

## บทที่ 2

### แนวคิด ทฤษฎี และผลงานการศึกษาที่เกี่ยวข้อง

#### 2.1 แนวคิดและทฤษฎีที่ใช้ในการศึกษา

##### 2.1.1 ทฤษฎีการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจ

###### ทฤษฎีการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจของเคนส์ (Keynes)

แนวคิดเกี่ยวกับการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจของเคนส์ (Keynes) ได้อธิบายถึงการกำหนดขึ้นเป็นรายได้ประชาชาติ ว่าเกิดจากตัวกำหนด 2 ระดับ คือ

1. ตัวกำหนดในทันที หรือตัวกำหนดโดยตรงของรายได้และการจ้างงาน ซึ่งได้แก่ การบริโภคและการลงทุน (กรณีระบบเศรษฐกิจเป็นแบบปิดและไม่มีภาครัฐบาล)
2. ตัวกำหนดในที่สุด หรือปัจจัยที่กำหนดการบริโภคและการลงทุน (อีกต่อหนึ่งอันจะส่งผลต่อการเปลี่ยนแปลงของรายได้และการจ้างงานอีกต่อหนึ่ง) ซึ่งปัจจัยเหล่านี้ได้แก่ แนวโน้มการบริโภค ความต้องการในการถือสินทรัพย์สภาพคล่อง และอัตราผลตอบแทนที่คาดว่าจะได้รับจากการลงทุน หรือประสิทธิภาพส่วนเพิ่มของทุน (ซึ่งกำหนดการลงทุน)

คุณภาพของระบบเศรษฐกิจอาจไม่เกิดขึ้น ณ ระดับที่มีการจ้างงานเต็มที่ เพราะอุปสงค์มวลรวมในระบบเศรษฐกิจอาจมีไม่เพียงพอ หรือต่ำเกินไป ดังนั้นในเชิงนโยบายจึงเป็นหน้าที่ของรัฐบาลที่จะใช้นโยบายแทรกแซงระบบเศรษฐกิจเพื่อส่งเสริมให้เกิดการจ้างงานเต็มที่ การแทรกแซงของรัฐบาลอาจทำได้โดย

- การควบคุม (ลด) อัตราดอกเบี้ย (เพื่อกระตุ้นการลงทุน)
- การเพิ่มการใช้จ่ายของรัฐบาล (โดยการใช้งบประมาณขาดดุล)
- การใช้นโยบายที่จะก่อให้เกิดการกระจายรายได้ใหม่เพื่อยกระดับของการใช้จ่ายเพื่อการบริโภค (เช่น การเก็บภาษีในอัตราก้าวหน้า แล้วนำงบประมาณมาใช้จ่ายช่วยเหลือคนรายได้ต่ำ การที่แนวโน้มการบริโภคของคนจนมากกว่าคนรวยทำให้ระดับการบริโภคโดยรวมเพิ่มสูงขึ้นได้)

หลักว่าด้วยอุปสงค์ที่มีผล (The Principle of Effective Demand) เคนส์เสนอว่าการใช้จ่ายจะก่อให้เกิด อุปสงค์ในระบบเศรษฐกิจ ซึ่งก่อให้เกิดการขยายตัวของผลผลิตและการจ้างงาน เนื่องจากการผลิตปรับตัวตาม อุปสงค์ของเคนส์

เคนส์เสนอว่า องค์ประกอบของอุปสงค์มวลรวม คือ

$$Y = C + I + G + X - M \quad (2.1)$$

โดยที่  $Y$  หมายถึง รายได้หรือผลผลิต (Gross Domestic Product: GDP)

$C$  หมายถึง การบริโภค (Consumption: C)

$I$  หมายถึง การลงทุน (Investment Expenditure: I)

$G$  หมายถึง การใช้จ่ายของรัฐบาล (Government Expenditure: G)

$X$  หมายถึง รายได้จากการส่งออก (Exports: X)

$M$  หมายถึง ค่าใช้จ่ายของการนำเข้า (Imports: M)

จากสมการข้างต้นแสดงว่า อุปสงค์จะเกิดจากการใช้จ่ายมวลรวมในระบบเศรษฐกิจ ซึ่งมีองค์ประกอบจากการใช้จ่ายการบริโภค การใช้จ่ายการลงทุน การใช้จ่ายของภาครัฐบาล การส่งออกสุทธิ ซึ่งการใช้จ่ายข้างต้นจะกำหนดผลผลิตการจ้างงาน ผลผลิต และระดับรายได้ประชาชาติ โดยผ่านการทำงานของตัวทวีคูณ (Multiplier) ยิ่งตัวทวีคูณมีค่ามากเท่าใด ย่อมหมายถึงการเปลี่ยนแปลงการใช้จ่ายในระบบเศรษฐกิจจะมีผลเพิ่มผลผลิตและการจ้างงานมากขึ้นเท่านั้น แนวคิดด้านทวีคูณ หมายถึง ค่าที่แสดงถึงขนาดของการเปลี่ยนแปลงของผลผลิตหรือรายได้ เนื่องจากการเปลี่ยนแปลงรายจ่ายในระบบเศรษฐกิจ อาทิเช่น การลงทุนภาคเอกชนและรายจ่ายของภาครัฐบาล ซึ่งตัวทวีคูณมักจะมีค่ามากกว่า 1 ซึ่งแสดงว่า ผลผลิตหรือรายได้ประชาชาติมากกว่า 1 เท่า (หรือในบางกรณีหลายเท่าตัว) กว่า的增加ขึ้นของรายจ่ายในรอบแรก ค่าที่กำหนดขนาดของตัวทวีคูณที่สำคัญคือค่าความโน้มเอียงส่วนเพิ่มของการบริโภค (Marginal Propensity to Consume: MPC) นั้นเอง (เศรษฐศาสตร์การเมือง, 2554)

### 2.1.2 ทฤษฎีในการวิเคราะห์ทางเศรษฐมิติ

เป็นทฤษฎีที่ศึกษาถึงความสัมพันธ์ของตัวแปรต่างๆ ที่มีลักษณะเป็นข้อมูลอนุกรมเวลา ซึ่งในการศึกษาเชิงประจักษ์ที่ใช้ข้อมูลอนุกรมเวลา (Time Series Data) มีเงื่อนไขว่าข้อมูลที่นำมาศึกษาจะต้องมีลักษณะนิ่ง (Stationary) เพื่อจะได้มองเห็นความสัมพันธ์ที่แท้จริงของตัวแปรต่างๆ นี้

ดังนั้นในการนำข้อมูลอนุกรมเวลามาศึกษาจะต้องมีการทดสอบก่อนว่า ข้อมูลนั้นมีลักษณะนิ่งหรือไม่ โดยทฤษฎีแล้ว การใช้ข้อมูลอนุกรมเวลาโดยไม่ได้อันตรายตรวจสอบความนิ่งของข้อมูลก่อน แล้วทำการวิเคราะห์ความถดถอยด้วยตัวแปรไม่นิ่ง (Non-Stationary) ค่าสถิติ (t-statistics) จะมีการแจกแจงแบบไม่มาตรฐาน (Nonstandard Distributions) ซึ่งผลที่ตามมาคือ อาจนำไปสู่การลงความเห็นที่ผิด ซึ่งเป็นไปได้ที่จะนำไปสู่การถดถอยที่ไม่ถูกต้อง (Spurious Regression) ยกเว้นว่าความสัมพันธ์ดังกล่าวจะมีลักษณะเป็นความสัมพันธ์แบบการร่วมไปด้วยกัน (Cointegration Relationship) ซึ่งจะทำให้ค่าสถิติ t และ F ที่เราใช้กันตามปกติ สามารถใช้ทดสอบได้ (ทรงศักดิ์ ศรีบุญจิตต์, 2547) ซึ่งข้อมูลทางเศรษฐกิจที่เป็นข้อมูลอนุกรมเวลาส่วนใหญ่ จะมีลักษณะไม่นิ่ง กล่าวคือ ค่าเฉลี่ย (Means) และค่าความแปรปรวน (Variances) จะมีค่าไม่คงที่เปลี่ยนแปลงไปตามกาลเวลา ทำให้ความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรของสมการ มีความสัมพันธ์กันแบบไม่แท้จริง (Spurious Relationship) โดยสังเกตจากค่าสถิติบางตัว เช่น ค่าสถิติ t จะไม่เป็นการแจกแจงแบบมาตรฐาน และค่า  $R^2$  ที่สูง ในขณะที่ค่า Durbin-Watson (DW) Statistic ต่ำ ซึ่งแสดงว่าเกิดปัญหาอัตสหสัมพันธ์ (Autocorrelation) ของความคลาดเคลื่อน ดังนั้นในการวิเคราะห์ความสัมพันธ์ของตัวแปรอนุกรมเวลาด้วยเทคนิค Regression จึงต้องมีการวิเคราะห์ในด้านต่างๆ ดังนี้

