

บทที่ 3

การวิเคราะห์สมรรถนะของดัชนีวายทรีบนแฟลชไดรฟ์

เมื่อแหล่งเก็บข้อมูลหลักเปลี่ยนจากดิสก์แบบจานแม่เหล็ก (Magnetic Disk) ไปสู่แฟลชไดรฟ์ (Flash Drive) พร้อมกับการนำไปใช้งานในคลังข้อมูลขนาดใหญ่ (Data Warehouse) ประสิทธิภาพที่เกิดขึ้นอาจจะมากขึ้นหรือลดลง การประเมินสมรรถนะพร้อมกับการปรับปรุงสมรรถนะ ก่อนการใช้งานย่อมมีประโยชน์กับบุคลากรที่เกี่ยวข้อง

ในส่วนแรกของบทนี้จะนำเสนอแนวทางการวิเคราะห์สมรรถนะของดัชนีวายทรี (Y Tree) บนแฟลชไดรฟ์ ซึ่งประกอบด้วย การวิเคราะห์สมรรถนะดัชนีวายทรีของฟังก์ชันการแทรก (Insertion) และฟังก์ชันการสอบถาม (Query) โดยคำนึงถึงเวลาการเข้าถึงข้อมูลของแฟลชไดรฟ์ในแต่ละฟังก์ชันด้วย ทำให้ได้ผลการประเมินสมรรถนะของฟังก์ชันการแทรก และฟังก์ชันการสอบถาม พร้อมกันนี้ได้ยกตัวอย่างการคำนวณสมรรถนะในตอนท้ายด้วย

3.1 แนวทางการวิเคราะห์สมรรถนะ

การวิเคราะห์สมรรถนะของดัชนีวายทรีใช้แนวทางจากเอกสาร [1] โดยเริ่มต้นจากการวิเคราะห์การแทรกแบบกลุ่มของดัชนีแบบ Value-list ตัวอย่างเช่น B^+ Tree หรือ ISAM [8] และคำนึงถึงคุณสมบัติเฉพาะตัวของแฟลชไดรฟ์ เริ่มต้นด้วยการประมาณจำนวนโหนดใบ (Leaf Node) ในดัชนีวายทรี ต่อมาเป็นการคำนวณเวลาการอ่านการเขียน โหนด ในกรณีที่เป็นดัชนีโหนดใหม่ โดยไม่ซ้ำกับค่าดัชนีเดิม และสุดท้ายเป็นการคำนวณความลึกของดัชนีวายทรี ซึ่งจะพิจารณาถึงจำนวนพาท (Path) ของการแทรกดัชนีวายทรี การวิเคราะห์สมรรถนะนี้ครอบคลุม 2 ฟังก์ชันหลัก คือ 1) ฟังก์ชันการแทรก 2) ฟังก์ชันการสอบถาม โดยประกอบไปด้วยการสอบถามแบบเดี่ยว (Point Query) และการสอบถามแบบช่วง (Range Query)

3.2 การวิเคราะห์สมรรถนะฟังก์ชันการแทรก

แนวทางการวิเคราะห์ฟังก์ชันการแทรก เริ่มต้นด้วยการประมาณจำนวนเอ็นทรี (Entry) ในโหนดใบ ในขั้นตอนต่อมาเป็นการประเมินความน่าจะเป็นของการเกิดโหนด (Node) ใหม่จากการแทรกข้อมูลของแต่ละเซต (Set) แล้วนำเวลาของการอ่าน การเขียน และการลบข้อมูลของแฟลชไดรฟ์มาคำนวณด้วย เพื่อคิดคอสต์ (Cost) ของการแทรกข้อมูลแต่ละครั้งว่าต้องใช้เวลาเท่าไร และ

ส่วนสุดท้ายเป็นการคำนวณความสูงของดัชนีวายทรีเพื่อใช้เป็นองค์ประกอบอีกส่วนหนึ่งของสมการการประเมินสมรรถนะของฟังก์ชันการแทรก

