

### บทที่ 3 วิธีดำเนินการวิจัย

#### 3.1 ขั้นตอนสำหรับวิธีดำเนินการวิจัย

- 3.1.1 ศึกษาข้อมูลและทฤษฎีต่าง ๆ ที่เกี่ยวข้องกับการทดสอบวัสดุเม็ด
- 3.1.2 สร้างแบบจำลองทางคอมพิวเตอร์ในการจำลองวัสดุเม็ดกระทบกับพื้นเรียบ
- 3.1.3 ทำการสอบวัสดุเม็ดโดยแบบจำลองทางคอมพิวเตอร์ด้วยวิธีพลศาสตร์ของโมเลกุล
- 3.1.4 วิเคราะห์และเปรียบเทียบผลที่ได้จากแบบจำลองทางคอมพิวเตอร์กับผลการวิเคราะห์ในงานวิจัยที่ผ่านมาที่มีความใกล้เคียงกับงานวิจัยนี้
- 3.1.5 สรุปผลการศึกษาทั้งหมดและจัดทำวิทยานิพนธ์

#### 3.2 วิธีการทดสอบวัสดุเม็ดด้วยแบบจำลองทางคอมพิวเตอร์

- ในการจำลองทางคอมพิวเตอร์เพื่อทดสอบวัสดุเม็ดนั้น มีขั้นตอนหลัก 2 ขั้นตอนดังนี้
- การเตรียมตัวอย่างวัสดุเชิงตัวเลข (Numerical Sample Preparation) และการกำหนดคุณสมบัติของวัสดุเม็ดที่ใช้ในการทดสอบ
  - การทดสอบวัสดุเม็ดโดยการกระทบกับพื้นเรียบ

##### 3.2.1 การกำหนดคุณสมบัติวัสดุเม็ดที่ใช้ในการทดสอบ

ในการศึกษาอิทธิพลของแรงแอคเฮชันระหว่างผิวสัมผัสอนุภาคและขนาดรัศมีอนุภาคแตกต่างกันที่มีผลต่อการเกิดและการแพร่กระจายการแตกร้าวของวัสดุเม็ด ได้กำหนดคุณสมบัติวัสดุเม็ดที่นำมาทดสอบในงานวิจัยดังนี้

- ก. กำหนดให้วัสดุเม็ดมีอนุภาคกลมจำนวน 8,000 อนุภาค
- ข. ในการทดสอบวัสดุเม็ดไม่คิดผลของแรงโน้มถ่วงของโลก
- ค. ตัวแปรทางกายภาพ หรือคุณสมบัติของวัสดุที่สำคัญของวัสดุเม็ด อาทิเช่น ค่านิจสปริงหรือค่าความแข็งของผิวอนุภาค และค่าสัมประสิทธิ์ความหนืดถูกกำหนดให้เป็นค่าคงที่ กำหนดให้ค่าความแข็งของผิวอนุภาค  $k = 8 \times 10^6 \text{ N/m}$ , ค่าสัมประสิทธิ์ความหนืดของอนุภาค  $\alpha = 350 \text{ kg/s}$  และค่าระยะเหลื่อมสูงสุด  $\delta_{\max}$  จะต้องมีค่า  $\leq 10^{-6} \text{ m}$  ค่าที่กำหนดไว้ทำให้อนุภาคที่กระทบกันแล้วไม่ทำให้เกิดการกลิ้งกันของอนุภาค และค่าอัตราส่วนของ  $\delta_{\max} / r_{\text{mean}}$  (รัศมีเฉลี่ยของอนุภาค) จะต้องมีค่า  $\leq 10^{-3}$  เพื่อให้อนุภาคยังคงมีลักษณะกลมอยู่เมื่อเสียรูปหรือเป็นไปตามสมมุติฐานการยืดหยุ่นแบบสมบูรณ์ (Perfectly Elastic) การจำลองแบบเชิงตัวเลขนี้ได้

ศึกษาอิทธิพลของค่าแอดเฮชันที่มีผลต่อการเกิดและการแพร่กระจายการแตกร้าวของอนุภาค จึงกำหนดค่าความแข็งของผิวอนุภาคและค่าสัมประสิทธิ์ความเหนียวของอนุภาคให้เป็นค่าคงที่ โดยทำการปรับเปลี่ยนค่าแอดเฮชันเท่านั้น