### 1. การทดสอบความนิ่งของข้อมูลหรือยูนิทรูท (Unit Root Test)

วิธีการทดสอบ Unit Root หรืออันดับความสัมพันธ์ของข้อมูล (Order of Integration) เป็นการทดสอบตัวแปรทางเศรษฐกิจต่างๆ ที่จะนำไปใช้ในสมการว่าข้อมูลมีลักษณะ นิ่ง ( $I(0)$ ; Integration of Order Zero) หรือ ไม่นิ่ง ( $I(d)$ ;  $d > 0$ , Integration of Order Zero  $d$ ) ซึ่งเป็นขั้นตอนแรกในการศึกษาภายใต้วิธี Cointegration and Error Correction Mechanism ถ้าเราไม่สามารถปฏิเสธ ข้อสมมติฐานว่าตัวแปรหนึ่งๆ ( $x$ ) เป็น Unit Root แล้ว ก็เท่ากับเราพบว่า ตัวแปรนั้นไม่นิ่ง ซึ่งวิธีการทดสอบ Unit Root นั้นสามารถทดสอบโดยใช้การทดสอบ Dickey-Fuller (DF Test) (Dickey and Fuller, 1981) และการทดสอบ Augmented Dickey-Fuller (ADF Test) ที่ Said และ Dickey ได้กล่าวไว้ เพื่อทดสอบความนิ่งของข้อมูลที่น่ามาศึกษา โดยนำค่า ADF t-statistic ของข้อมูลทำการทดสอบมาเปรียบเทียบกับค่าวิกฤติ MacKinnon แสดงว่าข้อมูลมีความนิ่ง (Stationary) และสามารถปฏิเสธสมมติฐาน (Dimitrova, 2005)

โดยสมมติให้ความสัมพันธ์เป็นดังนี้

$$Y_t = \alpha + \beta X_t + \varepsilon_t \quad (2.2)$$

$$X_t = \rho X_{t-1} + e_t \quad (2.3)$$

โดยที่  $Y_t$  คือ ตัวแปรตาม

$X_t, X_{t-1}$  คือ ข้อมูลอนุกรมเวลาของตัวแปรอิสระ ณ เวลา  $t$  และ  $t-1$

$\alpha, \beta$  คือ ค่าพารามิเตอร์

$\rho$  คือ ค่าสัมประสิทธิ์อัตโนมัติสัมพันธ์ (Autocorrelation Coefficient)

$\varepsilon_t, e_t$  คือ ค่าความคลาดเคลื่อนเชิงสุ่ม (Random Error)

สมมติฐานของการทดสอบคือ

$$H_0 : \rho = 1$$

$$H_1 : \rho < 1$$

การทดสอบว่าตัวแปรที่ศึกษา  $x_t$  มียูนิทรูทหรือไม่ สามารถพิจารณาได้จากค่า  $\rho$  โดยที่ ถ้ายอมรับ  $H_0 : \rho = 1$  หมายความว่า  $x_t$  มียูนิทรูท หรือ  $x_t$  มีลักษณะไม่นิ่ง ถ้ายอมรับ  $H_1 : \rho < 1$  หมายความว่า  $x_t$  ไม่มียูนิทรูท หรือ  $x_t$  มีลักษณะนิ่ง จากการเปรียบเทียบค่า t-statistics ที่คำนวณได้กับค่าในตาราง Dickey-Fuller ซึ่งค่า t-statistics ที่น้อยกว่าค่าในตาราง Dickey-Fuller จะสามารถปฏิเสธสมมติฐานได้ แสดงว่าตัวแปรที่นำมาทดสอบมีลักษณะนิ่ง หรือเป็น Integrated of Order Zero แทนด้วย  $X_t \sim I(0)$  อย่างไรก็ตาม การทดสอบยูนิทรูทดังกล่าวข้างต้น สามารถทำได้อีกวิธีหนึ่งคือ

$$\text{ให้ } \rho = (1 + \theta); -1 < \theta < 1 \quad (2.4)$$

โดยที่  $\theta =$  พารามิเตอร์

$$\text{จะได้ } X_t = (1 + \theta)X_{t-1} + e_t \quad (2.5)$$

$$X_t = X_{t-1} + \theta X_{t-1} + e_t \quad (2.6)$$

$$X_t - X_{t-1} = \theta X_{t-1} + e_t \quad (2.7)$$

$$\Delta X_t = \theta X_{t-1} + e_t \quad (2.8)$$

จะได้สมมติฐานการทดสอบ Dickey-fuller (DF) คือ

$$H_0 : \theta = 0 \text{ (} X_t \text{ มี Unit Root หรือ มีลักษณะไม่นิ่ง)}$$

$$H_1 : \theta < 0 \text{ (} X_t \text{ ไม่มี Unit Root หรือ มีลักษณะนิ่ง)}$$

ถ้ายอมรับ  $H_0 : \theta = 0$  จะได้ว่า  $\rho = 1$  หมายความว่า ตัวแปรที่ศึกษา ( $X_t$ ) มียูนิทรูท หรือมีลักษณะไม่นิ่ง (Non-Stationary) เนื่องจากข้อมูลอนุกรมเวลา ณ เวลา  $t$  มีส่วนสัมพันธ์กับข้อมูลอนุกรมเวลา ณ เวลา  $t-1$  แต่ถ้ายอมรับ  $H_0 : \theta < 0$  จะได้ว่า  $\rho < 1$  หมายความว่า ตัวแปรที่ศึกษา ( $X_t$ ) ไม่มียูนิทรูท หรือมีลักษณะนิ่ง (Stationary) เนื่องจากข้อมูลอนุกรมเวลา ณ เวลา  $t$  มีส่วนสัมพันธ์กับข้อมูลอนุกรมเวลา ณ เวลา  $t-1$  ค่าคงที่และแนวโน้ม ดังนั้น Dickey-Fuller จึงพิจารณาสมการถดถอย 3 รูปแบบที่แตกต่างกันในการทดสอบว่ามียูนิทรูทหรือไม่ ได้แก่

$$\Delta X_t = \theta X_{t-1} + e_t \quad (\text{แนวโน้มเชิงสุ่ม}) \quad (2.9)$$

$$\Delta X_t = \alpha + \theta X_{t-1} + e_t \quad (\text{แนวโน้มเชิงสุ่มซึ่งมีความโน้มเอียงทั่วไป}) \quad (2.10)$$

$$\Delta X_t = \alpha + \beta_t + \theta X_{t-1} + e_t \quad (\text{แนวโน้มเชิงสุ่มซึ่งมีความโน้มเอียงทั่วไปและมีแนวโน้มตามเวลาเชิงเส้น}) \quad (2.11)$$

โดยที่ $X_t, X_{t-1}$	คือ ข้อมูลอนุกรมเวลาของตัวแปรอิสระ ณ เวลา $t$ และ $t-1$
$\alpha, \beta, \theta$	คือ ค่าพารามิเตอร์
$t$	คือ แนวโน้มเวลา
$e_t$	คือ ค่าความคลาดเคลื่อนเชิงสุ่ม

การตั้งสมมติฐานการทดสอบ Dickey-Fuller เป็นเช่นเดียวกับที่กล่าวมาแล้วข้างต้น ส่วนการทดสอบโดยใช้ Augmented Dickey-Fuller (ADF Test) โดยการเพิ่มขบวนการถดถอยในตัวเอง (Autoregressive Process) เข้าไปในสมการ ซึ่งเป็นการแก้ปัญหากรณีที่ใช้การทดสอบ Dickey-Fuller แล้วค่า D.W. (Durbin-Watson Statistic) ต่ำ การเพิ่มขบวนการถดถอยในตัวเองเข้าไปในนั้น ผลการทดสอบ ADF ทำให้ได้สมการใหม่จากการเพิ่มจำนวนของตัวแปรล่า (Lagged

