในการอนุมานหาการแจกแจงพอสทีเรียของโมเดลถดถอยที่ได้ทำการเสนอไว้ ซึ่งเป็นโมเดลที่ทำให้สามารถอนุมานระดับการแสดงออกของยีนออกมาได้ และค่าของพารามิเตอร์ต่างๆ ที่มีส่วนเกี่ยวข้องกับการแสดงออกของยีนในแบบจำลองเชิงกราฟจะถูกประมาณค่าด้วยโปรแกรม WinBUGS (Bayesian inference Using Gibbs Sampling for Windows) ซึ่งเป็นโปรแกรมที่อาศัยวิธีการกิบส์ แซมพลิง ในการคำนวณ

### 3.1 ชุดข้อมูลการทดลอง

งานวิจัยนี้ได้ทำการศึกษาข้อมูลไมโครอาร์เรย์ของยีสต์แซคคาโรไมซิส เซรีวิซิเย ในระหว่างกระบวนการได้อ็อกซิซิฟท์จาก DeRisi *et al.* (1997) ซึ่งสามารถดาวน์โหลดชุดข้อมูลไมโครอาร์เรย์นี้ได้จาก <http://rana.lbl.gov/EisenData.htm> สำหรับในการเพาะเลี้ยงเชื้อยีสต์นั้น ยีสต์จะถูกเพาะเชื้อไว้ในกลูโคสและใช้กลูโคสในการเจริญเติบโต ทำให้ปริมาณความเข้มข้นของกลูโคสจะค่อย ๆ ลดลงเมื่อเวลาผ่านไป โดยอัตราการเจริญเติบโตของเซลล์ยีสต์พบว่าเป็นแบบเอ็กซ์โพเนนเชียล (Exponential growth) ซึ่งยีสต์จะทำการเปลี่ยนกลูโคสไปเป็นเอทานอล ซึ่งเป็นกระบวนการที่เรารู้จักกันดีที่เรียกว่า กระบวนการหมัก (Fermentation process) หลังจากที่ปริมาณความเข้มข้นของกลูโคสหมดลงเซลล์ยีสต์จะเปลี่ยนไปใช้เอทานอลแทนการใช้กลูโคส โดยการชิฟท์ (shift) จากกระบวนการหมักโดยใช้ออกซิเจนไปสู่การหายใจโดยใช้ออกซิเจน ซึ่งกระบวนการนี้จะถูกเรียกว่า ได้อ็อกซิซิฟท์ (Wikipedia, 2006)



รูป 3.1 รูปแบบลักษณะการแสดงออกของยีนทั้งห้ากลุ่มยีสที่เกี่ยวข้องกับกระบวนการได้อ็อกซิซิฟิ์

ข้อมูลชุดนี้เป็นข้อมูลไมโครอาร์เรย์ของยีสประมาณ 6,400 ยีส ที่ทำการวัดระดับการแสดงออกของยีสที่เวลาต่าง ๆ กันทั้งหมด 7 ช่วงเวลาในระหว่างกระบวนการได้อ็อกซิซิฟิ์ ซึ่งจะถูกแบ่งกลุ่มออกเป็น 5 กลุ่มตามลักษณะการแสดงออกที่แตกต่างกัน (Derisi *et al.*, 1997)

แสดงไว้ดังรูป 3.1 ยีนที่อยู่ในกลุ่มเดียวกันถือว่ามีหน้าที่คล้ายคลึงกัน ซึ่งยีนทั้งห้ากลุ่มนี้จะเป็นข้อมูลนำเข้า (input data) ของแบบจำลองเชิงกราฟเพื่อทำการทดลองต่อไป โดยยีนทั้งห้ากลุ่มนี้เป็นยีนที่เกี่ยวข้องกับกระบวนการทางชีววิทยาดังต่อไปนี้ 1) TCA และ glyoxalate cycles; 2) glycogen และ trehalose synthesis; 3) cytochrome – c; 4) SAM1 และ unknown function และ 5) ribosomal protein

(Derisi *et al.*, 1997)

### 3.2 วิธีการกิบป์ แชมพลิง

วิธีการกิบป์ แชมพลิง (Gilks *et al.*, 1996) เป็นวิธีการหนึ่งของมาร์คอฟเชนมอนติคาร์โล ซึ่งจะถูกใช้เป็นการสร้างข้อมูลจำลองขึ้นมา วิธีการนี้มักจะถูกใช้งานร่วมกับวิธีการอนุมานด้วยเบย์เซียนเพื่อทำการอนุมานหาการแจกแจงโหนดที่เรียของข้อมูลที่เราสนใจ โดยวิธีการทำงานของกิบป์ แชมพลิงสามารถอธิบายเป็นขั้นตอนหลัก ๆ ได้ดังต่อไปนี้

1. การออกแบบ (Designing) โครงสร้างของแบบจำลองเชิงกราฟเพื่อเป็นตัวแทนการแสดงผลของยีนในแต่ละกลุ่มยีน
2. การกำหนดค่าเริ่มต้น (Initializing) ให้กับทุกพารามิเตอร์ที่ไม่ทราบค่าและกำหนดการแจกแจงเบื้องต้น (Prior distribution) ให้กับพารามิเตอร์เหล่านั้น
3. การสุ่มข้อมูล (Sampling) ของพารามิเตอร์ต่าง ๆ แบบสุ่มจากการแจกแจงที่มีเงื่อนไข (Conditional distribution) โดยวิธีการของกิบป์ แชมพลิงนี้จะทำงานแบบทำซ้ำเพื่อทำการสร้างข้อมูลจากการแจกแจงที่มีเงื่อนไขสำหรับโหนดหรือพารามิเตอร์ที่ไม่ทราบค่าทุกโหนดที่อยู่ในแบบจำลองเชิงกราฟ แสดงการแจกแจงที่มีเงื่อนไขได้ดังสมการที่ (13)

$$P(v|V_{-v}) \propto P(v, V_{-v})$$

$$= P(v| \text{parents}[v]) * \prod_{w \in \text{children}[w]} P(w| \text{parents}[w]) \quad (12)$$

โดยที่  $v$  เป็นโหนดหรือพารามิเตอร์ที่อยู่ในแบบจำลองเชิงกราฟ ส่วน  $V_{-v}$  เป็นโหนดหรือพารามิเตอร์อื่น ๆ ที่เหลือที่ไม่ใช่  $v$  และ  $w$  เป็นโหนดหรือพารามิเตอร์ลูกของ  $v$  ซึ่งจากการแจกแจงที่มีเงื่อนไขของโหนดใด ๆ ในสมการที่ (12) ที่ประกอบด้วยเทอมไพเรเตอร์ ที่พิจารณาเฉพาะโหนด  $v$  และ โหนดพ่อแม่ของโหนด  $v$ :  $P(v| \text{parents}[v])$  และเทอมไลค์ลิสต์ที่พิจารณาจากโหนดลูกของโหนด  $v$  และ โหนดพ่อแม่ร่วมของโหนดลูกเหล่านั้น ดังนั้นจึงเห็นได้ว่าการแจกแจงที่มีเงื่อนไขสำหรับแต่ละโหนดจะ

