

บทที่ 2

ทฤษฎีและงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

2.1 ทฤษฎีที่เกี่ยวข้อง

2.1.1 ทฤษฎีของสำนักคลาสสิก

ทฤษฎีการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจของนักเศรษฐศาสตร์สำนักคลาสสิกที่เป็นจุดเริ่มต้นของการพัฒนาทฤษฎีนี้ได้แก่ ทฤษฎีของอดัม สมิท (Adam Smith) เดวิด ริคาร์โด (David Ricardo) และ โรเบิร์ต มัลธัส (Robert Malthus) ทฤษฎีการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจของสำนักคลาสสิกมีลักษณะแนวคิดและวิธีการวิเคราะห์ที่ตั้งอยู่บนพื้นฐานที่เหมือนกันอย่างน้อย 6 ประการ คือ (เบญจพร ทังเกษมวัฒนา, 2540 : 123-174)

- 1) เป็นการวิเคราะห์ศึกษาระบบเศรษฐกิจในเชิงมหภาค หรือเป็นการมองเศรษฐกิจในภาพรวม (Macro-Approach) เกี่ยวกับวิธีหรือแนวทางในการสร้างความเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจ
- 2) ตั้งอยู่บนพื้นฐานของความเชื่อในเรื่องของการปล่อยให้ระบบเศรษฐกิจดำเนินไปเองโดยอิสระ (Laissez Faire) ทั้งนี้เพราะเชื่อในการดำรงอยู่ของประสิทธิภาพในตลาดเสรี ว่าเป็นไปโดยอัตโนมัติในระบบแข่งขันที่เป็นอิสระจากการแทรกแซงของรัฐบาล และเชื่อในเรื่องของความไม่ขัดแย้งกันระหว่างผลประโยชน์ส่วนบุคคล และผลประโยชน์ของสังคมโดยรวม หรือเชื่อในความลงรอยกันของผลประโยชน์ของสังคมว่าจะเกิดขึ้น เพราะการที่ปัจเจกบุคคลพยายามแสวงหาประโยชน์ส่วนตน เขาได้ช่วยให้สังคมโดยรวมบรรลุถึงการได้ผลประโยชน์สูงสุดในขณะเดียวกัน
- 3) เน้นการออม (โดยนายทุน เจ้าของที่ดิน) ว่าเป็นเรื่องสำคัญ เพราะทำให้การสะสมทุนซึ่งเป็นหัวใจของการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจเป็นไปได้
- 4) เชื่อว่ากำไรเป็นแรงจูงใจของการลงทุน และเชื่อว่าการกิจกรรมทางเศรษฐกิจโดยเฉพาะอย่างยิ่งกิจกรรมในภาคอุตสาหกรรม มีบทบาทสำคัญในการก่อให้เกิดการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจ เนื่องจากการลดน้อยถอยลงของผลประโยชน์ (Law of Diminishing Returns) จะเกิดขึ้นในภาคเกษตร เพราะการมีที่ดินจำกัด แต่อาจไม่เกิดขึ้นในภาคอุตสาหกรรม
- 5) เชื่อในเรื่องของกฎเหล็กแห่งค่าจ้าง (Iron Law of Wage) ซึ่งกล่าวไว้ว่าอัตราค่าจ้างโดยธรรมชาติ (Natural Wage Rate) จะอยู่ที่ระดับพอยังชีพ (ในระยะสั้นอัตราค่าจ้างอาจจะไหวตัวขึ้นลง แต่ในที่สุดแล้วจะกลับเข้าสู่ระดับดุลยภาพระยะยาว ณ. ระดับพอยังชีพเสมอ)

6) เชื่อว่าภาวะชะงักงันทางเศรษฐกิจ (Stationary State) เป็นสิ่งที่หลีกเลี่ยงไม่ได้ ที่จุดชะงักงันทางเศรษฐกิจ ระบบเศรษฐกิจจะหยุดชะงัก กระบวนการสะสมจะทุนชะงักลง ประชาชนไม่เพิ่มกำไรของผู้ประกอบการจะลดลงจนถึงศูนย์ (ได้กำไรปกติ) และอัตราค่าจ้างจะอยู่ในระดับแค่พอยังชีพ

ทฤษฎีการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจของสำนักคลาสสิก เน้นที่บทบาทของการออม (การสะสมทุน) และกำไรในการก่อให้เกิดการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจในระบบเศรษฐกิจเสรี อย่างไรก็ตามนักเศรษฐศาสตร์สำนักนี้เชื่อว่า ภาวะการชะงักงันทางเศรษฐกิจเป็นสิ่งที่หลีกเลี่ยงไม่ได้ กล่าวคือ เมื่อระบบเศรษฐกิจขยายตัวถึงจุดๆ หนึ่ง กำไรของผู้ประกอบการจะลดลงจนถึงศูนย์ กระบวนการสะสมทุนจะสะดุดหยุดลง อัตราค่าจ้างจะลดลงจนถึงระดับแค่พอยังชีพ และประชาชนจะไม่ขยายการผลิตจนกว่าจะมีปัจจัยบางอย่างมากระตุ้นระบบเศรษฐกิจอีกครั้งหนึ่ง

ทฤษฎีอดัม สมิท (Adam Smith)

อดัม สมิท เป็นนักเศรษฐศาสตร์คนแรกที่ทำให้แนวความคิดอย่างเป็นระบบเกี่ยวกับเรื่องการพัฒนา แนวความคิดของอดัม สมิท นั้น ในกระบวนการของการเจริญเติบโตหรือความมั่งคั่งเกิดจากการเพิ่มผลิตภาพ (Productivity) ในระบบเศรษฐกิจ การเพิ่มผลิตภาพจะเกิดขึ้นจากความชำนาญเฉพาะอย่าง (Specialization) ซึ่งเป็นผลจากการแบ่งงานกันทำ (Division of Labour) หากระบบเศรษฐกิจมีการออมที่ก่อให้เกิดการลงทุนอย่างเพียงพอที่จะทำให้การแบ่งงานกันทำและตลาดมีการขยายตัว และดำเนินไปโดยเสรีภายในระบบการแข่งขันอย่างสมบูรณ์ มือที่มองไม่เห็น (Invisible Hands) จะทำให้กลไกตลาดเกิดประสิทธิภาพสูงสุดในการจัดสรรทรัพยากร ทำให้เกิดความลงรอยกันของผลประโยชน์ส่วนตัว และผลประโยชน์ของสังคมส่วนรวม ส่งผลให้เกิดการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจและความมั่งคั่งของชาติ ซึ่งกระบวนการเจริญเติบโตนี้จะเกิดขึ้นเรื่อยๆ เมื่อตลาดมีการขยายตัว

กระบวนการของการเจริญเติบโตนี้ไม่สามารถดำเนินไปเรื่อยๆ อย่างไม่มีที่สิ้นสุด ทั้งนี้เป็นเพราะการแข่งขันของนายทุน ทำให้ค่าจ้างสูงขึ้นเกินระดับพอยังชีพ อุปทานของแรงงานเพิ่มขึ้นส่งผลกระทบต่ออำนาจในการต่อรองของแรงงาน (Bargaining Power) ลดลง ทำให้ค่าจ้างลดลงมายังระดับพอยังชีพ (Subsistence Level) ขณะที่การแข่งขันลงทุนทำให้เกิดการแข่งขันกันใช้ทรัพยากรและแรงงาน ส่งผลทำให้ผลตอบแทน (กำไร) ลดลง ระบบเศรษฐกิจจะเข้าสู่ภาวะชะงักงัน (Stationary State)

ทฤษฎีของ เดวิด ริคาร์โด (David Ricardo)

เดวิด ริคาร์โด กล่าวถึงสาเหตุของการสะสมทุนและขีดจำกัดแห่งการเจริญเติบโต (Limits of Growth) โดยระบุว่า การสะสมทุนเกิดขึ้นเพราะนายทุนมองเห็นแนวโน้มของกำไรจิ่งกล้าลงทุน ซึ่งการลงทุนจะทำให้เกิดการจ้างงานเพิ่มมากขึ้น ส่งผลทำให้ค่าจ้างสูงขึ้นในตอนแรก และมีผลทำให้แรงงานขยายตัว การขยายตัวของแรงงานทำให้ค่าจ้างลดลง ขณะที่ความต้องการอาหารเพิ่มขึ้นเนื่องจากปริมาณที่ดินที่เหมาะสมเหมาะกับการเกษตรมีจำกัด ทำให้จำเป็นต้องใช้ที่ดินที่มีคุณภาพเลวลง ทำให้ผลผลิตเฉลี่ยต่อหน่วยในภาคการเกษตรมีแนวโน้มลดลง (Diminishing Returns)