Difference Terms,  $p$ ) ซึ่งจะขึ้นอยู่กับความเหมาะสมของข้อมูลหรือสามารถใส่จำนวน Lagged Difference Terms,  $p$  เข้าไปได้จนกระทั่งไม่เกิดปัญหา Autocorrelation ดังนี้

$$\Delta X_t = \theta X_{t-1} + \sum_{i=1}^p \phi_i \Delta X_{t-1} + e_t \quad (2.12)$$

$$\Delta X_t = \alpha + \theta X_{t-1} + \sum_{i=1}^p \phi_i \Delta X_{t-1} + e_t \quad (2.13)$$

$$\Delta X_t = \alpha + \beta_t + \theta X_{t-1} + \sum_{i=1}^p \phi_i \Delta X_{t-1} + e_t \quad (2.14)$$

โดยที่  $X_t, X_{t-1}$  คือ ข้อมูลอนุกรมเวลาของตัวแปรอิสระ ณ เวลา  $t$  และ  $t-1$

$\alpha, \beta, \theta, \phi$  คือ ค่าพารามิเตอร์

$t$  คือ แนวนอนเวลา

$e_t$  คือ ค่าความคลาดเคลื่อนเชิงสุ่ม

จำนวน Lagged Difference Terms ( $p$ ) ที่เพิ่มเข้าไปในสมการจะขึ้นอยู่กับความเหมาะสมของแต่ละงานวิจัยหรือสามารถใส่จำนวน Lagged Difference Terms ( $p$ ) เข้าไปได้จนกว่าค่าความคลาดเคลื่อนจะไม่เกิดปัญหา Autocorrelation จำนวนของตัวแปรล่า (Lagged Difference Terms ( $p$ )) ที่จะนำเข้ามารวมในสมการนั้น จะต้องมียกพอที่จะทำให้ตัวแปรความคลาดเคลื่อน (Error Terms) มีลักษณะเป็นอิสระต่อกัน (Serially Independent) และเมื่อนำเอาการทดสอบ DF Test มาใช้กับสมการ (2.12), (2.13) และ (2.14) แล้วเราจะเรียกว่า Augmented Dickey-Fuller (ADF Test) ซึ่งค่าสถิติทดสอบ ADF จะมีการแจกแจงเชิงเส้นกำกับ (Asymptotic Distribution) เหมือนกับค่าสถิติ DF ดังนั้น ก็สามารถใช้ค่าวิกฤต (Critical Value) แบบเดียวกันได้

โดยในการทดสอบสมมติฐานทั้งวิธี Dickey-Fuller Test (DF Test) และ Augmented Dickey-Fuller (ADF Test) จะทดสอบเพื่อให้ทราบว่าตัวแปรที่ศึกษานั้นมียูนิทรูทหรือไม่ สามารถพิจารณาได้จากค่า  $\theta$  ถ้ามีค่าเท่ากับ 0 แสดงว่า ตัวแปรที่สนใจมียูนิทรูท

สมมติฐานที่ใช้ในการทดสอบ คือ

$$H_0 : \theta = 0 \text{ (} X_t \text{ มี Unit Root หรือ มีลักษณะไม่นิ่ง)}$$

$$H_1 : \theta < 0 \text{ (} X_t \text{ ไม่มี Unit Root หรือ มีลักษณะนิ่ง)}$$

สามารถทดสอบสมมติฐานได้โดยการเปรียบเทียบค่า t-statistic ที่คำนวณได้กับค่าในตาราง Dickey-Fuller ซึ่งค่า t-statistic ที่จะนำมาทดสอบสมมติฐานในแต่ละรูปแบบนั้น จะต้องนำไปเปรียบเทียบกับตาราง Dickey-Fuller ณ ระดับต่างๆ ถ้าสามารถปฏิเสธสมมติฐานได้ แสดงว่าตัวแปรที่นำมาทดสอบมีลักษณะนิ่ง หรือเป็น Integration of Order Zero แทนด้วย  $X_t \sim I(0)$  กรณีที่การทดสอบสมมติฐานพบว่า ตัวแปรที่ศึกษามียูนิทรูท หรือมีลักษณะไม่นิ่ง จะต้องนำค่า  $\Delta X_t$  มาทำ Differencing จนกระทั่งสามารถปฏิเสธสมมติฐานที่ว่า  $X_t$  มีลักษณะไม่นิ่งได้ เพื่อทราบว่าเป็น Order of Integration ( $d$ ) [ $x_t \sim I(d); d > 0$ ] ว่าอยู่ในระดับใด

## 2. การวิเคราะห์ความสัมพันธ์เชิงดุลยภาพในระยะยาว (Cointegration Test)

Cointegration เป็นวิธีการทดสอบความสอดคล้องของข้อมูลอนุกรมเวลาของตัวแปรว่ามีการเคลื่อนไหวหรือมีความสัมพันธ์ที่สอดคล้องกันหรือไม่ในระยะยาว เนื่องจากภายใต้ทฤษฎีทางเศรษฐศาสตร์เชื่อว่าในระยะยาวแล้วตัวแปรทางเศรษฐกิจควรจะมีการเคลื่อนไหวในทิศทางใดทิศทางหนึ่งที่สอดคล้องกัน ซึ่งมีวิธีที่นิยมใช้กัน 2 วิธี ได้แก่ วิธีแบบ “Two-Step Approach” ของ Engle และ Granger (1987) และวิธีการทดสอบตามหลัก “Full Information Maximum Likelihood approach” ของ Johansen และ Juselius (1991)

วิธีการของ Engle และ Granger จะทดสอบดุลยภาพในระยะยาวโดยการพิจารณาจากค่า Error Term ว่า Stationary หรือไม่ ซึ่งจะมีการระบุว่าตัวแปรใดเป็นตัวแปรตามและตัวแปรใดเป็นตัวแปรอิสระ และทำให้ไม่สามารถแสดงเป็น Multiple Cointegrating Vectors ได้ ในกรณีที่รูปแบบความสัมพันธ์มีมากกว่า 1 รูปแบบ

ส่วนวิธีของ Johansen และ Juselius จะพิจารณาจากค่า Rank ของ  $\pi$  ซึ่งจะไม่ระบุว่าตัวแปรใดเป็นตัวแปรอิสระและตัวแปรใดเป็นตัวแปรตาม แต่เราสามารถทดสอบได้ว่าตัวแปรใดเป็นตัวแปรอิสระและตัวแปรใดเป็นตัวแปรตามได้ด้วยวิธีการทดสอบต้นเหตุของ Granger รวมทั้งยังสามารถพิจารณาความสัมพันธ์นั้นให้สอดคล้องกับทฤษฎีและหลักการทางเศรษฐศาสตร์อีกด้วย

ในทางทฤษฎีเศรษฐมิตินั้นยังมีข้อถกเถียงกันว่า วิธีการใดจะเหมาะสมมากกว่ากันซึ่งมีนักเศรษฐศาสตร์บางกลุ่มมีความคิดเห็นว่า วิธีการของ Johansen และ Juselius น่าจะมีความเหมาะสมมากกว่าของ Engle และ Granger เนื่องจากสามารถนำไปประยุกต์ใช้กับแบบจำลองที่มีตัวแปรมากกว่า 2 ตัวแปรขึ้นไป และสามารถทดสอบหาจำนวน Cointegrating Vectors ได้พร้อมๆ กันโดยไม่ต้องระบุก่อนว่าตัวแปรใดจัดเป็น Exogenous หรือ Endogenous Variables แต่อย่างไรก็ตามนักเศรษฐศาสตร์กลุ่มอื่นๆ กลับมีความคิดเห็นว่า วิธีการทั้งสองไม่น่าจะให้ผลลัพธ์ที่แตกต่างกัน

มากนัก โดยเฉพาะอย่างยิ่งเมื่อประยุกต์ใช้กับการวิเคราะห์เชิงประจักษ์ที่มีจำนวนข้อมูลจำนวนไม่มาก

การศึกษาครั้งนี้มีการใช้ตัวแปรหลายตัวในแบบจำลอง ดังนั้นจึงเลือกใช้วิธีการหา Cointegration ตามวิธีการของ Johansen และ Juselius ซึ่งมีพื้นฐานมาจากแบบจำลอง Vector Autoregressive (VAR) ซึ่งมีขั้นตอนดังต่อไปนี้