ขึ้นอยู่กับค่าของโหนดพ่อแม่ โหนดลูก และโหนดพ่อแม่ร่วมของโหนดลูกของมันเท่านั้น

4. การติดตามผลลัพธ์ (Monitoring) ที่ได้จากการจำลองข้อมูลว่ามีลักษณะการเปลี่ยนแปลงเป็นเช่นไร และข้อมูลจำลองในช่วงใดที่มีค่ายังไม่คงที่ (burn - in) ซึ่งจะไม่ถูกนำมาใช้ในการประมาณค่าของพารามิเตอร์ต่าง ๆ
5. การอนุมานจากผลลัพธ์ที่ได้ (Inferring) เพื่อประมาณค่าของพารามิเตอร์ที่ไม่ทราบค่า

### 3.3 แบบจำลองเชิงกราฟเพื่อเป็นตัวแทนระดับการแสดงออกของยีน

เรามีสมมติฐานว่า ความสัมพันธ์ระหว่างระดับการแสดงออกของยีนในแต่ละกลุ่มกับปริมาณความเข้มข้นของกลูโคสและความหนาแน่นเซลล์ เป็น โมเดลถดถอยแบบเอ็กซ์โพเนนเชียลชนิดหลายตัวแปร (Multiple exponential regression model) ซึ่งเป็นสมมติฐานที่มาจากการสังเกตรูปแบบลักษณะการแสดงออกของยีนต่าง ๆ เปรียบเทียบกับปริมาณความเข้มข้นของกลูโคสและปริมาณความหนาแน่นของเซลล์ ซึ่งแสดงไว้ดังรูป 3.1 โดยพบว่าระดับการแสดงออกของยีนจะเพิ่มขึ้นหรือลดลงเป็นแบบเอ็กซ์โพเนนเชียล เมื่อความเข้มข้นของกลูโคสลดลงในขณะที่ความหนาแน่นเซลล์เพิ่มขึ้น ซึ่งสมมติฐานนี้ได้นำไปสู่การออกแบบจำลองเชิงกราฟแสดงดังรูป 3.2 ที่เป็นโครงสร้างที่เป็นอิสระแบบมีเงื่อนไข (Conditional independence structure) เพื่อเป็นตัวแทนของระดับการแสดงออกของยีนในแต่ละกลุ่มยีน ที่สัมพันธ์กับปริมาณความเข้มข้นของกลูโคส และความหนาแน่นเซลล์แบบเอ็กซ์โพเนนเชียลนี้ แบบจำลองนี้ถือได้ว่าเป็นเครื่องมือช่วยในการศึกษาผลกระทบของปัจจัยต่าง ๆ เช่น ปริมาณความเข้มข้นของกลูโคสและความหนาแน่นเซลล์ที่มีผลต่อระดับการแสดงออกของยีน นอกจากนี้แบบจำลองนี้ยังสามารถใช้เป็นเทคนิคในการประมาณค่าของพารามิเตอร์ต่าง ๆ สำหรับแต่ละกลุ่มยีนได้อีกด้วย

หลังจากทำการออกแบบแบบจำลองเชิงกราฟแล้ว จึงทำการกำหนดค่าเริ่มต้นและการแจกแจงไพโรเออร์ให้กับทุกโหนดที่ไม่ทราบค่าที่อยู่ในแบบจำลองเชิงกราฟ โดยที่โหนดแต่ละโหนดจะเป็นตัวแทนของแต่ละพารามิเตอร์

แบบจำลองเชิงกราฟในรูป 3.2 ซึ่งถือว่าเป็นตัวแทนแสดงพฤติกรรมการแสดงออกของยีน และสามารถอธิบายแบบจำลองได้ดังต่อไปนี้

ขั้นแรกเราได้ทำการกำหนดการแจกแจงไพโรเออร์ให้กับระดับการแสดงออกของยีนในแต่ละกลุ่มยีน ซึ่งแทนด้วยโหนด  $Y$  ด้วยการแจกแจงแบบปกติ (Normal distribution) เนื่องจากในทางชีววิทยามีสมมติฐานว่า ระดับการแสดงออกของยีนนั้นมีการแจกแจงเป็นแบบปกติ จากการแจกแจงไพโรเออร์ของโหนด  $Y$  จะเห็นได้ว่าการแสดงออกของยีนจะขึ้นอยู่กับสองพารามิเตอร์ คือ



พารามิเตอร์ค่าเฉลี่ย (mean parameter)  $\mu$  และพารามิเตอร์ พรีซิชั่น (precision parameter)  $\tau$  โดยที่  $\tau = 1/\text{variance}$  หมายความว่า พารามิเตอร์ค่าเฉลี่ย  $\mu$  จะส่งผลกระทบต่อระดับการ แสดงออกของแต่ละยีนที่ระยะเวลาต่างๆ กัน และพารามิเตอร์พรีซิชั่น  $\tau$  จะส่งผลกระทบต่อ ความแปรปรวนของระดับการแสดงออกของยีนในแต่ละกลุ่มยีน ดังนั้นเมื่อค่าของพารามิเตอร์  $\tau$  ถูกประมาณค่าด้วยโปรแกรม WinBUGS แล้ว ค่าของพารามิเตอร์  $\sigma$  ซึ่งแทนส่วนเบี่ยงเบน มาตรฐานของยีนในแต่ละกลุ่มก็จะถูกประมาณค่าตามมาด้วยเช่นกัน

ในขั้นต่อไป จากสมมติฐานของเราที่ว่า ปริมาณความเข้มข้นของกลูโคสและความ หนาแน่นเซลล์จะส่งผลกระทบแบบเอ็กโพเนนเชียลต่อระดับการแสดงออกของยีน ดังนั้นโมเดล ถอดอยแบบเอ็กโพเนนเชียลชนิดหลายตัวแปรสำหรับพารามิเตอร์  $\mu$  ของระดับการแสดงออกของ ยีน ซึ่งแปรผกผันกับปริมาณความเข้มข้นของกลูโคส และแปรผันตรงกับปริมาณความหนาแน่น เซลล์ สามารถแสดงได้ดังสมการ

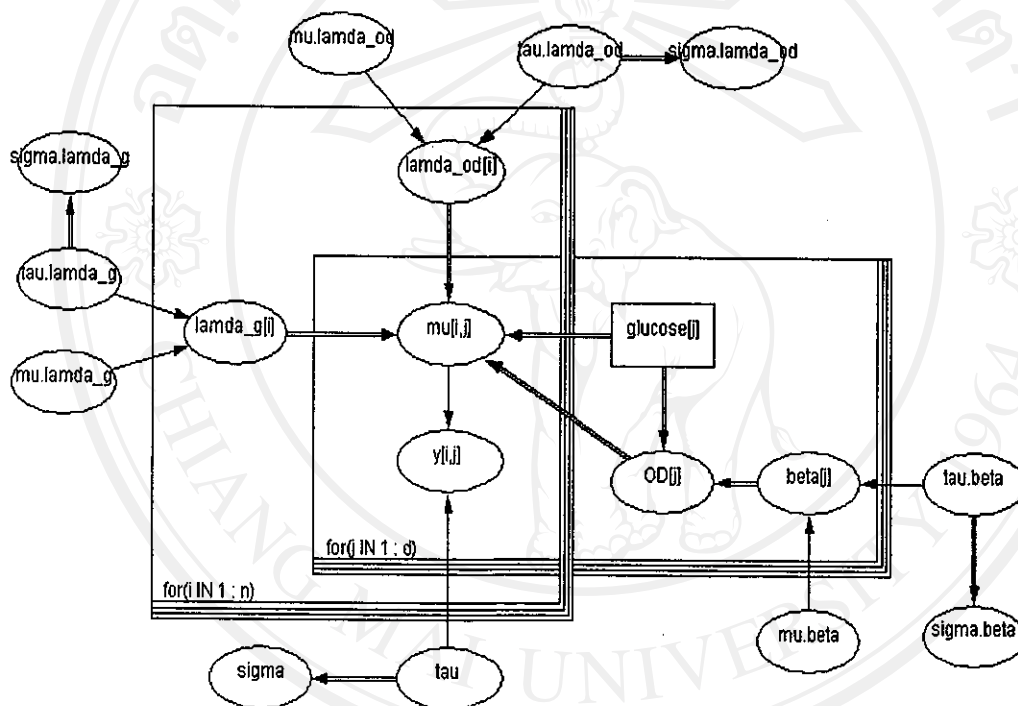
$$\mu_{[i,j]} = \lambda_g [i] \lambda_{od} [i] * \exp(-(\lambda_g [i] \text{glucose}[j]) + (\lambda_{od} [i] \text{OD}[j])) \quad (13)$$