ง. ค่าพลังงานแอดเฮชันที่ผิวสัมผัสจะถูกเลือกนำมาศึกษาในงานวิจัยนี้ทั้งหมด 9 ค่าคือ  $\gamma = 0, k/250, k/200, k/150, k/50, k/20, k/10, k/7$  และ  $k/3.5$  ค่าแอดเฮชันทั้งหมดนี้ทำให้ระยะเหลื่อมสูงสุดระหว่างอนุภาคเกิดขึ้นไม่เกิน 5% ถ้า  $\gamma > k/3.5$  จะทำให้ระยะเหลื่อมระหว่างอนุภาคมีค่ามากขึ้นไป และทำให้เกิดการกลืนกันของอนุภาคระหว่างการกระทบกัน

จ. ค่าการกระจายรัศมีอนุภาคแตกต่างกัน 5 ค่าได้แก่  $r_{\max} / r_{\min} = 1, 1.25, 1.5, 1.75$  และ 2

ฉ. ค่าสัมประสิทธิ์ความเสียดทานระหว่างอนุภาค  $\mu = 0.5$

ช. ช่วงเวลาของการคำนวณจำเป็นต้องกำหนดให้ค่าน้อยกว่าช่วงเวลาของการเกิดการสัมผัส โดยทั่วไปควรมีค่า  $\Delta t \ll t_c \leq t_c / 20$  ดังนั้นในงานวิจัยนี้จึงกำหนดให้ช่วงเวลาของการคำนวณ  $\Delta t = 2 \times 10^{-6} s$  ซึ่งมีค่าประมาณ 1/70 ของเวลาของการเกิดการสัมผัส ( $t_c$ ) สำหรับวัสดุเม็ดแห้ง และประมาณ 1/120 ของเวลาของการเกิดการสัมผัสสำหรับวัสดุเม็ดที่มีค่าแอดเฮชันสูงสุดที่  $\gamma = k/3.5$

หลังจากทำการกำหนดคุณสมบัติวัสดุเม็ดที่ใช้ในการจำลองทางคอมพิวเตอร์แล้ว ในหัวข้อถัดไปจะกล่าวถึงวิธีการเตรียมแบบจำลองของวัสดุเม็ดที่ใช้ในการจำลองทางคอมพิวเตอร์ดังต่อไปนี้