ขั้นตอนที่ 1 เมื่อทดสอบหา Order of Integration ของตัวแปรทุกตัว หากพบว่าตัวแปรใดมี Order of Integration ต่างกับตัวแปรอื่นๆ จะไม่นำตัวแปรนั้นเข้ามาพิจารณาร่วมด้วยในแบบจำลอง VAR จากนั้นทำการทดสอบความยาวของ Lag Length ของแบบจำลอง VAR ซึ่งมี 3 วิธีที่นิยมนำมาพิจารณา ได้แก่ Akaike Information Criterion (AIC) (Johnston and Dinardo, 1997), Likelihood Ratio Test (LR) และ Schwartz Bayesian Criterion (SBC) (Enders, 1995) สามารถคำนวณได้ดังนี้

$$AIC = T \log|\Sigma| + 2N \quad (2.15)$$

$$LR = (T - c)(\log|\Sigma_r| - \log|\Sigma_u|) \quad (2.16)$$

$$SBC = T \log|\Sigma| + N \log(T) \quad (2.17)$$

โดยที่  $T$  = จำนวนของตัวอย่างในสมการ

$C$  = Number of Parameters in the Unrestricted System

$|\Sigma|$  = Determinant of Variance/Covariance Matrices of the Residuals

$|\Sigma_r|$  = Determinant of Variance/Covariance Matrices of the Restricted System

$|\Sigma_u|$  = Determinant of Variance/Covariance Matrices of the Unrestricted System

$N$  = Total Number of Parameters Estimated in All Equations

ทดสอบสมมติฐานหลัก ( $H_0$ ) โดยกำหนด Lagged Term เท่ากับ  $r$  ในกรณีที่มีข้อจำกัด ส่วนกรณีที่ไม่มีข้อจำกัดจำนวน Lagged Term เท่ากับ  $u$  ซึ่งขึ้นอยู่กับลักษณะและระยะเวลาของข้อมูลจากงานวิจัยแต่ละชิ้น แล้วใช้การแจกแจงแบบ Chi-Square ( $X^2$ ) ทดสอบสมมติฐานว่ามีจำนวน Lagged Term เท่ากับ  $r$  โดยมีจำนวนระดับความเป็นอิสระเท่ากับจำนวนสัมประสิทธิ์ที่เป็นข้อจำกัด (Coefficient Restriction) ถ้าค่า  $X^2$  ที่คำนวณได้น้อยกว่าค่าวิกฤตแสดงว่ายอมรับสมมติฐานหลัก หรือสามารถทำการทดสอบโดยใช้ F-test ในแต่ละสมการก็จะได้ผลการทดสอบเช่นเดียวกัน และหากพบว่าแบบจำลองสามารถใช้ Lagged Term ได้หลายจำนวน



ควรเลือกใช้ทอมที่ยาวที่สุด อย่างไรก็ตามควรคำนึงถึงระดับความเป็นอิสระด้วย เนื่องจากถ้าจำนวน Lagged Term มากจนเกินความจำเป็นจะทำให้สูญเสียระดับความเป็นอิสระ ซึ่งจะส่งผลถึงค่าวิกฤต ทำให้การยอมรับหรือปฏิเสธสมมติฐานบิดเบือนไป

ความยาวของ Lag Length เปลี่ยนแปลงได้ จะขึ้นอยู่กับความเหมาะสม เนื่องจากการเพิ่มหรือลดความยาวของ Lag Length อาจจะมีผลกระทบต่อเครื่องหมายของตัวแปรต่าง ๆ นั่นคือเปลี่ยนจากเครื่องหมายบวกเป็นเครื่องหมายลบ หรือเปลี่ยนจากเครื่องหมายลบเป็นเครื่องหมายบวก ซึ่งจะส่งผลต่อการอธิบายตามหลักการทฤษฎีทางเศรษฐศาสตร์ด้วย

ขั้นตอนที่ 2 จะประมาณการแบบจำลองและหาจำนวน Cointegrating Vectors ซึ่งสามารถสร้างรูปแบบของแบบจำลองได้ 5 รูปแบบ ดังนี้

- รูปแบบที่ 1 ไม่มีทั้งค่าคงที่และแนวโน้มเวลาใน Cointegrating Vectors หรือในการทดสอบ VAR Model ซึ่งมีรูปสมการดังต่อไปนี้

$$X_t = \sum_{i=1}^p A_i X_{t-i} + \varepsilon_t \quad (2.18)$$

ดังนั้น 
$$\Delta X_t = \pi X_{t-1} + \sum_{i=1}^p \pi_i \Delta X_{t-i} + \varepsilon_t \quad (2.19)$$

โดยที่ 
$$\pi = \sum_{i=1}^p A_i - I$$

$$\pi_i = \sum_{j=i+1}^p A_j$$

$X_t$  = เวกเตอร์ของตัวแปรขนาด  $(n \times 1)$ ;  $(x_{1t}, x_{2t}, \dots, x_{nt})'$

$A_i$  = เมตริกซ์พารามิเตอร์ของตัวแปรขนาด  $(n \times n)$

$I$  = เมตริกซ์เอกลักษณ์ขนาด  $(n \times n)$

$\varepsilon_t$  = เวกเตอร์ของ Error Term with Multivariate White Noise ขนาด  $(n \times n)$

- รูปแบบที่ 2 มีเฉพาะค่าคงที่ใน Cointegrating Vectors และไม่มีทั้งค่าคงที่และแนวโน้มเวลาในการทดสอบ VAR Model ซึ่งมีรูปสมการดังต่อไปนี้

$$\Delta X_t = \pi^* X_{t-1}^* + \sum_{i=1}^p \pi_i \Delta X_{t-i} + \varepsilon_t \quad (2.20)$$

โดยที่

$$\pi^* = \begin{bmatrix} \pi_{11} & \pi_{12} & \cdots & \pi_{1n} & a_{01} \\ \pi_{21} & \pi_{22} & \cdots & \pi_{2n} & a_{02} \\ \vdots & \vdots & & \vdots & \vdots \\ \pi_{n1} & \pi_{n2} & \cdots & \pi_{nn} & a_{0n} \end{bmatrix}$$

$$(X_{t-1}^* = X_{1t-1}, X_{2t-1}, \dots, X_{nt-1}, 1)'$$

- รูปแบบที่ 3 มีเฉพาะค่าคงที่ใน Cointegrating Vectors และในการทดสอบ VAR Model ซึ่งมีรูปสมการดังต่อไปนี้

$$X_t = A_0 + \sum_{i=1}^p A_i X_{t-i} + \varepsilon_t \quad (2.21)$$

ดังนั้น

$$\Delta X_t = A_0 + \pi X_{t-1} + \sum_{i=1}^p \pi_i \Delta X_{t-i} + \varepsilon_t \quad (2.22)$$

โดยที่  $A_0 =$  เวกเตอร์ของค่าคงที่ขนาด  $(n \times 1); (a_{01}, a_{02}, \dots, a_{0n})'$

- รูปแบบที่ 4 มีทั้งค่าคงที่และแนวโน้มเวลาใน Cointegrating Vectors และมีเฉพาะค่าคงที่ในการทดสอบ VAR Model ซึ่งมีรูปสมการดังต่อไปนี้

$$\Delta X_t = A_0 + \pi^{**} X_{t-1}^{**} + \sum_{i=1}^p \pi_i \Delta X_{t-i} + \varepsilon_t \quad (2.23)$$

โดยที่

$$\pi^* = \begin{bmatrix} \pi_{11} & \pi_{12} & \cdots & \pi_{1n} & t_{01} \\ \pi_{21} & \pi_{22} & \cdots & \pi_{2n} & t_{02} \\ \vdots & \vdots & & \vdots & \vdots \\ \pi_{n1} & \pi_{n2} & \cdots & \pi_{nn} & t_{0n} \end{bmatrix}$$

$$(X_{t-1}^* = X_{1t-1}, X_{2t-1}, \dots, X_{nt-1}, T)'$$
 และ  $T = 1, 2, 3, \dots, n$

- รูปแบบที่ 5 มีทั้งค่าคงที่และแนวโน้มเวลาใน Cointegrating Vectors และในการทดสอบ VAR Model ซึ่งมีรูปสมการดังต่อไปนี้

$$\Delta X_t = A_0 + A_1 T + \pi X_{t-1} + \sum_{i=1}^p \pi_i \Delta X_{t-i} + \varepsilon_t \quad (2.24)$$