จากโมเดลถอดอยของ  $\mu_{[i,j]}$  ในสมการที่ (13) ซึ่งเป็นระดับการแสดงออกของยีนโดยเฉลี่ยของ ยีนที่  $i^{\text{th}}$  ในช่วงระยะเวลาที่  $j^{\text{th}}$  ซึ่งประกอบด้วยพารามิเตอร์ที่เราสนใจ คือพารามิเตอร์  $\text{glucose}$  แทนปริมาณความเข้มข้นของกลูโคส ซึ่งจะถูกกำหนดด้วยค่าคงที่ในช่วงระยะเวลาต่าง ๆ กัน ใน ระหว่างกระบวนการได้ออกซิซิฟท์ และพารามิเตอร์  $\text{OD}$  แทนปริมาณความหนาแน่นเซลล์ ในช่วง ระยะเวลาต่าง ๆ กันในระหว่างกระบวนการได้ออกซิซิฟท์ โดยอัตราการเจริญเติบโตของเซลล์ ยีสต์เป็นแบบเอ็กโพเนนเชียลซึ่งได้รับผลกระทบมาจากกลูโคส เนื่องจากเซลล์ยีสต์จะใช้กลูโคสใน การเจริญเติบโตและดำรงชีวิตอยู่ ซึ่งพบว่าความหนาแน่นเซลล์จะแปรผกผันกับปริมาณความเข้มข้นของกลูโคส ดังนั้นค่าของพารามิเตอร์  $\text{OD}$  ในสมการที่ (13) จึงคำนวณได้มาจากโมเดลถอดอย ของปริมาณความเข้มข้นของกลูโคสที่ระยะเวลาต่างกัน แสดงได้ดังสมการ

$$\text{OD}[j] = \beta [j] * \exp(-(\beta [j] \text{glucose}[j])) \quad (14)$$

จากสมการที่ (13) จะเห็นได้ว่าพารามิเตอร์  $\mu$  ยังขึ้นอยู่กับพารามิเตอร์ของสมการเอ็ก-โพเนนเชียล นั่นคือ พารามิเตอร์  $\lambda_g$  (พารามิเตอร์ของกลูโคส) และพารามิเตอร์  $\lambda_{od}$  (พารามิเตอร์ของความหนาแน่นเซลล์) ในขณะที่ค่าของพารามิเตอร์  $\text{OD}$  ในสมการที่ (14) จะ ขึ้นอยู่กับพารามิเตอร์  $\beta$  ซึ่งเราได้กำหนดการแจกแจงไพเออร์ให้กับพารามิเตอร์ทั้งสามนี้ด้วย การแจกแจงแบบปกติที่ขึ้นอยู่กับซูเปอร์พารามิเตอร์ (super - parameters) ของตัวเอง นั่นคือ

พารามิเตอร์  $\mu$ ,  $\tau$  และ  $\sigma$  สำหรับแต่ละพารามิเตอร์ โดยการแจกแจงไพเออร์ของซูปเปอร์พารามิเตอร์  $\mu.lamda_g$ ,  $\mu.lamda_{od}$  และ  $\mu.beta$  จะถูกกำหนดด้วยการแจกแจงแบบปกติ ที่มีค่าเฉลี่ยเท่ากับ 0 และความแปรปรวนเท่ากับ 1 นั่นคือ  $dnorm(0,1)$  และกำหนดการแจกแจงไพเออร์ของซูปเปอร์พารามิเตอร์  $\tau.lamda_g$ ,  $\tau.lamda_{od}$  และ  $\tau.beta$  ด้วยการแจกแจงแกมมา (Gamma distribution) คือ  $dgamma(0.001,0.001)$  และเมื่อค่าของพารามิเตอร์  $\tau.lamda_g$ ,  $\tau.lamda_{od}$  and  $\tau.beta$  ถูกประมาณค่าด้วยโปรแกรม WinBUGS แล้ว ค่าของพารามิเตอร์ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน  $\sigma.lamda_g$ ,  $\sigma.lamda_{od}$  and  $\sigma.beta$  ก็จะถูกประมาณค่าด้วยเช่นเดียวกัน



รูป 3.2 แบบจำลองเชิงกราฟแสดงพฤติกรรมของการแสดงออกของยีน โดยแสดงโครงสร้างที่เป็นอิสระแบบมีเงื่อนไขของระดับการแสดงออกของยีนในแต่ละกลุ่ม (โหนด  $Y$ ) ที่ขึ้นอยู่กับกลูโคสและความหนาแน่นเซลล์ผ่านทางพารามิเตอร์  $\mu$  (ค่าเฉลี่ยของระดับการแสดงออกของยีน) โดยแต่ละโหนดจะเป็นตัวแทนของพารามิเตอร์ต่างๆ ในแบบจำลอง ซึ่งขึ้นอยู่กับ โหนดพ่อแม่ โหนดลูก และ โหนดพ่อแม่ร่วม ของมันเท่านั้น

### 3.4 อัลกอริทึมของการทดลอง

จากขั้นตอนและวิธีการในการทำงานของวิธีการกิบส์ แคมพลิง โดยอาศัยการแจกแจงที่มีเงื่อนไขในการคำนวณที่ได้กล่าวมาแล้วข้างต้น สามารถสรุปเป็นอัลกอริทึมในการทำงานได้ดังต่อไปนี้

**Input:**  $y$ : Gene expression data of each group

**Output:** Simulated data of each parameter

$t = 0$

Initialize  $\mu^{(0)}, \tau^{(0)}, \sigma^{(0)}, OD^{(0)}, \lambda_g^{(0)}, \lambda_{od}^{(0)}, \beta^{(0)},$   
 $\mu.\lambda_g^{(0)}, \tau.\lambda_g^{(0)}, \sigma.\lambda_g^{(0)},$   
 $\mu.\lambda_{od}^{(0)}, \tau.\lambda_{od}^{(0)}, \sigma.\lambda_{od}^{(0)},$   
 $\mu.\beta^{(0)}, \tau.\beta^{(0)}, \sigma.\beta^{(0)}$

do{

$$\mu^{(t+1)} = P(\mu^{(t)} | V_{-\mu^{(t)}}) \sim P(\mu^{(t)} | \lambda_g^{(t)}, \lambda_{od}^{(t)}, OD^{(t)}, \text{glucose}) P(y | \mu^{(t)}, \tau^{(t)})$$

$$OD^{(t+1)} = P(OD^{(t)} | V_{-OD^{(t)}}) \sim P(OD^{(t)} | \beta^{(t)}, \text{glucose}) *$$