สมมติให้จำนวนโหนดใบของดัชนีวายทรี และจำนวนคีย์ที่แตกต่างกัน (Distinct Key) แทรกเข้าไปในดัชนีวายทรีมีขนาดใหญ่พอที่เอ็นทรี ในรูปใหม่จะสามารถแทรกโหนดใบที่แตกต่างกัน ลงไปได้ ถ้า n คือจำนวนเอ็นทรีทั้งหมดในดัชนีวายทรี จำนวนโหนดของโหนดใบจะมีค่าโดยประมาณดังสมการที่ 3.1

$$l = \frac{n}{N_Y * fr} \quad (3.1)$$

เมื่อ	N_Y	คือ จำนวนเอ็นทรีที่สามารถบรรจุในโหนดใบได้
	fr	คือ ฟิลล์เรท (Fill Rate) ของดัชนีวายทรี
	n	คือ จำนวนเอ็นทรีทั้งหมดของดัชนีวายทรี
	l	คือ จำนวนของโหนดใบ

จากสมการที่ 3.1 จะเห็นว่าถ้าอัตราส่วนของจำนวนเอ็นทรีในโหนดใบ กับจำนวนเอ็นทรีมากที่สุดของแต่ละโหนดใบมีค่ามากกว่า fr โหนดใบนี้จะต้องทำการแยกโหนด (Split Node) โดยใช้วิธีการแยกโหนดแบบเดิมของโครงสร้างดัชนีแบบ Value-list และค่าของ fr สามารถปรับแต่งได้ตามความเหมาะสมของการใช้งาน และในเอกสาร [1] ผู้เขียนได้แนะนำว่า fr ควรมีค่าเป็น 0.68

สมมติให้การแทรกข้อมูลแต่ละครั้งมีความน่าจะเป็นของการแทรกข้อมูลในดัชนีวายทรี ที่ทำให้เกิดจำนวนดัชนีที่โหนดใบมีค่าเท่ากัน ซึ่งอธิบายได้ด้วยแบบจำลองความน่าจะเป็นแบบ Bernoulli Probability Distribution โดยที่การแทรกแต่ละครั้งนั้นจะต้องมีโหนดใบใหม่เกิดขึ้น ดังนั้นจำนวนของโหนดใบที่เกิดขึ้นจาก d เอ็นทรีของดัชนี (Index) เพื่อให้ได้ j เอ็นทรีของดัชนี สามารถแสดงดังสมการที่ 3.2

$$l = \binom{d}{j} * \left(\frac{N_Y * fr}{n} \right)^{j-1} * \left(1 - \frac{N_Y * fr}{n} \right)^{d-j} \quad (3.2)$$

เมื่อ	d	คือ จำนวนของเอ็นทรีที่แทรกในแต่ละครั้ง
	j	คือ จำนวนของเอ็นทรีที่เป็นดัชนีคู่ใหม่

N_Y คือ จำนวนเอ็นทรีที่สามารถบรรจุในโหนดใบได้

fr คือ ฟิลล์เรทของดัชนีวายทรี

n คือ จำนวนเอ็นทรีทั้งหมดของดัชนีวายทรี

l คือ จำนวนของโหนดใบ

กรณีตัวอย่างที่ไม่เกิดโหนดใบใหม่คือกำหนดค่า $j=0$ ในสมการที่ 3.2 จะทำให้เกิดจำนวนของโหนดใบที่มีจำนวนคีย์แตกต่างกันอย่างน้อย ดังแสดงได้ดังสมการที่ 3.3

$$l = \left(\frac{n}{N_Y * fr} \right) * \left(1 - \left(1 - \frac{N_Y * fr}{n} \right)^d \right) \quad (3.3)$$