โดยที่  $A_1 =$  เวกเตอร์ของสัมประสิทธิ์ Time Trend ขนาด  $(n \times 1)$ ;  $(t_{01}, t_{02}, \dots, t_{0n})'$   
 จากนั้น ทำการคำนวณหาค่า Characteristic Roots ของ  $\pi$  Matrix ( $\lambda_{ij}$ ) ของ  
 แบบจำลองทั้ง 5 รูปแบบ (กรณีรูปแบบที่ 2 คือ  $\pi^*$  และกรณีรูปแบบที่ 4 คือ  $\pi^{**}$ ) สามารถหาได้จาก

$$|\pi - \lambda I| = 0 \text{ หรือ } |\lambda S_{11} - S_{10} S_{00}^{-1} S_{01}| = 0 \quad (2.25)$$

ขณะที่  $S_{00}, S_{10}, S_{11}$  คือ Product Moment Metrics of the Residuals

$$\text{โดย } S_{ij} = \frac{\sum_{t=1}^T R_{it} R_{jt}'}{T}; \forall i, j = 0, 1 \quad (2.26)$$

$R_{0t}$  คือ Residuals จากการประมาณสมการ  $\Delta X_t = \sum_{i=1}^{p-1} \pi_i \Delta X_{t-i} + R_{0t}$

$R_{1t}$  คือ Residuals จากการประมาณสมการ  $X_{t-1} = \sum_{i=1}^{p-1} \pi_i \Delta X_{t-i} + R_{1t}$

แล้วทำการทดสอบว่าแบบจำลองควรมีรูปแบบใด โดยกรณีของการทดสอบว่า  
 แบบจำลองจะมี Drift Term หรือมีค่าคงที่ใน Cointegrating Vectors นั้นทำการทดสอบ ซึ่งมี  
 สมมติฐานหลัก ( $H_0$ ) ว่าแบบจำลองมีค่าคงที่ใน Cointegrating Vectors แล้วพิจารณาผลจากค่าสถิติ  
 ในการทดสอบ คือ  $-T \sum_{i=r+1}^n [\ln(1 - \lambda_i^*) - (1 - \lambda_i)]$  ใช้การแจกแจงแบบ  $\chi^2$  โดยมีระดับความเป็น  
 อิสระเท่ากับ  $n - r$

โดยที่  $T =$  จำนวนของข้อมูล

$n =$  จำนวนของตัวแปร

$r =$  Rank ของ  $\pi$

$\lambda_i^* =$  Characteristic Roots of Restricted Model (Model with Intercept Term in the  
 Cointegrating Vectors)

$\lambda_i =$  Characteristic Roots of Unrestricted Model (Model with Drift Term)

หากค่าสถิติที่คำนวณได้มากกว่าค่าในตาราง  $x^2$  แสดงว่ารูปแบบของแบบจำลอง จะไม่มีค่าคงที่ใน Cointegrating Vectors ซึ่งมีค่าเท่ากับ Rank ของ  $\pi$  Matrix โดยใช้ Likelihood Ratio Test ประกอบด้วย Eigenvalue Trace Statistic ( $\lambda_{trace}$ ) และ Maximal Eigenvalue Statistic ( $\lambda_{max}$ ) ซึ่งมีวิธีการคำนวณดังต่อไปนี้

$$\lambda_{trace}(r) = -T \sum_{i=r+1}^n \ln(1 - \hat{\lambda}_i) \quad (2.27)$$

$$\lambda_{max}(r, r+1) = -T \ln(1 - \hat{\lambda}_{r+1}) \quad (2.28)$$

โดยที่  $T$  = จำนวนของค่าสังเกตที่เราสามารถใช้ได้

$r$  = Rank ของ  $\pi$

$\hat{\lambda}_i$  = ค่าประมาณของ Characteristic Root ซึ่งได้จากเมทริกซ์  $\pi$  ที่ประมาณค่ามา

วิธีการของ Trace Statistic จะเริ่มต้นจากการทำการทดสอบสมมติฐานหลัก ( $H_0$ ) โดยเปรียบเทียบค่า  $\lambda_{trace}$  ที่คำนวณได้ว่ามากกว่าค่าวิกฤตหรือไม่ เปรียบเทียบค่าสถิติในตาราง Distribution of  $\lambda_{trace}$  และ  $\lambda_{max}$  Statistic (Enders, 1995) ถ้าค่าที่คำนวณได้มากกว่าก็จะปฏิเสธ  $H_0$  โดย  $H_0 : r = 0$  และ  $H_1 : r > 0$  ถ้าปฏิเสธ  $H_0$  ก็ทำการเพิ่มค่า  $r$  ในสมมติฐานครั้งละ 1 ไปเรื่อยๆ จนกระทั่งยอมรับ  $H_0$  ลักษณะการตั้งสมมติฐานแสดงได้ดังตาราง ส่วนวิธี Max Statistic นั้น จะทำการทดสอบโดยเริ่มจาก  $H_0 : r = 0$  และ  $H_1 : r = 2$  ไปเรื่อยๆ จนกว่าจะพบว่าไม่สามารถปฏิเสธ  $H_0$  ได้

ตารางที่ 3 การทดสอบสมมติฐานในการหาจำนวน Cointegrating Vectors

Eigenvalue Trace Statistic Hypothesis Testing		Maximal Eigenvalue Statistic Hypothesis Testing	
$H_0$	$H_0$	$H_0$	$H_0$
$r = 0$	$r = 0$	$r = 0$	$r = 0$
$r \leq 1$	$r > 1$	$r = 1$	$r = 1$
$r \leq 2$	$r > 2$	$r = 2$	$r = 2$
$r \leq 3$	$r > 3$	$r = 3$	$r = 3$

ที่มา: Enders (1995)

ซึ่งค่า  $r$  ที่ได้ก็คือ จำนวน Cointegrating Vectors โดยพิจารณาได้ 2 กรณี คือ กรณีที่  $r = 0$  จะได้ว่า แบบจำลองที่นำมาทดสอบนั้นเป็น VAR ในรูป First Difference คือ ตัวแปรที่นำมาทดสอบไม่มีความสัมพันธ์ระยะยาวระหว่างกัน และกรณีที่  $0 < r \leq n$  แสดงว่ามีจำนวน Cointegrating Vectors เท่ากับ  $r$  (Enders, 1995) เมื่อทราบจำนวน Cointegrating Relations ว่ามีค่าเท่ากับ  $r$  (จำนวน Common Trends เท่ากับ  $r$ ) ก็จะทราบจำนวน Common Stochastic Trends ว่ามีค่าเท่ากับ  $n - r$  เช่นกัน

ขั้นตอนที่ 3 ทำการ Normalized Cointegrating Vectors และ Speed of Adjustment Coefficients เพื่อปรับค่า  $\beta$  และ  $\alpha$  ให้สอดคล้องกับรูปแบบที่ต้องการได้ โดยที่  $\pi = \alpha\beta'$  (กรณีรูปแบบที่ 2 คือ  $\pi^*$  และกรณีรูปแบบที่ 4 คือ  $\pi^{**}$ )

โดยที่  $\beta' = (n \times n)$  เมตริกซ์ของ Cointegrating Parameters ขนาด  $(n \times n)$   
 $\alpha =$  เมตริกซ์ของ Speed of Adjustment Parameters ขนาด  $(n \times r)$  ใน  $\Delta X_t$

จากนั้นจึงทดสอบความถูกต้องของสมการว่า ควรจะมีค่าคงที่และเครื่องหมายของสัมประสิทธิ์ตรงตามทฤษฎีหรือไม่ ซึ่งทดสอบโดย  $x^2$  ซึ่งมีระดับความเป็นอิสระเท่ากับจำนวนจำกัดในการทดสอบ โดยเริ่มทดสอบจากค่าคงที่ที่ก่อนแล้วจึงทดสอบสัมประสิทธิ์ของตัวแปรอื่นๆ จนครบทุกตัว โดย Cointegrating Vectors จะมีคุณสมบัติในการปรับค่าข้อมูลที่เป็น Non-Stationary Process ให้เป็น กระบวนการคงที่ได้เมื่ออยู่ในรูปแบบของผลรวมเชิงเส้น  $\beta' X_t \sim I(0); X_t \sim I(1)$  แต่ในกรณีทั่วไป ถ้า  $X_t \sim I(d)$  และ  $X_t$  Cointegrated of Order  $d$  และ  $b$  ( $X_t \sim CI(d, b)$ ) จะมีผลรวมเชิงเส้นของตัวแปรที่ทำให้  $\beta' X_t \sim I(d - b)$  โดยที่  $d \geq b > 0$  เมื่อ  $\beta$  คือ Cointegrating Vectors และโดยปกติแล้วค่าความเร็วในการปรับตัวหรือ Speed of Adjustment Coefficient นั้นควรจะมีค่าอยู่ระหว่าง 0 และ -1