$$P(\mu^{(t)} | \lambda_g^{(t)}, \lambda_{od}^{(t)}, OD^{(t)}, \text{glucose})$$

$$\tau^{(t+1)} = P(\tau^{(t)} | V_{-\tau^{(t)}}) \sim P(\tau^{(t)}) P(y | \mu^{(t)}, \tau^{(t)}) P(\sigma^{(t)} | \tau^{(t)})$$

$$\sigma^{(t+1)} = P(\sigma^{(t)} | V_{-\sigma^{(t)}}) \sim P(\sigma^{(t)} | \tau^{(t)})$$

$$\lambda_g^{(t+1)} = P(\lambda_g^{(t)} | V_{-\lambda_g^{(t)}}) \sim P(\lambda_g^{(t)} | \mu.\lambda_g^{(t)}, \tau.\lambda_g^{(t)}) *$$

$$P(\mu^{(t)} | \lambda_g^{(t)}, \lambda_{od}^{(t)}, OD^{(t)}, \text{glucose})$$

$$\lambda_{od}^{(t+1)} = P(\lambda_{od}^{(t)} | V_{-\lambda_{od}^{(t)}}) \sim P(\lambda_{od}^{(t)} | \mu.\lambda_{od}^{(t)}, \tau.\lambda_{od}^{(t)}) *$$

$$P(\mu^{(t)} | \lambda_g^{(t)}, \lambda_{od}^{(t)}, OD^{(t)}, \text{glucose})$$

$$\beta^{(t)} = P(\beta^{(t)} | V_{-\beta^{(t)}}) \sim P(\beta^{(t)} | \mu.\beta^{(t)}, \tau.\beta^{(t)}) *$$

$$P(OD^{(t)} | \beta^{(t)}, \text{glucose})$$

$$\mu.\lambda_g^{(t+1)} = P(\mu.\lambda_g^{(t)} | V_{-\mu.\lambda_g^{(t)}}) \sim P(\mu.\lambda_g^{(t)}) *$$

$$P(\lambda_g^{(t)} | \mu.\lambda_g^{(t)}, \tau.\lambda_g^{(t)})$$

$$\tau.\lambda_g^{(t+1)} = P(\tau.\lambda_g^{(t)} | V_{-\tau.\lambda_g^{(t)}}) \sim P(\tau.\lambda_g^{(t)}) *$$

$$P(\lambda_g^{(t)} | \mu.\lambda_g^{(t)}, \tau.\lambda_g^{(t)})$$

$$\sigma.\lambda_g^{(t+1)} = P(\sigma.\lambda_g^{(t)} | V_{-\sigma.\lambda_g^{(t)}}) \sim$$

$$P(\sigma.\lambda_g^{(t)} | \tau.\lambda_g^{(t)})$$

$$\mu.\lambda_{od}^{(t+1)} = P(\mu.\lambda_{od}^{(t)} | V_{-\mu.\lambda_{od}^{(t)}}) \sim P(\mu.\lambda_{od}^{(t)}) *$$

$$P(\lambda_{od}^{(t)} | \mu.\lambda_{od}^{(t)}, \tau.\lambda_{od}^{(t)})$$



$$\begin{aligned}
 \tau.lamda_{od}^{(t+1)} &= P(\tau.lamda_{od}^{(t)} | V_{-\tau.lamda_{od}^{(t)}}) \sim P(\tau.lamda_{od}^{(t)}) * \\
 &P(lamda_{od}^{(t)} | \mu.lamda_{od}^{(t)}, \tau.lamda_{od}^{(t)}) \\
 \sigma.lamda_{od}^{(t+1)} &= P(\sigma.lamda_{od}^{(t)} | V_{-\sigma.lamda_{od}^{(t)}}) \sim \\
 &P(\sigma.lamda_{od}^{(t)} | \tau.lamda_{od}^{(t)}) \\
 \mu.beta^{(t+1)} &= P(\mu.beta^{(t)} | V_{-\mu.beta^{(t)}}) \sim P(\mu.beta^{(t)}) * \\
 &P(beta^{(t)} | \mu.bata^{(t)}, \tau.bata^{(t)}) \\
 \tau.beta^{(t+1)} &= P(\tau.beta^{(t)} | V_{-\tau.beta^{(t)}}) \sim P(\tau.beta^{(t)}) * \\
 &P(beta^{(t)} | \mu.bata^{(t)}, \tau.bata^{(t)}) \\
 \sigma.beta^{(t+1)} &= P(\sigma.beta^{(t)} | V_{-\sigma.beta^{(t)}}) \sim \\
 &P(\sigma.beta^{(t)} | \tau.beta^{(t)}) \\
 t &= t + 1 \\
 \} &\text{until (Parameters converge)}
 \end{aligned}$$

### 3.5 การทดลอง

สำหรับการวิเคราะห์ข้อมูลในงานครั้งนี้ เริ่มต้นจากการศึกษาพฤติกรรมการแสดงออกของยีนยีสต์สายพันธุ์แซคาโรไมซิส เซรวิซิเย ในระหว่างกระบวนการได้อ็อกซิดิซัพท์ จนพบว่า มีปัจจัยที่เข้ามาเกี่ยวข้องกับการแสดงออกของยีนยีสต์นี้สองปัจจัยด้วยกัน คือ ปริมาณความเข้มข้นกลูโคสและความหนาแน่นเซลล์ จากการศึกษาพฤติกรรมของยีนดังกล่าวจึงทำให้เกิดสมมติฐานที่ว่าปริมาณความเข้มข้นกลูโคสและความหนาแน่นเซลล์น่าจะส่งผลกระทบต่อการแสดงออกของยีนยีสต์ในระหว่างกระบวนการได้อ็อกซิดิซัพท์เป็น โมเดลถดถอยแบบเอ็กโพเนนเชียลชนิดหลายตัวแปร ซึ่งสมมติฐานนี้จะถูกนำไปใช้ในการออกแบบจำลองเชิงกราฟเพื่อเป็นตัวแทนแสดงการ แสดงออกของยีนต่างๆ ทั้งห้ากลุ่มยีนต่อไป หลังจากทำการออกแบบแบบจำลองเชิงกราฟ และ กำหนดค่าเริ่มต้นและการแจกแจงโพรเอร์ให้กับทุกโหนดที่ไม่ทราบค่าแล้ว เราจะใช้โปรแกรม WinBUGS ซึ่งสามารถดาวน์โหลดได้จาก <http://www.mrc-bsu.cam.ac.uk/bugs/winbugs/contents.shtml> ในการสร้างข้อมูลจำลองของแต่ละพารามิเตอร์ที่อยู่ในแบบจำลองขึ้นมา เพื่อใช้ในการอนุมานการแจกแจง โฟสทีเรียและประมาณค่าของ พารามิเตอร์ต่างๆ ซึ่งโปรแกรม WinBUGS นี้ จะใช้วิธีการอนุมานด้วยเบย์เซียน (Bayesian inference) และวิธีการกิบบ์แซมปลิง (Gibb sampling) เป็นวิธีการในการคำนวณและประมาณค่าของพารามิเตอร์ต่าง ๆ

แบบจำลองความสัมพันธ์แบบเอ็กโพเนนเชียลนี้จะถูกใช้ในการสร้างข้อมูลจำลองใหม่ของแต่ละพารามิเตอร์ขึ้นมา โดยทำการรันโปรแกรมแบบทำซ้ำทั้งหมด 5,000 รอบ ซึ่งข้อมูลที่ถูกสร้าง