เมื่อ n คือ จำนวนเอ็นทรีทั้งหมดของดัชนีวายทรี

N_Y คือ จำนวนเอ็นทรีที่สามารถบรรจุในโหนดใบได้

fr คือ ฟิลล์เรทของดัชนีวายทรี

d คือ จำนวนเอ็นทรีที่แทรกในแต่ละครั้ง

l คือ จำนวนของโหนดใบ

สมมติให้คอสต์ (Cost) ของการเข้าถึงโหนดภายใน (Inter Node) ที่มีขนาดใหญ่ ไม่มีผลต่อการแทรกแบบกลุ่ม (Batch Insertion) และถ้าโหนดใบจำนวนมากๆ ที่แตกต่างกันจะต้องถูกอ่านและเขียน ทำให้จำนวนโหนดภายในที่แตกต่างกันจะต้องใช้วิธีอินออร์เดอร์ทราเวิร์ส (In Order Traverse) เพื่อเข้าถึงโหนดใบนั้น จะน้อยกว่า 1/100 ของจำนวนโหนดใบ และจะไม่สำคัญ เมื่อแฟนเอาต์ (Fan Out) มีขนาดใหญ่กว่า 100

สมมติว่าการแยกโหนดไม่เกิดขึ้นบ่อยจนทำให้มีผลต่อคอสต์ของการแทรกแบบกลุ่ม

จากข้อสมมติฐานที่กล่าวมาแล้วข้างต้น คอสต์ของการแทรกข้อมูลเซต (Set) ของเอ็นทรีดัชนีจำนวน $b(key, ptr)$ ลงสู่ดัชนีแบบ Value-List เป็นดังสมการที่ 3.4

$$c = b * ((T_{read} + T_{write} + T_{erase}) * N_Y + T_{seek}) \quad (3.4)$$

เมื่อ	c	คือ คอสต์ของการแทรกเซต $b(key, ptr)$
	b	คือ จำนวนเซตข้อมูลของการแทรกทั้งหมด
	N_Y	คือ จำนวนเอ็นทรีที่สามารถบรรจุในโหนดใบได้
	T_{read}	คือ ค่าเฉลี่ยเวลาการอ่านหนึ่งเอ็นทรีจากแฟลชไดรฟ์หน่วยความจำหลัก
	T_{write}	คือ ค่าเฉลี่ยเวลาการเขียนหนึ่งเอ็นทรีจากหน่วยความจำหลักสู่แฟลชไดรฟ์
	T_{erase}	คือ ค่าเฉลี่ยเวลาการลบข้อมูลบนแฟลชไดรฟ์
	T_{seek}	คือ ค่าเฉลี่ยเวลาการค้นหาข้อมูลบนแฟลชไดรฟ์

การแทรก $b(key, ptr)$ คู่ดัชนีวายทรี ต้องการเส้นทางที่ไม่ซ้ำกันจาก โหนดราก (Root Node) ถึงโหนดใบเพื่ออ่าน และเขียน ดังนั้นความสูงของดัชนีวายทรีแสดงในสมการที่ 3.5

$$h = \left\lceil \log_{fr * f_Y} n - \log_{fr * f_Y} N_Y + \log_{fr * f_Y} fr \right\rceil \quad (3.5)$$

เมื่อ	f_Y	คือ ค่าแฟนเอาต์ (Fan Out) ของโหนดภายใน
	fr	คือ ฟิลล์เรทของดัชนีวายทรี
	N_Y	คือ จำนวนเอ็นทรีในโหนดใบ
	n	คือ จำนวนเอ็นทรีทั้งหมดของดัชนีวายทรี
	h	คือ ความสูงของดัชนีวายทรี

จากสมการที่ 3.5 ในพจน์ (Term) แรก คือความสูงของดัชนีวายทรี โดยคำนวณจากจำนวนเอ็นทรีทั้งหมดของดัชนีวายทรี และลบจำนวนบั๊กเก็ต (Bucket) ของโหนดภายในโดยใช้จำนวนเอ็นทรีของโหนดใบมาคำนวณ และสุดท้ายต้องนำมาบวกกับค่าความสูงที่สูงสุดเสียไปเนื่องมาจากการกำหนดค่า fr และในพจน์นี้จะมีค่าน้อยมาก จึงไม่ถูกนำมาคำนวณเพื่อให้ง่ายในการวิเคราะห์ โดยสมการที่ 3.5 นี้อยู่บนพื้นฐานความจริงที่ว่า จำนวนเอ็นทรีในโหนดใบเป็นไปได้ว่าจะมีจำนวนแตกต่างกัน และจะต้องมีจำนวนมากกว่าแฟนเอาต์ของโหนดภายใน การวิเคราะห์นี้จะไม่สนใจการ