### 3.2.2 การเตรียมแบบจำลองวัสดุเม็ด

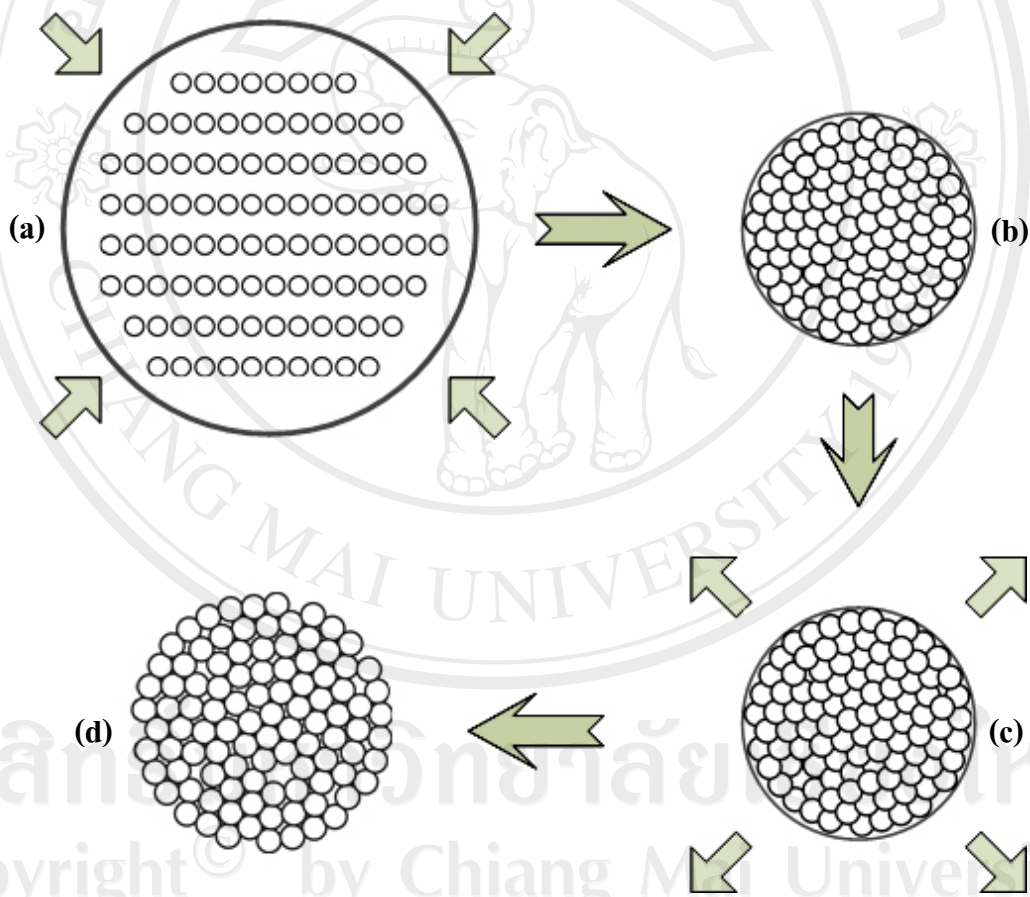
การเตรียมตัวอย่างวัสดุเม็ดที่ใช้ทดสอบในการจำลองทางคอมพิวเตอร์ โดยไม่คิดผลของแรงโน้มถ่วงของโลกและอยู่ในสภาวะสมดุลทางสถิติศาสตร์มี 3 ขั้นตอนดังนี้

ลำดับแรกนำอนุภาคกลมจำนวน 8,000 อนุภาคมาจัดวางเรียงกัน โดยอนุภาคไม่เกิดการสัมผัสกันและไม่มีการเคลื่อนไหวยู่ในภาชนะกลมแบบปิดขนาดใหญ่ ดังรูป 3.1(a) จากนั้นทำการลดขนาดภาชนะกลมอย่างช้า ๆ ทุกทิศทางด้วยอัตราเร็ว  $0.425 \text{ m/s}$  ทำให้อนุภาคกลมถูกบีบอัดมากขึ้นเรื่อย ๆ จนกระทั่งอนุภาคอยู่ภายใต้แรงกดทุกทิศทางหรือพื้นที่ของภาชนะน้อยกว่าหรือเท่ากับพื้นที่ของอนุภาคกลม ดังรูป 3.1(b)

หลังจากการบีบอัดอนุภาคกลม ขั้นตอนต่อไปคือการปล่อยให้อนุภาคจัดเรียงตัวเองภายใต้แรงกดทุกทิศทาง ซึ่งสามารถทำได้โดยการไม่เคลื่อนไหวยุภาชนะกลมที่กำลังบีบอัดอนุภาค

อยู่ และปล่อยให้อนุภาคทำการจัดเรียงตัวเองจนกระทั่งได้วัสดุเม็ดที่มีความสมดุลภายใต้แรงกดทุกทิศทาง

ถ้าระดับสุดท้ายของการเตรียมวัสดุเม็ดคือการทำให้วัสดุเม็ดอยู่ในสภาวะสมดุลทางสถิติศาสตร์ที่ปราศจากแรงกระทำจากภายนอก ภาชนะกลมที่บีบอัดอนุภาคจะถูกขยายตัวออกอย่างช้า ๆ ทุกทิศทางด้วยอัตราเร็ว  $0.034 \text{ m/s}$  และภาชนะกลมจะขยายตัวต่อไปเรื่อย ๆ จนกระทั่งวัสดุเม็ดไม่ได้สัมผัสกับภาชนะกลม ดังรูป 3.1(c) และรอวัสดุเม็ดจัดเรียงตัวเองจนอยู่ในสภาวะสมดุลทางสถิติศาสตร์ที่ปราศจากแรงกระทำภายนอก ดังรูป 3.1(d) ในที่นี้ความเร็วเฉลี่ยของอนุภาคที่อยู่ในขั้นตอนนี้จะต้องมีค่า  $< 0.0001 \text{ m/s}$