### 3. การวิเคราะห์ความสัมพันธ์เชิงดุลยภาพในระยะสั้น (Error Correction Mechanism)

เมื่อทำการทดสอบข้อมูลอนุกรมเวลาแล้ว ข้อมูลมีลักษณะไม่นิ่งและไม่เกิดปัญหาสมการถดถอยไม่แท้จริง สมการถดถอยที่ได้มีการร่วมกันไปด้วยกัน (Cointegrated) โดยมีกลไกการปรับตัวเข้าสู่ดุลยภาพระยะยาว หมายความว่า ตัวแปรทั้งสองมีความสัมพันธ์เชิงดุลยภาพระยะยาว (Long Term Equilibrium Relationship) แต่ในระยะสั้นอาจมีการออกนอกดุลยภาพได้แบบจำลอง Error Correction Mechanism (ECM) คือกลไกการปรับตัวเข้าสู่ดุลยภาพในระยะสั้น

สมมติให้ตัวแปร  $X_t$  และ  $Y_t$  เป็นข้อมูลอนุกรมเวลามีลักษณะไม่นิ่งและไม่เกิดปัญหาสมการถดถอยไม่แท้จริง สมการถดถอยที่ได้มีการรวมกันไปด้วยกัน (Cointegrated) มีกลไกการปรับตัวเข้าสู่ดุลยภาพระยะยาว หมายความว่า ตัวแปรทั้งสองมีความสัมพันธ์เชิงดุลยภาพระยะยาว (Long Term Equilibrium Relationship) แต่ในระยะสั้นอาจมีการออกนอกดุลยภาพ ฉะนั้นเราสามารถกำหนดให้ตัวแปรคลาดเคลื่อน (Error Term) ในสมการที่รวมกันไปด้วยกัน (Cointegrated) เป็นค่าความคลาดเคลื่อนดุลยภาพ (Equilibrium Error) และเราสามารถนำตัวแปรคลาดเคลื่อนนั้นเป็นตัวเชื่อมระหว่างพฤติกรรมระยะสั้นและระยะยาวเข้าด้วยกัน ลักษณะสำคัญของตัวแปรอนุกรมเวลาที่มีการรวมไปด้วยกัน คือ วิถีเวลา (Time Path) ของตัวแปรเหล่านี้จะได้รับอิทธิพลการเบี่ยงเบนจากดุลยภาพระยะยาว (Long Run Equilibrium) และถ้าระบบจะกลับไปสู่ดุลยภาพระยะยาว การเคลื่อนไหวของตัวแปรอย่างน้อยบางตัวแปรจะต้องตอบสนองต่อขนาดของการออกนอกดุลยภาพใน Error Correction Mechanism (ECM) ลักษณะพลวัตพจน์ระยะสั้น (Short-Term Dynamics) ของตัวแปรในระบบซึ่งจะได้รับอิทธิพลจากการเบี่ยงเบนออกจากดุลยภาพในระยะยาว (Enders, 1995)

ตัวอย่างแบบจำลอง ECM เป็นดังนี้

$$\Delta X_t = \beta_1 \hat{e}_{t-1} + \sum_{i=1}^p \phi_i \Delta X_{t-i} + \sum_{j=1}^q \delta_j \Delta Y_{t-j} + \varepsilon_{1t} \quad (2.29)$$

$$\Delta Y_t = \beta_2 \hat{u}_{t-1} + \sum_{m=1}^r \pi_m \Delta X_{t-m} + \sum_{n=1}^k \eta_n \Delta Y_{t-n} + \varepsilon_{2t} \quad (2.30)$$

โดยที่  $X_t, Y_t$  คือ ค่า Natural Logarithm ของข้อมูลอนุกรมเวลา ณ เวลา  $t$

$\beta_1, \beta_2$  คือ ค่าความเร็วในการปรับตัวเข้าสู่ดุลยภาพระยะยาว

$\delta_j, \pi_m$  คือ ค่าความยืดหยุ่นระยะสั้น

$\hat{e}_{t-1}, \hat{u}_{t-1}$  คือ พจน์ของ Error Term

$\varepsilon_{1t}, \varepsilon_{2t}$  คือ ค่าความคลาดเคลื่อน

รูปแบบการปรับตัวในระยะสั้นจะคำนึงถึงผลกระทบที่เกิดจากความคลาดเคลื่อนโดย

พิจารณาการปรับตัวของตัวแปรในระยะยาว นั่นคือ  $e_{t-1}$  ในสมการ (2.29) และ  $u_{t-1}$  ในสมการ (2.30) ซึ่งรูปแบบในการปรับตัวในระยะสั้นตามแบบจำลอง ECM ตามที่แสดงในสมการที่ (2.29)

และ (2.30) สามารถดูความได้ว่าเป็นกลไกที่แสดงการปรับตัวในระยะสั้น เมื่อขาดความสมดุล เพื่อให้เข้าสู่ภาวะสมดุลในระยะยาว ส่วนค่าสัมประสิทธิ์ของ  $e_{t-1}$  และ  $u_{t-1}$  จะแสดงให้เห็นถึงขนาด

ของการขาดความสมดุล ระหว่างค่า  $X_t$  และ  $Y_t$  ในช่วงเวลาก่อนหน้า รูปแบบของ ECM จะให้เห็นถึงการเปลี่ยนแปลงของ  $Y_t$  จะไม่ขึ้นอยู่กับค่าการเปลี่ยนแปลงของ  $X_t$  เท่านั้น แต่จะขึ้นอยู่กับขนาดของการขาดความสมดุลในระยะยาว ระหว่างค่า และที่เกิดขึ้นในช่วงเวลาก่อนหน้านี้

#### 4. การทดสอบสมมติฐานเชิงเป็นเหตุเป็นผล (Granger Causality Test)

แนวคิดและวิธีทดสอบ โดยสมมติว่ามีตัวแปรจำนวน 2 ตัวคือ  $X$  และ  $Y$  ในลักษณะที่เป็นข้อมูลอนุกรมเวลา ถ้าการเปลี่ยนแปลงของ  $X$  เป็นต้นเหตุของการเปลี่ยนแปลง  $Y$  แล้ว การเปลี่ยนแปลงของ  $X$  ก็ควรที่จะเกิดขึ้นก่อนการเปลี่ยนแปลงของ  $Y$  ดังนั้น ถ้า  $X$  เป็นต้นเหตุให้เกิดการเปลี่ยนแปลงใน  $Y$  เงื่อนไข 2 ประการที่จะต้องเกิดขึ้น คือ

ประการแรก  $X$  จะช่วยในการทำนาย  $Y$  หมายความว่า ในการถดถอยของ  $Y$  กับค่าที่ผ่านมาของ  $X$  ซึ่งทำหน้าที่เป็นตัวแปรอิสระ ควรที่จะมีส่วนช่วยในการเพิ่มอำนาจการอธิบาย (Explanatory Power) ของสมการถดถอยอย่างมีนัยสำคัญ