ลดจำนวนลงของโหนดใบ เนื่องจากว่าข้อมูลทั้งหมดยังคงอยู่ในโหนดภายใน และสมมติว่าโหนดรากต้องเก็บอยู่ในหน่วยความจำหลักเท่านั้น ดังนั้นคอสต์ของสมการแทรก $b(key, ptr)$ เป็นดังสมการที่ 3.6

$$c_i = \frac{b}{d} \left[\log_{fr * f_Y} n - \log_{fr * f_Y} N_Y - 1 \right] * ((T_{read} + T_{write} + T_{erase}) * N_Y + T_{seek}) \quad (3.6)$$

เมื่อ	d	คือ จำนวนเซทข้อมูลของการแทรกแต่ละครั้ง
	b	คือ จำนวนเซทข้อมูลของการแทรกทั้งหมด
	f_Y	คือ ค่าแฟนเอาต์ของโหนดภายใน
	fr	คือ ฟิลล์เรทของดัชนีวายทีรี
	N_Y	คือ จำนวนเอ็นทรีในโหนดใบ
	n	คือ จำนวนเอ็นทรีทั้งหมดของดัชนีวายทีรี
	T_{read}	คือ ค่าเฉลี่ยเวลาการอ่านหนึ่งเอ็นทรีจากแฟลชไดรฟ์หน่วยความจำหลัก
	T_{write}	คือ ค่าเฉลี่ยเวลาการเขียนหนึ่งเอ็นทรีจากหน่วยความจำหลักสู่แฟลชไดรฟ์
	T_{erase}	คือ ค่าเฉลี่ยเวลาการลบข้อมูลบนแฟลชไดรฟ์
	T_{seek}	คือ ค่าเฉลี่ยเวลาการค้นหาข้อมูลบนแฟลชไดรฟ์
	c_i	คือ คอสต์ของการแทรก $b(key, ptr)$ ลงดัชนีวายทีรี

3.3 ตัวอย่างการคำนวณสมรรถนะฟังก์ชันการแทรก

จากสมการที่ 3.6 สามารถแบ่งตัวแปร (Variable) ออกเป็น 2 ประเภทด้วยกันคือ 1) ตัวแปรของดัชนีวายทีรี 2) ตัวแปรของแฟลชไดรฟ์ และเพื่อให้การคำนวณคอสต์ของฟังก์ชันการแทรกนี้ใกล้เคียงกับสถานการณ์จริงมากที่สุดจึงได้กำหนดค่าของตัวแปรแฟลชไดรฟ์ดังตารางที่ 3.1 ซึ่งเป็น

แฟลชไดรฟ์ที่จะใช้ในการทดลองโดยไม่สนใจค่าของ T_{seek} ซึ่งมีค่าของตัวแปรน้อยมากเมื่ออยู่ในสภาพแวดล้อมของแฟลชไดรฟ์ ต่อมากำหนดค่าของตัวแปรดัชนีวายทรีซึ่งเป็นการสมมติสถานการณ์เพื่อใช้ในการทดลอง โดยกำหนดค่าของตัวแปรต่างๆ ดังนี้ $b = 1,000,000$ $fr = 0.68$ $n = 100,000$ $N_r = 1,000$