รูป 3.1 ขั้นตอนการเตรียมแบบจำลองวัสดุเม็ด โดยที่ (a) การจัดวางและการบีบอัดอนุภาค, (b) อนุภาคถูกบีบอัด, (c) การคลายการบีบอัดอนุภาค และ (d) วัสดุเม็ดเข้าสู่สภาวะสมดุล

ในสภาวะที่ปราศจากแรงกระทำจากภายนอกนี้ใช้เป็นสภาวะเริ่มต้นของขั้นตอนการทดสอบเพื่อศึกษาการเกิดกลุ่มอนุภาคของวัสดุเม็ด และตัวแปรต่าง ๆ ที่มีผลต่อคุณสมบัติของวัสดุเม็ด และเป็นปัจจัยสำคัญในพฤติกรรมการแตกร้าวของวัสดุเม็ดเมื่อกระทบกับพื้นเรียบ

### 3.2.3 การทดสอบวัสดุเม็ดโดยการกระทบกับพื้นเรียบ

การทดสอบวัสดุเม็ดโดยการกระทบกับพื้นเรียบเป็นการทดสอบความสามารถของวัสดุเม็ดในการรับแรงกระทบ ซึ่งเกี่ยวข้องกับงานอุตสาหกรรมต่าง ๆ อาทิเช่น ผลิตภัณฑ์ทางการเกษตร และอาหาร หรือแม้แต่ทางอุตสาหกรรมเภสัชกรรม โดยกำหนดให้ค่าแอดเฮชันต่างกันตามที่ได้อ้างมาข้างต้น และนำวัสดุเม็ดมากระทบกับพื้นเรียบในแนวตั้งจากกันที่ความเร็วสัมพัทธ์ก่อนการกระทบพื้นเรียบที่แตกต่างกัน 8 ค่า ตั้งแต่  $v = 0.05 \text{ m/s}$ ,  $0.1 \text{ m/s}$ ,  $0.25 \text{ m/s}$ ,  $0.5 \text{ m/s}$ ,  $1 \text{ m/s}$ ,  $2.5 \text{ m/s}$ ,  $5 \text{ m/s}$  และ  $10 \text{ m/s}$  ดังรูป 3.2 ในขณะที่วัสดุเม็ดกำหนดให้มีค่าแอดเฮชันที่แตกต่างกันจำนวน 9 ค่า และค่าแอดเฮชันแต่ละค่าได้กำหนดให้มีการกระจายรัศมีอนุภาคจำนวน 5 ค่า แต่ในการทดสอบนี้พบว่าค่าแอดเฮชันของวัสดุเม็ดสามารถแบ่งออกได้เป็น 2 กลุ่มด้วยกันดังนี้

กลุ่มที่ 1 วัสดุเม็ดมีค่าแอดเฮชันต่ำ ได้แก่  $\gamma = 0$ ,  $k/250$ ,  $k/200$  และ  $k/150$