ประการที่สอง ไม่ควรใช้  $Y$  ในการทำนาย  $X$  เนื่องจากว่า ถ้า  $X$  สามารถช่วยในการทำนาย  $Y$  และ  $Y$  ก็สามารถช่วยทำนาย  $X$  ได้ นั่นหมายความว่า ควรจะมีตัวแปรอื่นอีกหนึ่งตัว หรือมากกว่านั้น ที่เป็นสาเหตุให้เกิดการเปลี่ยนแปลงทั้งใน  $X$  และ  $Y$  ดังนั้น ต้องทดสอบสมมติฐานว่า ( $H_0$ ) การเปลี่ยนแปลงของ  $X$  ไม่ได้เป็นต้นเหตุของการเปลี่ยนแปลง  $Y$  โดยใช้สมการถดถอย 2 สมการ ดังนี้

$$Y_t = \sum_{m=1}^r \pi_m X_{t-m} + \sum_{n=1}^k \eta_n X_{t-n} + u_t \quad (2.31)$$

$$Y_t = \sum_{n=1}^k \eta_n Y_{t-n} + u_t \quad (2.32)$$

สมการที่ (2.31) เรียกว่า การถดถอยที่ไม่ใส่ข้อจำกัด (Unrestricted Regression) สมการที่ (2.32) เรียกว่า การถดถอยที่ใส่ข้อจำกัด โดยที่ (Restricted Regression)  $RSS_r$  = ส่วนที่เหลือยกกำลังสอง (Residual Sum of Squares) จากสมการถดถอยที่ไม่ใส่ข้อจำกัด  $RSS_{ur}$  = ส่วนที่เหลือยกกำลังสอง (Residual Sum of Squares) จากสมการถดถอยที่ไม่ใส่ข้อจำกัดเพราะฉะนั้น สมมติฐานว่า ในเชิงสถิติ สามารถจะเขียนได้ดังนี้

$$H_0 : \pi_1 = \pi_2 = \dots = \pi_r = 0$$

$$H_1 : H_0 \text{ ไม่เป็นจริง}$$

โดยสถิติที่จะใช้ในการทดสอบจะเป็นสถิติ F ดังนี้

$$F_{q,(n-k)} = \frac{(RSS_r - RSS_{ur})/q}{RSS_{ur}/(n-k)} \quad (2.33)$$

ถ้าเราปฏิเสธ  $H_0$  ก็หมายความว่า  $X$  เป็นต้นเหตุของการเปลี่ยนแปลง  $Y$  ในทำนองเดียวกัน ถ้าเราต้องการทดสอบสมมติฐานว่างว่าการเปลี่ยนแปลงของ  $Y$  ไม่ได้เป็นต้นเหตุของการเปลี่ยนแปลง  $X$  เราก็จะต้องทำกระบวนการทดสอบอย่างเดียวกับข้างต้น เพียงแต่ว่า สลับเปลี่ยนแบบจำลองข้างต้น จาก  $X$  มาเป็น  $Y$  และจาก  $Y$  มาเป็น  $X$  ดังนี้

$$X_t = \sum_{m=1}^r \pi_m Y_{t-m} + \sum_{n=1}^k \eta_n Y_{t-n} + u_i \quad (2.34)$$

$$X_t = \sum_{n=1}^k \eta_n X_{t-n} + u_i \quad (2.35)$$

เรียกสมการที่ (2.34) ว่าการถดถอยที่ไม่ใส่ข้อจำกัด และสมการ (2.35) ว่าการถดถอยที่ใส่ข้อจำกัด และนำมาใช้สถิติ F ในการทดสอบเช่นเดียวกัน

สมมติฐานที่ใช้ในการทดสอบความเป็นเหตุเป็นผล คือ

$$H_0 : \pi_1 = \pi_2 = \dots = \pi_r = 0$$

$$H_1 : H_0 \text{ ไม่เป็นจริง}$$

จะสังเกตเห็นจำนวนของค่าตัวแปรล่า (Lagged Difference Terms) ซึ่งคือ  $p$  ในสมการเหล่านี้ เป็นตัวเลขที่กำหนดขึ้นเอง โดยทั่วไปแล้ว ควรทำการทดสอบค่า  $p$  ในสมการที่แตกต่างกัน 2-3 ค่า เพื่อที่จะแน่ใจว่าผลลัพธ์ที่ได้มานั้นไม่อ่อนไหวไปกับค่า  $p$  ที่กำหนดมาโดยที่ตั้งข้อสังเกตว่าจุดอ่อนของการทดสอบต้นเหตุนี้ คือ ตัวแปรที่สาม ( $Z$ ) ซึ่งโดยความเป็นจริงแล้วอาจเป็นต้นเหตุของการเปลี่ยนแปลง  $Y$  และในขณะเดียวกันอาจมีความสัมพันธ์กับ  $X$  วิธีแก้ไขปัญหานี้ สามารถทำได้โดยการถดถอยโดยที่ค่า  $p$  ของตัวแปร  $Z$  ปรากฏอยู่ทางขวามือด้วย (Granger, 1969)



### 2.3 เอกสารงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

**กรภัทร์ บุญเรือนยา (2550)** ได้ทำการทดสอบความสัมพันธ์ระหว่างการใช้นโยบายการคลังและการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจของประเทศไทย ทั้งในระยะสั้นและระยะยาว แบบจำลองที่ใช้ในการศึกษาเป็นแบบจำลองดุลยภาพทั่วไป ที่แสดงความสัมพันธ์ระหว่างผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศ กับการลงทุนของภาคเอกชน ภาษี การใช้จ่ายของรัฐบาล การส่งออก การนำเข้าและปริมาณเงิน การวิเคราะห์ใช้สมการถดถอยโดยใช้เทคนิค วิธีความสัมพันธ์เชิงดุลยภาพระยะยาว การปรับตัวเชิงดุลยภาพระยะสั้น ตามแนวทางของ Johansen และ Juselius ข้อมูลที่ใช้ศึกษาเป็นข้อมูลทศวรรษรายไตรมาสระหว่างไตรมาสแรกของปี พ.ศ. 2539 ถึงไตรมาสที่สาม ของปี พ.ศ. 2547 ผลการทดสอบพบว่าความสัมพันธ์ระหว่างผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศกับการใช้จ่ายของรัฐบาลและการเก็บภาษีด้วยวิธี โคอินทิเกรชันพบว่า รูปแบบความสัมพันธ์ที่เหมาะสม คือแบบจำลองที่มีทั้งค่าคงที่และแนวโน้มของเวลา โดยข้อมูลของตัวบวยข้อมูลในไตรมาสปัจจุบัน ผลจากการทดสอบความสัมพันธ์ระหว่างผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศกับการใช้จ่ายของรัฐบาลและการเก็บภาษี และผลจากการทดสอบความสัมพันธ์ระหว่างผลการเก็บภาษีของรัฐบาลกับผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศ พบว่า เป็นไปในทิศทางเดียวกัน สำหรับหรับการทดสอบระยะสั้นเข้าสู่ระยะยาว พบว่าความสัมพันธ์ระหว่างผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศ และการใช้จ่ายของรัฐบาล การเก็บภาษี ไม่มีการปรับตัวจากระยะสั้นเข้าสู่ระยะยาว

**ศิริรัตน์ ใจสมิง (2550)** ได้ทำการศึกษาปัจจัยที่มีอิทธิพลต่อดัชนีตลาดหลักทรัพย์เอ็ม เอ ไอ โดยศึกษาความสัมพันธ์ของการเปลี่ยนแปลงปัจจัยทางเศรษฐกิจที่มีผลต่อราคาหุ้นตลาดหลักทรัพย์เอ็ม เอ ไอ ปัจจัยที่นำมาศึกษาได้แก่ ดัชนีราคาหุ้นตลาดหลักทรัพย์แห่งประเทศไทย อัตราดอกเบี้ยเงินฝากประจำ 12 เดือน ดัชนีราคาผู้บริโภค มูลค่าการซื้อขายหลักทรัพย์ตลาดเอ็ม เอ ไอ มูลค่าการซื้อขายสุทธิของนักลงทุนต่างชาติ และอัตราแลกเปลี่ยนระหว่างดอลลาร์สหรัฐกับเงินบาท ที่มีต่อดัชนีราคาหุ้นตลาดหลักทรัพย์เอ็ม เอ ไอ โดยใช้ข้อมูลเป็นรายเดือน ตั้งแต่เดือนกันยายน ปี พ.ศ. 2545 ถึง เดือนพฤษภาคม ปี พ.ศ. 2550 โดยวิเคราะห์ความสัมพันธ์ด้วยวิธีความสัมพันธ์เชิงดุลยภาพระยะยาว การปรับตัวเชิงดุลยภาพระยะสั้น ตามแนวทางของ Johansen และ Juselius จากการศึกษาความสัมพันธ์เชิงดุลยภาพระยะยาว พบว่า ดัชนีราคาหุ้นตลาดหลักทรัพย์เอ็ม เอ ไอ มีความสัมพันธ์ทิศทางเดียวกับมูลค่าการซื้อขายหลักทรัพย์และดัชนีราคาหุ้นตลาดหลักทรัพย์แห่งประเทศไทย ส่วนอัตราดอกเบี้ยเงินฝากประจำ 12 เดือน และอัตราแลกเปลี่ยนระหว่างดอลลาร์สหรัฐกับเงิน มีทิศทางตรงกันข้ามกับดัชนีราคาหุ้นตลาดหลักทรัพย์เอ็ม เอ ไอ และเมื่อทำการทดสอบการปรับตัวในระยะสั้นเข้าสู่ดุลยภาพระยะยาว สามารถอธิบายได้ว่า ตัวแปรตามและตัวแปรอิสระ ไม่มีการปรับตัวเข้าสู่ดุลยภาพระยะยาว