ตารางที่ 3.1 เวลาการเข้าถึงข้อมูลของแฟลชไดรฟ์ยี่ห้อ SAMSUNG

Media	Access time		
	Read	Write	Erase
Flash Drives	80 μ s	200 μ s	1.5ms

จากเอกสาร [1] ได้แนะนำเพื่อให้ฟังก์ชันการแทรก และฟังก์ชันการสอบถามมีสมรรถนะมากขึ้นจะต้องกำหนดค่าของตัวแปร f และ d ให้เหมาะสมกับสถานการณ์นั้นๆ โดยใช้สมการที่ 3.7 กำหนดค่าตัวแปรดังกล่าว

$$f = (Nodesize / (\alpha * d + \beta)) \quad (3.7)$$

เมื่อ d คือ ขนาดเซทข้อมูลของการแทรกแต่ละครั้ง

$Nodesize$ คือ ขนาดของโหนดภายใน

f คือ จำนวนแฟนเอาต์ในโหนดภายในที่มีจำนวนมากที่สุดที่ทำให้เกิดแทรกที่รวดเร็วที่สุด

α คือ ขนาดของเอ็นทรี (key,ptr) มีหน่วยเป็น ไบต์ (Byte)

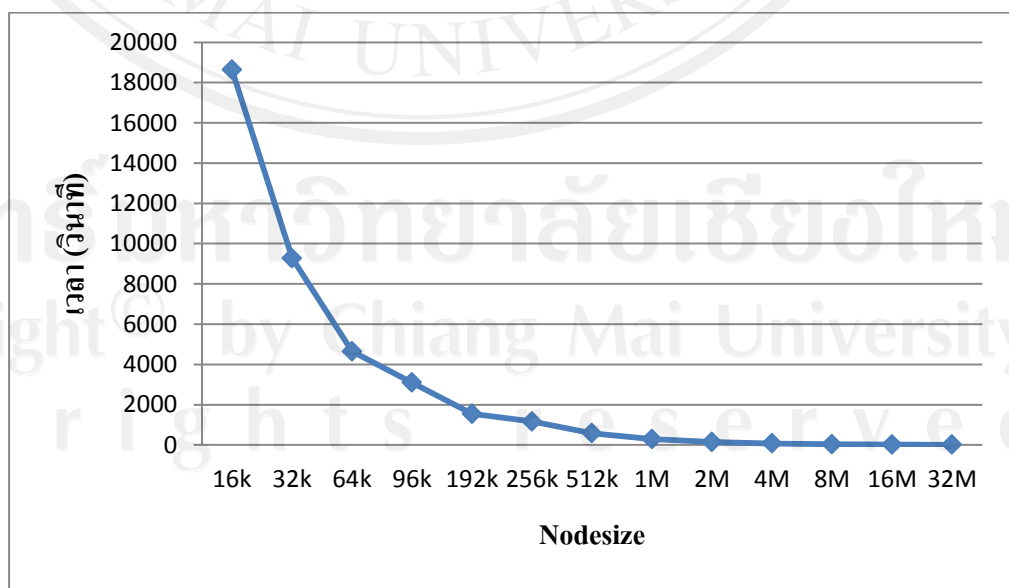
β คือ ขนาดของพอยเตอร์ (Pointer) และข้อมูลอื่นๆ ที่เก็บอยู่ในบักเก็ต มีหน่วยเป็น ไบต์ ซึ่งมีขนาดประมาณ 12 ไบต์

จากสมการที่ 3.7 ในเอกสาร [1] ได้แนะนำเพิ่มเติมเรื่องการกำหนดค่าของ f ว่าควรจะมีค่ามากที่สุดคือ 100 และสามารถมีค่าต่ำลงได้ถึง 10 ด้วยเหตุนี้จึงทำให้ค่าของตัวแปร d มีจำนวน 2 จำนวนต่อ $Nodesize$ แต่ละขนาด และได้เลือกค่าของตัวแปร d ที่ใช้เวลาการแทรกน้อยที่สุด และคำนวณค่าตัวแปร f ดังสมการที่ 3.7 ซึ่งได้ผลดังตารางที่ 3.2

ตารางที่ 3.2 ค่าตัวแปร d และ f ตามการคำนวณ

Nodesize (ไบต์)	d	f
16,384	102	23
32,768	205	23
65,536	409	23
98,304	614	23
196,608	1,229	23
262,144	1,638	23
16,777,216	3,277	23
33,554,432	6,553	23