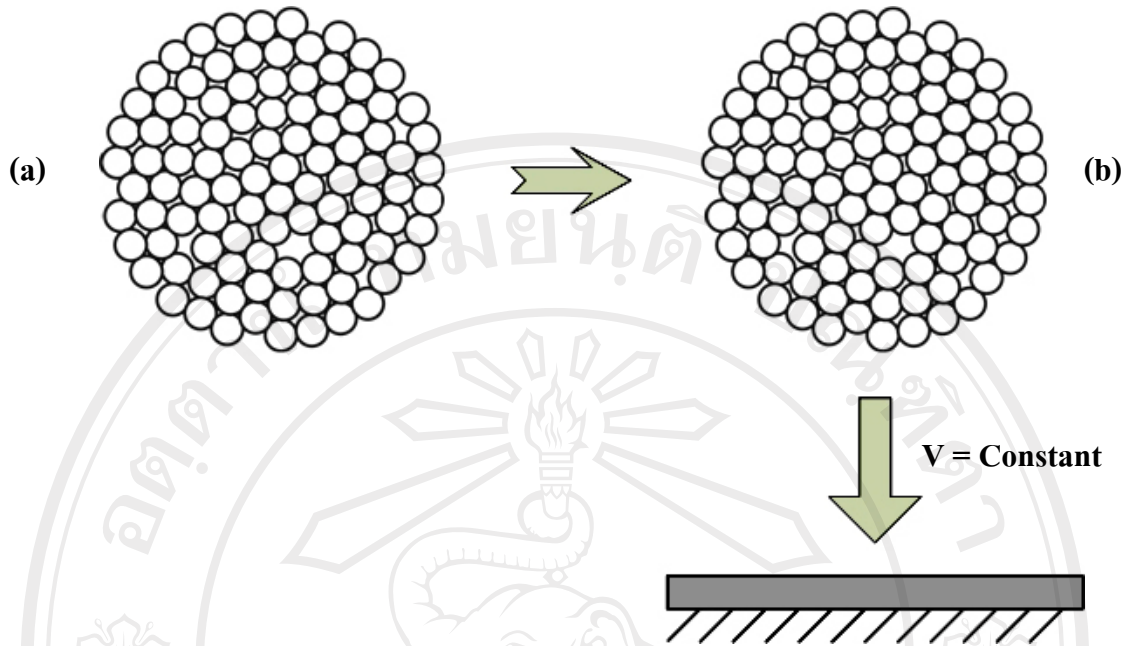
กลุ่มที่ 2 วัสดุเม็ดมีค่าแอดเฮชันสูง ได้แก่  $\gamma = k/50$ ,  $k/20$ ,  $k/10$ ,  $k/7$  และ  $k/3.5$

การทดสอบวัสดุเม็ดจึงสามารถแบ่งความเร็วในการกระทบพื้นเรียบได้เป็น 2 ส่วนคือ

ก. วัสดุเม็ดมีค่าแอดเฮชันต่ำ ใช้ความเร็วสัมพัทธ์ก่อนการกระทบ  $v = 0.05 \text{ m/s}$ ,  $0.1 \text{ m/s}$ ,  $0.25 \text{ m/s}$  และ  $0.5 \text{ m/s}$

ข. วัสดุเม็ดมีค่าแอดเฮชันสูง ใช้ความเร็วสัมพัทธ์ก่อนการกระทบ  $v = 0.1 \text{ m/s}$ ,  $1 \text{ m/s}$ ,  $2.5 \text{ m/s}$ ,  $5 \text{ m/s}$  และ  $10 \text{ m/s}$

ถ้าหากการกำหนดความเร็วสัมพัทธ์ของวัสดุเม็ดก่อนการกระทบกับพื้นเรียบไม่สัมพันธ์กับค่าแอดเฮชันของวัสดุเม็ดที่ได้กำหนดไว้ การศึกษาพฤติกรรมการแตกร้าวของวัสดุเม็ดจะไม่สามารถกระทำได้อย่างชัดเจน กล่าวคือกรณีวัสดุเม็ดมีค่าแอดเฮชันต่ำ การกำหนดความเร็วของวัสดุเม็ดในการกระทบพื้นเรียบที่สูงเกินไปทำให้เกิดแรงที่กระทำมากกว่าภาวะสูงสุดของวัสดุเม็ดที่สามารถรับได้ วัสดุเม็ดจะแตกละเอียดจึงไม่สามารถศึกษาพฤติกรรมการแตกร้าวได้ และในกรณีที่วัสดุเม็ดมีค่าแอดเฮชันสูง การกำหนดความเร็วสัมพัทธ์ของวัสดุเม็ดก่อนการกระทบกับพื้นเรียบน้อยเกินไป ความเสียหายของวัสดุเม็ดแทบไม่เกิดขึ้น เนื่องจากความเร็วในการกระทบมีค่าน้อยเกินไปกว่าที่จะทำให้วัสดุเม็ดสามารถเสีรูปหรือเกิดการแตกร้าวได้



รูป 3.2 ตัวอย่างแบบจำลองที่ใช้ในการทดสอบหาพฤติกรรมการแตกร้าวของวัสดุเมื่อดึงภายใต้แรงกระทำ โดยที่ (a) วัสดุเมื่อดึงอยู่ในสภาวะสมดุล และ (b) การทดสอบวัสดุเมื่อดึงโดยการกระทำกับพื้นเรียบ