ขึ้นในช่วงแรก ๆ จะมีการเปลี่ยนแปลงมาก แล้วการเปลี่ยนแปลงจะค่อย ๆ ลดลงจนกระทั่งข้อมูลที่ได้มีการกระจายในรูปแบบคงที่ (Convergence) จากนั้นจึงทำการเลือกข้อมูลที่ถูกสร้างขึ้นมาที่อยู่ในช่วงที่มีการกระจายในรูปแบบที่คงที่แล้วออกมาทั้งหมด 1,000 ตัว โดยตัดข้อมูลที่อยู่ในช่วงที่ยังมีการกระจายที่เปลี่ยนแปลงอยู่มากหรือช่วงเบียร์น – อีนออก ซึ่งข้อมูลที่มีการกระจายในรูปแบบที่คงที่ทั้ง 1,000 ตัวจะถูกนำไปใช้ในการอนุมานการแจกแจงโพสทีเรียของพารามิเตอร์  $\mu$  สำหรับแต่ละกลุ่มยีน และนำไปใช้ในการประมาณค่าของพารามิเตอร์ต่าง ๆ ที่มีผลกระทบต่อระดับการแสดงออกของยีน

จากนั้นเพื่อเป็นการตรวจสอบสมมติฐานที่ตั้งไว้ว่า ความสัมพันธ์ระหว่างระดับการแสดงออกของยีนในแต่ละกลุ่มกับปริมาณความเข้มข้นของกลูโคสและความหนาแน่นเซลล์ เป็นโมเดลถดถอยแบบเอ็กโพเนนเชียลชนิดหลายตัวแปร จึงได้ทำการออกแบบแบบจำลองเชิงกราฟซึ่งมีลักษณะเช่นเดียวกับแบบจำลองที่ได้ทำการออกแบบไว้ในรูป 3.2 แต่กำหนดสมการความสัมพันธ์ให้กับพารามิเตอร์  $\mu$  และพารามิเตอร์  $OD$  ด้วยโมเดลถดถอยเชิงเส้น (Linear regression model) แสดงดังสมการที่ (15) และสมการที่ (16) ตามลำดับ

$$\mu[i,j]=a_g [i]glucose[j]+a_{od}[i]OD[j] + a_0 \quad (15)$$

$$OD[j]=b_g [j]glucose[j] + b_0 \quad (16)$$

จากแบบจำลองซึ่งกำหนดสมการความสัมพันธ์แบบเชิงเส้นดังกล่าว จึงใช้โปรแกรม WinBUGS ทำการสร้างข้อมูลของพารามิเตอร์ต่างๆ ขึ้นมาเช่นเดียวกับการทดลองของแบบจำลองเชิงกราฟที่กำหนดสมการความสัมพันธ์แบบเอ็กโพเนนเชียล เพื่อทำการเปรียบเทียบผลลัพธ์ที่ได้จากการทดลองจากแบบจำลองทั้งสองกรณีนี้

### 3.6 ผลการทดลอง

จากการพิจารณาการแจกแจงของพารามิเตอร์  $\mu$  แสดงดังรูป 3.3 ซึ่งเป็นค่าจำลองของพารามิเตอร์  $\mu$  ที่เป็นผลลัพธ์จากโปรแกรม WinBUGS แสดงด้วยกราฟ caterpillar plot โดยเส้นสีดำแต่ละเส้นที่อยู่ในกราฟจะแสดงถึงช่วงค่าข้อมูลที่จำลองได้ของพารามิเตอร์  $\mu$  ของแต่ละยีนในระยะเวลาที่แตกต่างกัน และจุดทึบสีดำที่อยู่บนเส้นตรงจะแสดงถึงค่าเฉลี่ยของค่าจำลองของพารามิเตอร์  $\mu$  ตัวอย่างเช่น เส้นสีดำที่ตำแหน่ง [1, 7] ในยีนกลุ่มที่ 1 มีความหมายว่า ค่าจำลองที่สร้างขึ้นมาได้ของพารามิเตอร์  $\mu$  ของยีนตัวที่ 1 คือยีน MLS1 ที่ระยะเวลาในช่วงที่ 7 ของกระบวนการได้อ็อกซิซิฟท์ พบว่ามีค่าอยู่ในช่วงสามถึงห้า และมีค่าเฉลี่ยของพารามิเตอร์  $\mu$  ในช่วงข้อมูลที่ถูกล้อมขึ้นมานี้ประมาณเท่ากับสี่ เป็นต้น

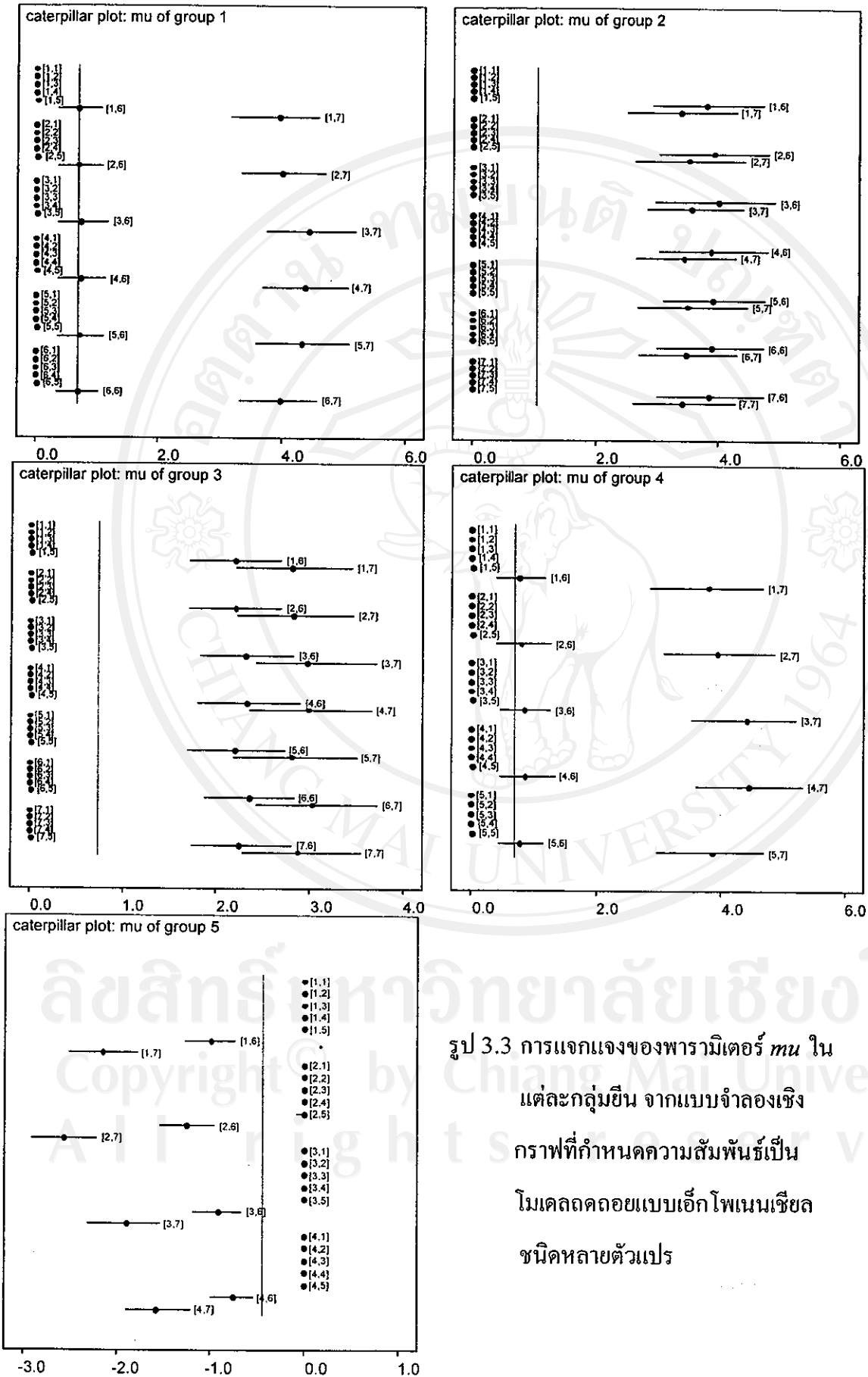
จากรูป 3.3 ซึ่งเป็นผลที่ได้จากการทดลองพบว่า ค่าที่จำลองได้ของพารามิเตอร์  $\mu$  ซึ่งเป็นพารามิเตอร์แสดงค่าเฉลี่ยของการแสดงออกของยีนในแต่ละกลุ่มยีนมีค่าใกล้เคียงกับค่าจริงของระดับการแสดงออกของยีนที่แสดงไว้ในรูป 3.1 และเมื่อพิจารณาเฉพาะค่าเฉลี่ยของพารามิเตอร์  $\mu$  ของข้อมูลจำลองในแต่ละช่วงของทั้งห้ากลุ่มยีนแสดงดังรูป 3.4 พบว่าลักษณะรูปแบบการแสดงออกของยีนในแต่ละกลุ่มยีนที่ได้จากการจำลองในครั้งนี้ ยังคงมีลักษณะคล้ายคลึงกับรูปแบบการแสดงออกของยีนที่เป็นชุดข้อมูลตั้งต้นในรูป 3.1 โดยกราฟของยีนในกลุ่มที่ 1 ถึงกลุ่มที่ 4 พบว่าลักษณะรูปแบบของค่าเฉลี่ยของพารามิเตอร์จะค่อยข้างคงที่ในช่วงระยะเวลาที่หนึ่งถึงห้า และเพิ่มขึ้นอย่างรวดเร็วในช่วงระยะเวลาที่หกและเจ็ด ซึ่งมีลักษณะตรงข้ามกับยีนในกลุ่มที่ 5 คือในช่วงระยะเวลาที่หกและเจ็ด รูปแบบลักษณะของค่าเฉลี่ยของพารามิเตอร์  $\mu$  จะมีค่าลดลงอย่างรวดเร็ว นั้นแสดงให้เห็นได้ว่าการแจกแจง โปสทีเรียของพารามิเตอร์  $\mu$  นี้เป็นการแจกแจงแบบเอ็กโพเนนเชียล