จากตารางที่ 3.3 และรูปที่ 3.1 จะเห็นว่าค่าของเวลาที่ได้จากสมการการแทรกข้อมูลลงดัชนี
 วยที่รีนั้นจะลดลงประมาณ 2 เท่า เมื่อ *Nodesize* มีขนาดเพิ่มขึ้น 2 เท่า และมีค่าเวลาเข้าใกล้ศูนย์ ซึ่ง
 สอดคล้องการหลักการที่ได้กล่าวไว้แล้วข้างต้น

รูปที่ 3.1 กราฟความสัมพันธ์ระหว่างขนาด *Nodesize* กับเวลาของฟังก์ชันการแทรก

ตารางที่ 3.3 เวลาการแทรกข้อมูลตามขนาดของ *Nodesize*

Nodesize (ไบต์)	เวลา (วินาที)
16,384	18,627.45
32,768	9,268.29
65,536	4,645.47
98,304	3,094.46
196,608	1,545.97
262,144	1,159.95
16,777,216	579.79
33,554,432	289.94

3.4 แนวทางการวิเคราะห์สมรรถนะฟังก์ชันการสอบถาม

แนวทางการวิเคราะห์สมรรถนะของฟังก์ชันการสอบถามนั้น จะคล้ายกันกับแนวทางการวิเคราะห์ฟังก์ชันการแทรก แต่มีส่วนที่แตกต่างกันคือ ฟังก์ชันการสอบถามมีเพียงเฉพาะกระบวนการการอ่านเท่านั้น โดยไม่มีส่วนของการเขียนจึงทำให้เวลาที่ใช่ของฟังก์ชันการสอบถามน้อยกว่าฟังก์ชันการแทรก ดังนั้นแนวทางการวิเคราะห์สมรรถนะของฟังก์ชันการสอบถาม จึงมีเพียงเฉพาะส่วนของการอ่าน โดยมีประเด็นสำคัญคือการพิจารณาความสูงของดัชนีวายทรี

การวิเคราะห์เริ่มต้นด้วยการพิจารณาโครงสร้างของกระบวนการสอบถามที่มีผลคำตอบ s คู่ของดัชนีทั้งหมดในดัชนีวายทรีบนแฟลชไดรฟ์ และขั้นตอนต่อมาเป็นการวิเคราะห์สมรรถนะของดัชนีวายทรีบนแฟลชไดรฟ์

3.5 การวิเคราะห์สมรรถนะฟังก์ชันการสอบถาม

การสอบถามของดัชนีวายทรีใช้หลักการเดียวกับดัชนีแบบ Value-list การประเมินการสอบถามแบบช่วง จะเป็นซิงค์เกอร์พาท (Single Path) คือการทราเวอร์ส (Traverse) จากโหนดรากไปยังโหนดใบเพียงแค่ครั้งเดียว เมื่อโหนดใบสามารถเข้าถึงได้จากโหนดภายใน (Reach) และชุดข้อมูล (String) ของโหนดใบจะใช้วิธีการทราเวอร์สแบบปรกติ และเข้าถึงโหนดต่อไปด้วยพอยเตอร์ จนกว่าจะถึงจุดสิ้นสุดของการสอบถามแบบช่วง เวลาการประมวลผลชุดข้อมูลคำตอบ s แสดงในสมการที่ 3.8 เมื่อสมมติว่าโหนดรากต้องอยู่ในหน่วยความจำหลัก (Ram) เท่านั้น

$$t_l = \left(\left[\log_{fr * N_Y} n \right] - 1 + \left[\frac{s}{N_Y * fr} \right] \right) * (T_{read} * N_Y + T_{seek}) \quad (3.8)$$