**กาญจนา บุญชัย (2551)** ศึกษาความสัมพันธ์ระหว่างปริมาณการใช้ไฟฟ้ากับการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจของประเทศไทย โดยใช้ข้อมูลรายไตรมาสของปริมาณการใช้ไฟฟ้ารายไตรมาสของการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจของประเทศไทยตั้งแต่ช่วงปี พ.ศ. 2537 – 2550 รวมทั้งสิ้น 14 ปี ตัวแปรที่ใช้ศึกษา คือ ปริมาณการใช้ไฟฟ้ากับการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจของประเทศไทย โดยเป็นการทดสอบ เพื่อดูว่าปริมาณการใช้ไฟฟ้ามีผลต่อการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจของประเทศไทยมากน้อยเพียงใด ผลการทดสอบ Unit Root ด้วยวิธี ADF พบว่า ข้อมูลมีลักษณะนิ่ง (Stationary) ที่ Order of Integration เท่ากับ 0 การทดสอบ Cointegration ผลการทดสอบพบว่า ข้อมูลมีความสัมพันธ์ในทิศทางตรงกันข้าม ผลการทดสอบความสัมพันธ์เชิงดุลยภาพในระยะสั้น (ECM) พบว่ากรณีที่ใช้ปริมาณการใช้ไฟฟ้าเป็นตัวแปรอิสระ และการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจของประเทศไทยเป็นตัวแปรตาม แบบจำลองมีการปรับตัวในระยะสั้น ในทำนองเดียวกันกรณีที่ใช้การเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจของประเทศไทยเป็นตัวแปรอิสระ และปริมาณการใช้ไฟฟ้าเป็นตัวแปรตาม แบบจำลองมีการปรับตัวในระยะสั้นเช่นเดียวกัน ผลการทดสอบความเป็นเหตุเป็นผลกัน (Granger Causality) พบว่า ปริมาณการใช้ไฟฟ้าเป็นสาเหตุของการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจของประเทศไทย และการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจของประเทศไทยเป็นสาเหตุของปริมาณการใช้ไฟฟ้า นั่นคือผลการทดสอบความสัมพันธ์ที่เป็นเหตุเป็นผลมีความสัมพันธ์แบบสองทิศทาง

**อรรถพล มาพวง (2551)** ได้ทำการศึกษาความสัมพันธ์ระหว่างการลงทุนโดยตรงจากต่างประเทศกับตัวแปรทางเศรษฐกิจ ในประเทศจีน เวียดนาม และไทย โดยปัจจัยทางด้านเศรษฐศาสตร์ที่ใช้ในการศึกษาได้แก่ มูลค่าของผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศเบื้องต้น อัตราเงินเฟ้อภายในประเทศโดยเปรียบเทียบ อัตราแลกเปลี่ยนเงินตราที่แท้จริง อัตราดอกเบี้ยเงินกู้ภายในประเทศโดยเปรียบเทียบ และมูลค่าของการส่งออกของแต่ละประเทศ ซึ่งข้อมูลที่ใช้ศึกษาเป็นข้อมูลทศนิยมรายไตรมาส ช่วงระหว่างปี พ.ศ. 2540 - 2549 โดยใช้วิธีทดสอบความสัมพันธ์เชิงดุลยภาพในระยะยาวของ Johansen และ Juselius จากการศึกษาพบว่า ในประเทศจีนมูลค่าของผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศเบื้องต้น อัตราแลกเปลี่ยนเงินตราที่แท้จริง อัตราดอกเบี้ยเงินกู้ภายในประเทศโดยเปรียบเทียบ มีความสัมพันธ์ในทิศทางตรงกันข้ามกับการลงทุนโดยตรงจากต่างประเทศ สำหรับมูลค่าของการส่งออกและเบื้องต้น อัตราเงินเฟ้อภายในประเทศโดยเปรียบเทียบมีความสัมพันธ์ทิศทางเดียวกันกับการลงทุนโดยตรงจากต่างประเทศ ในประเทศเวียดนามปัจจัยทางด้านเศรษฐศาสตร์มีความสัมพันธ์ในทิศทางเดียวกันกับการลงทุน โดยตรงจากต่างประเทศหมด มีเพียงอัตราแลกเปลี่ยนเงินตราที่แท้จริงเท่านั้นที่มีความสัมพันธ์ในทางตรงกันข้าม ในส่วนของประเทศไทย อัตราดอกเบี้ยเงินกู้ภายในประเทศโดยเปรียบเทียบ

**ศรวิษณุ วุฑฒินเดช (2552)** ศึกษาความสัมพันธ์ระหว่างปริมาณการใช้ไฟฟ้าภาคอุตสาหกรรมกับการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจของประเทศไทย ตัวแปรที่ใช้ศึกษา คือ ผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศที่แท้จริง การบริโภคภายในประเทศ และปริมาณการใช้ไฟฟ้าประเภทกิจการขนาด จากข้อมูลรายไตรมาส ตั้งแต่ไตรมาส ช่วงปี พ.ศ. 2540 - 2550 โดยศึกษาวิเคราะห์ความสัมพันธ์โดยวิธีโคอินทิเกรชัน และทำการวิเคราะห์ข้อมูล โดยได้ผลการศึกษาคำถามของข้อมูลด้วยวิธี Augmented Dickey Fuller test (ADF test) ผลทดสอบทางสถิติของตัวแปรปริมาณการใช้ไฟฟ้าภาคอุตสาหกรรมและตัวแปร GDP พบว่า ที่ระดับ First Difference with Trend and Intercept ข้อมูลมีลักษณะหนึ่งที่  $I(1)$  และผลการทดสอบ Cointegration test จากการวิเคราะห์ความสัมพันธ์เชิงดุลยภาพในระยะยาว ได้ผลพิจารณากรณีปริมาณการใช้ไฟฟ้าเป็นตัวแปรหลัก และ GDP เป็นตัวแปรตาม คือค่าสัมประสิทธิ์ที่มีค่าเท่ากับ 0.766 และผลพิจารณากรณี GDP เป็นตัวแปรอิสระและปริมาณการใช้ไฟฟ้าเป็นตัวแปรตาม คือค่าสัมประสิทธิ์ที่มีค่าเท่ากับ 1.193 ซึ่งจากค่าสัมประสิทธิ์ที่ได้แสดงถึงว่าปริมาณการใช้ไฟฟ้าภาคอุตสาหกรรมและ GDP มีความสัมพันธ์เชิงดุลยภาพในระยะยาวทั้งสองกรณีโดยแสดงถึงอัตราการเปลี่ยนแปลงระยะยาว และจากการวิเคราะห์ความสัมพันธ์เชิงดุลยภาพในระยะสั้น กรณี GDP เป็นตัวแปรอิสระและปริมาณการใช้ไฟฟ้าเป็นตัวแปรตาม ได้ค่าสัมประสิทธิ์ค่าความคลาดเคลื่อน คือ 0.0094 และกรณีปริมาณการใช้ไฟฟ้าเป็นตัวแปรอิสระ GDP เป็นตัวแปรตาม ได้ค่าสัมประสิทธิ์ค่าความคลาดเคลื่อน คือ -0.2931 และผลการทดสอบ Granger Causality test ได้ผลการทดสอบสามมิติฐานแรก ได้ค่า Prob เท่ากับ 0.021 และสมมติฐานที่สองได้ค่า Prob เท่ากับ 0.0013 ดังนั้นสรุปได้ว่าเมื่อเพิ่มการใช้ไฟฟ้ามากขึ้นจะทำให้ GDP สูงขึ้น และเมื่อ GDP สูงขึ้น ก็ทำให้ปริมาณการใช้ไฟฟ้ามากขึ้นเช่นกัน