จากแบบจำลองเชิงกราฟที่ได้ทำการออกแบบไว้ พบว่ายังมีพารามิเตอร์ที่มีความสำคัญที่มีส่วนส่งผลกระทบต่อระดับการแสดงออกของยีน นั่นคือ พารามิเตอร์  $\lambda_g$  (พารามิเตอร์ของกฎโคส) พารามิเตอร์  $\lambda_{od}$  (พารามิเตอร์ของความหนาแน่นเซลล์) ซึ่งทั้งสองพารามิเตอร์นี้เป็นพารามิเตอร์ของโมเดลถดถอยแบบเอ็กโพเนนเชียลชนิดหลายตัวแปรของพารามิเตอร์  $\mu$  และพารามิเตอร์ที่มีความสำคัญอีกพารามิเตอร์หนึ่ง คือ พารามิเตอร์  $\sigma$  (พารามิเตอร์ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานของแต่ละกลุ่มยีน) สามารถแสดงค่าเฉลี่ยของพารามิเตอร์ทั้งสามนี้ ซึ่งเป็นค่าโดยเฉลี่ยของค่าจำลองที่สร้างขึ้นมาได้ทั้งหมดในแต่ละกลุ่มยีน ดังตาราง 3.1

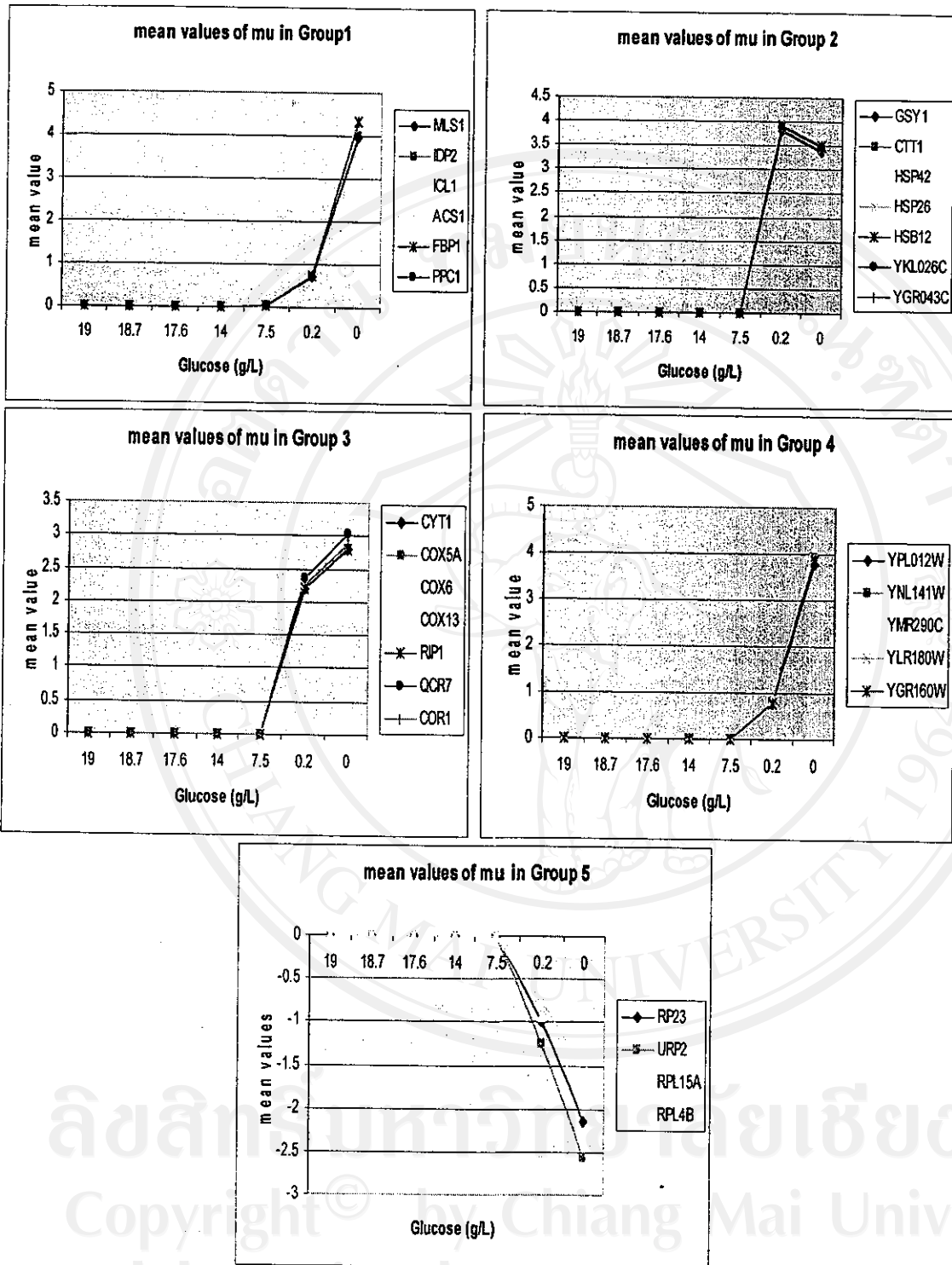
ตาราง 3.1 ค่าเฉลี่ยของพารามิเตอร์  $\lambda_g$ ,  $\lambda_{od}$  และ  $\sigma$  ที่มีส่วนผลกระทบต่อระดับการแสดงออกของยีนในแต่ละกลุ่มยีนโดยผ่านทางพารามิเตอร์  $\mu$