เมื่อ	f_Y	คือ ค่าแฟนเอาต์ของโหนดภายใน
	fr	คือ ฟิลล์เรทของดัชนีวายทรี
	N_Y	คือ จำนวนเอ็นทรีใน โหนดใบ
	n	คือ จำนวนเอ็นทรีทั้งหมดของดัชนีวายทรี
	T_{read}	คือ ค่าเฉลี่ยเวลาการอ่านหนึ่งคู่ (key,ptr) จากแฟลชไดร์ฟสู่หน่วยความจำหลัก
	T_{seek}	คือ ค่าเฉลี่ยเวลาการค้นหาข้อมูลบนแฟลชไดร์ฟ
	t_l	คือ เวลาการประมวลผลชุดคำตอบของโหนดใบ

สมมติว่าชุดข้อมูลคำตอบจะต้องค้นพบในโหนดภายใน เพื่อให้ง่ายต่อการวิเคราะห์ซึ่งในความเป็นจริงแล้ว จำนวนของโหนดใบที่ประมวลผลจะต้องมีค่าน้อยกว่าดัชนีแบบ Value-list เมื่อโหนดใบมีขนาดเท่ากัน จากข้อสมมติฐานนี้ เวลาการประมวลผลการสอบถามแสดงดังสมการที่ 3.9 เมื่อโหนดรากต้องอยู่ในหน่วยความจำหลักเท่านั้น

$$c_q = \left(\sum_{i=0}^{\lceil \log_{fr} * f_Y n - \log_{fr} * f_Y N_Y \rceil - 1} \left[\frac{s}{(f_Y)^i N_Y * fr^{i+1}} \right] \right) * (T_{read} * N_Y + T_{seek}) \quad (3.9)$$

เมื่อ	f_Y	คือ ค่าเฟนเอาต์ของ โหนดภายใน
	fr	คือ ฟิลล์เรทของดัชนีวายทรี
	N_Y	คือ จำนวนเอ็นทรีใน โหนดใบ
	n	คือ จำนวนเอ็นทรีทั้งหมดของดัชนีวายทรี
	T_{read}	คือ ค่าเฉลี่ยเวลาการอ่านหนึ่งคู่ (key,ptr) จากแฟลชไดรฟ์หน่วยความจำหลัก
	T_{seek}	คือ ค่าเฉลี่ยเวลาการค้นหาข้อมูลบนแฟลชไดรฟ์
	c_q	คือ คอสต์การสอบถาม $s(key, ptr)$ ของดัชนีวายทรี

3.6 ตัวอย่างการคำนวณสมรรถนะฟังก์ชันการสอบถาม

จากสมการที่ 3.9 จะเห็นได้ว่าตัวแปรที่เกือบทั้งหมดเป็นตัวแปรเดียวกับกับฟังก์ชันการแทรก มีเพียงแค่ตัวแปร s เท่านั้นที่เพิ่มเข้ามาซึ่งบ่งบอกถึงเป็นการสอบถาม ดังนั้นการคำนวณเวลาที่ในการสอบถามจึงใช้ค่าของตัวแปรเช่นเดียวกันกับฟังก์ชันการแทรก คือ $b = 1,000,000$ $fr = 0.68$ $n = 100,000$ $N_Y = 1,000$ และกำหนดค่าตัวแปรเพิ่มเติมของฟังก์ชันการสอบถามคือ $s = 100,000$ พร้อมกับใช้ค่าตัวแปรคุณสมบัติของแฟลชไดรฟ์ดังตารางที่ 3.1 โดยไม่สนใจค่าของ T_{seek} ด้วยเหตุผลเดียวกันกับฟังก์ชันการแทรก

จากสมการที่ 3.9 จะเห็นว่าไม่มีตัวแปรใดที่เกี่ยวข้องกับขนาดของ $Nodesize$ เลยจึงทำให้เวลาการประมวลผลของฟังก์ชันการสอบถามมีค่าเท่ากัน ของการสอบถามในทุกๆ ครั้งถึงแม้ว่าจะใช้ขนาด $Nodesize$ ที่แตกต่างกันก็ตาม และเวลาการประมวลผลของฟังก์ชันการสอบถามนี้มีค่าน้อยกว่ามาก เมื่อเทียบกับเวลาการประมวลผลของฟังก์ชันการแทรก ดังที่กล่าวไว้แล้วข้างต้นทุกประการ