GROUP	PARAMETER				
	$\mu.\lambda_g$	$\mu.\lambda_{od}$	$\sigma.\lambda_g$	$\sigma.\lambda_{od}$	$\sigma$
group1	0.5016	1.873	0.05096	0.07212	0.4314
group2	1.022	2.23	0.08211	0.09852	0.808
group3	0.6608	1.3	0.06279	0.05874	0.5094
group4	0.307	0.8934	0.05553	0.05062	0.4628
group5	-0.5278	2.099	0.1479	0.2425	0.193

จากตาราง 3.1 พบว่าค่าของพารามิเตอร์  $\sigma$  ในแต่ละกลุ่มยีนมีค่าน้อย ที่เป็นเช่นนี้อาจเนื่องมาจากข้อมูลที่ได้จากการทดลองนี้มีความคล้ายคลึงกับระดับการแสดงออกของยีนมาก และชุดข้อมูลยีนที่เป็นข้อมูลตั้งต้นในการทดลองนี้ได้ถูกแบ่งกลุ่มมาแล้ว อาจทำให้ข้อมูลยีนในแต่ละกลุ่มยีนมีความแตกต่างกันไม่มาก สำหรับค่าเฉลี่ยและส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานของพารามิเตอร์

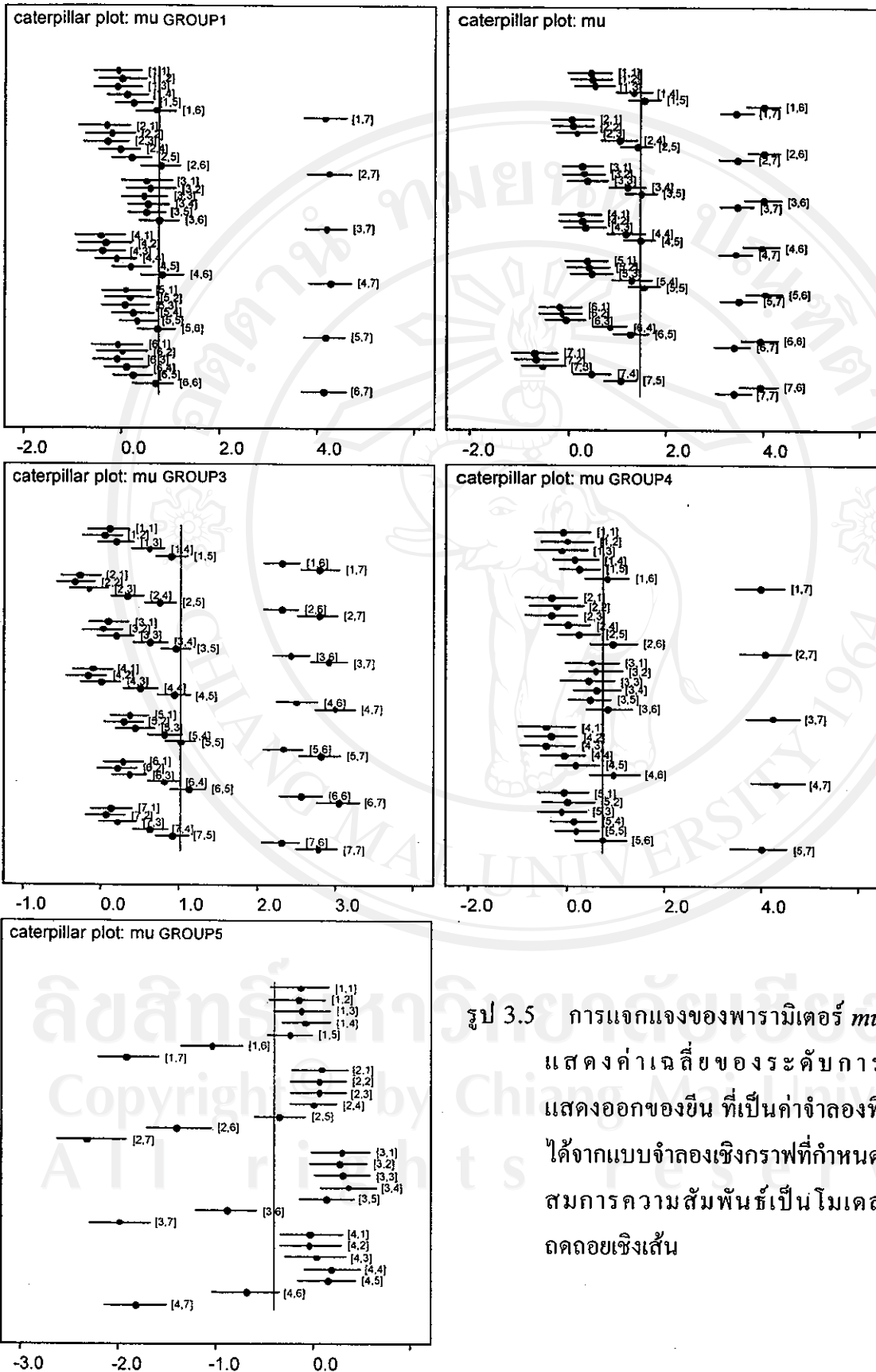


รูป 3.3 การแจกแจงของพารามิเตอร์  $\mu$  ในแต่ละกลุ่มยีน จากแบบจำลองเชิงกราฟที่กำหนดความสัมพันธ์เป็นโมเดลถดถอยแบบเอ็กโพเนนเชียลชนิดหลายตัวแปร



รูป 3.4 ค่าเฉลี่ยของค่าจำลองของพารามิเตอร์  $\mu$  เพื่อแสดงรูปแบบการแจกแจงของพารามิเตอร์  $\mu$  สำหรับแต่ละกลุ่มยีสที่ได้มาจากการจำลองที่กำหนดความสัมพันธ์เป็น โมเดลถดถอยแบบเอ็กโพเนนเชียลชนิดหลายตัวแปร ซึ่งพบว่ารูปแบบลักษณะของแต่ละยีสยังคงมีลักษณะคล้ายคลึงกับค่าการแสดงผลออกจริงของยีสต่าง ๆ





รูป 3.5 การแจกแจงของพารามิเตอร์  $\mu$  ใหม่ แสดงค่าเฉลี่ยของระดับการ แสดงออกของยีน ที่เป็นค่าจำลองที่ได้จากแบบจำลองเชิงกราฟที่กำหนด สมการความสัมพันธ์เป็นโมเดล ถดถอยเชิงเส้น

$\lambda_g$  และ  $\lambda_{od}$  ซึ่งก็คือค่าของพารามิเตอร์  $\mu.\lambda_g$   $\mu.\lambda_{od}$  และ  $\sigma.\lambda_g$   $\sigma.\lambda_{od}$  ตามลำดับ โดยค่าเฉลี่ยของค่าจำลองของพารามิเตอร์เหล่านี้แสดงไว้ในตาราง 3.1 ได้บ่งบอกถึงปริมาณการส่งผลกระทบของกลูโคสและความหนาแน่นเซลล์ที่มีต่อระดับการแสดงผลออกของยีนในแต่ละกลุ่มที่ได้จากการจำลอง ในครั้งนี้ พบว่าค่าของพารามิเตอร์  $\mu.\lambda_g$   $\sigma.\lambda_g$  และ  $\sigma.\lambda_{od}$  (ยกเว้นค่าของพารามิเตอร์  $\mu.\lambda_{od}$  ที่มีค่าแตกต่างกันไปในแต่ละกลุ่มยีน) ในกลุ่มยีนที่ 1 ถึงกลุ่มยีนที่ 4 มีค่าใกล้เคียงกัน ซึ่งมีค่าแตกต่างจากกลุ่มที่ 5 อย่างเห็นได้ชัด ที่เป็นเช่นนี้อาจเนื่องมาจากรูปแบบลักษณะการแสดงผลออกของยีนในกลุ่มที่ 1 ถึงกลุ่มที่ 4 มีลักษณะคล้ายคลึงกัน คือมีการแสดงผลออกที่เพิ่มขึ้นอย่างรวดเร็วในช่วงเวลาต่างๆ ซึ่งต่างจากรูปแบบลักษณะการแสดงผลออกของยีนในกลุ่มที่ 5 ที่ในช่วงเวลาท้ายของกระบวนการได้ออกซิซิฟที่มีผลการแสดงผลออกที่ลดลงอย่างรวดเร็ว ดังนั้นค่าของพารามิเตอร์ที่ส่งผลกระทบต่อยีนที่มีลักษณะรูปแบบการแสดงผลออกที่ต่างกันจึงมีค่าที่แตกต่างกันตามไปด้วย

เมื่อพิจารณาผลลัพธ์ที่ได้จากแบบจำลองที่กำหนดสมการความสัมพันธ์ให้กับพารามิเตอร์  $\mu$  และ  $OD$  เป็นโมเดลถดถอยเชิงเส้น โดยพิจารณาที่ค่าจำลองของพารามิเตอร์  $\mu$  แสดงดังรูป 3.5 พบว่าค่าที่จำลองได้ของทั้งห้ากลุ่มยีนมีค่าใกล้เคียงกับระดับการแสดงผลออกของยีนจริงๆ ในรูป 3.1 และรูปแบบลักษณะการแสดงผลออกของแต่ละกลุ่มยีนก็มีลักษณะใกล้เคียงกับลักษณะการแสดงผลออกของยีนจริงที่เป็นข้อมูลตั้งต้นในรูป 3.1

จากการเปรียบเทียบผลลัพธ์ที่ได้จากแบบจำลองที่กำหนดด้วยสมการความสัมพันธ์ที่แตกต่างกันพบว่า ผลลัพธ์ของการสร้างข้อมูลจำลองของพารามิเตอร์  $\mu$  ที่ได้มีลักษณะคล้ายคลึงกันและใกล้เคียงกับการแสดงผลออกของยีนที่เป็นข้อมูลตั้งต้นที่เราสนใจนำมาศึกษา ดังนั้นจึงไม่สามารถสรุปตามสมมติฐานที่ได้ตั้งไว้ว่าปริมาณความเข้มข้นของกลูโคสและความหนาแน่นเซลล์ส่งผลกระทบต่อระดับการแสดงผลออกของยีนในระหว่างกระบวนการได้ออกซิซิฟที่เป็นแบบเอ็กโพเนนเชียลได้

### 3.7 บทสรุป

จากงานวิจัยนี้ แสดงให้เห็นว่าการจำลองการศึกษาในครั้งนี้สามารถแสดงปริมาณการส่งผลกระทบของความเข้มข้นกลูโคสและความหนาแน่นเซลล์ที่มีต่อระดับการแสดงผลออกของยีนในระหว่างกระบวนการได้ออกซิซิฟที่ได้โดยผ่านทางพารามิเตอร์ของกลูโคสและความหนาแน่นเซลล์ โดยอาศัยแบบจำลองที่เป็นโครงสร้างแบบมีเงื่อนไขเป็นเครื่องมือในการอนุมานหาการแจกแจงโพลีทีเรียของระดับการแสดงผลออกโดยเฉลี่ยของยีน (พารามิเตอร์  $\mu$ ) ด้วยการใช้วิธีการกิบส์แซมพลิงและการอนุมานด้วยเบย์เซียน โดยไม่สามารถสรุปได้ว่าปริมาณความเข้มข้นของกลูโคส

และความหนาแน่นเซลล์ส่งผลกระทบต่อระดับการแสดงออกของยีนเป็นแบบเอ็กโพเนนเชียลตามสมมติฐานที่ตั้งไว้ได้ และจากการศึกษาในครั้งนี้ทำให้เราเข้าใจพฤติกรรมการแสดงออกของยีนของเซลล์ยีสต์ในระหว่างกระบวนการได้อ็อกซิซิฟท์เพิ่มมากขึ้น นอกจากนี้เมื่อทำการเปรียบเทียบผลลัพธ์ที่ได้กับงานวิจัยก่อนหน้า (Kirimasthong *et al.*, 2006) ซึ่งเป็นการศึกษาการส่งผลกระทบของปริมาณความเข้มข้นของกลูโคสที่มีต่อการแสดงออกของยีนเพียงอย่างเดียวเท่านั้น พบว่าเมื่อนำปริมาณความหนาแน่นเซลล์เข้ามาพิจารณาร่วมด้วย ทำให้ได้ผลลัพธ์ของการแจกแจงของพารามิเตอร์  $\mu$  ที่มีลักษณะใกล้เคียงกับการแสดงออกจริงของยีนมากกว่าในงานวิจัยแรก

นอกจากนี้การศึกษานี้ยังได้แสดงให้เห็นถึงวิธีการวิเคราะห์ข้อมูลเชิงเอินเอไมโครอาร์เรย์อีกรูปแบบหนึ่ง ที่ทำการวิเคราะห์และสร้างเป็นแบบจำลองเชิงกราฟ โดยการศึกษาลักษณะความสัมพันธ์ระหว่างการแสดงออกของยีนที่มีรูปแบบลักษณะการแสดงออกที่แตกต่างกัน กับปริมาณความเข้มข้นของกลูโคสและปริมาณความหนาแน่นเซลล์ว่าปัจจัยทั้งสองนี้ส่งผลกระทบต่อ การแสดงออกของยีนด้วยปริมาณที่แตกต่างกัน โดยพิจารณาที่ค่าจำลองของพารามิเตอร์ของกลูโคส และความหนาแน่นเซลล์

ดังนั้นควรมีการพัฒนาแบบจำลองนี้ต่อไปเพื่อให้แบบจำลองที่ได้ออกแบบไว้นี้ให้มีความถูกต้องและน่าเชื่อถือมากยิ่งขึ้นจนสามารถนำไปใช้กับข้อมูลทางชีววิทยากลุ่มอื่นๆ ได้ ซึ่งอาจต้องใช้ความรู้ทางด้านชีววิทยาเข้ามาช่วยในการพิจารณา และตามธรรมชาติของสิ่งมีชีวิตโดยทั่วไปยังอาจมีปัจจัยอื่น ๆ ที่ส่งผลต่อการแสดงออกของยีนอีกหลายปัจจัย