แนวความคิดของ เดวิด ริคาร์โด มีสมมติฐานสำคัญ 2 ประการ ได้แก่ สมมติฐานเกี่ยวกับการลดน้อยถอยลงของผลผลิต (Diminishing Returns) และสมมติฐานเกี่ยวกับแรงงานส่วนเกินในภาคการเกษตร นอกจากนี้ตัวแบบของ เดวิด ริคาร์โด ยังมีลักษณะระบบเศรษฐกิจ 2 สาขา (Two Sector Model) คือ ภาคเกษตรและอุตสาหกรรม มีการแข่งขันการใช้ที่ดินทำให้เกิดค่าเช่า (Rent) เมื่อค่าเช่าสูงขึ้นจะทำให้กำไรและค่าจ้างลดลง เมื่อการขยายการผลิตทางการเกษตรทำได้ไม่เต็มที่ แรงกดดันของการเพิ่มประชากรจะทำให้ราคาอาหารสูงขึ้น ส่งผลต่อการเรียกร้องการเพิ่มค่าจ้าง แต่เมื่อค่าเช่าสูงขึ้นเรื่อยๆ กำไรของนายทุนจะลดลง ทำให้ไม่สามารถเพิ่มค่าจ้างให้กับแรงงานได้ และเมื่อค่าเช่าสูงขึ้นเรื่อยๆ ค่าจ้างจะมีแนวโน้มลดลงไปยังระดับพอยังชีพ กำไรจะหมดไป ระบบเศรษฐกิจจะเข้าสู่ภาวะชะงักงัน (Stationary State)

ทฤษฎีของโรเบิร์ต มัลธัส (Robert Malthus)

โรเบิร์ต มัลธัส ได้อธิบายการเจริญเติบโตของระบบเศรษฐกิจ แบ่งออกเป็น 2 สาขา คือ สาขาเกษตรกรรม และสาขาอุตสาหกรรม ภาคอุตสาหกรรมจะเป็นภาคการผลิตที่อาจให้ผลตอบแทนเพิ่มขึ้นเมื่อขยายการผลิตออกไป (Increasing Returns) โดยเชื่อว่าความก้าวหน้าทางเทคโนโลยีเป็นปรากฏการณ์ที่เกิดขึ้นเฉพาะภาคอุตสาหกรรม ขณะที่ภาคเกษตรมีการลดน้อยถอยลงของผลตอบแทน (Diminishing Returns) เพราะที่ดินมีจำกัด การหลีกเลี่ยงการลดน้อยถอยลงของผลตอบแทนอาจทำได้ หากมีการพัฒนาเทคโนโลยีในภาคอุตสาหกรรมรวดเร็วพอ และมีการลงทุนมากพอที่จะดูดซับเอาแรงงานที่เพิ่มขึ้นในภาคอุตสาหกรรมได้หมด ทั้งนี้เพราะการลงทุนในสาขาเกษตรจะเกิดขึ้นจนกระทั่งที่ดินได้รับการปรับปรุงคุณภาพจนนำมาใช้ไม่ได้ จากนั้นโอกาสของการลงทุนโดยได้กำไรจะไม่มีอีกต่อไป การลงทุนโดยได้กำไรจะเกิดขึ้นในสาขาอุตสาหกรรมเท่านั้น

2.1.2 ทฤษฎีของจอห์น เมย์นาร์ด เคนส์ (John Maynard Keynes)

จอห์น เมย์นาร์ดเคนส์ ได้เสนอทฤษฎีการกำหนดขึ้นเป็นรายได้ประชาชาติ การศึกษาของเคนส์ให้ความสนใจเกี่ยวกับการลดลงของการลงทุนและการจ้างงานในระยะยาว ทำให้การศึกษาของเคนส์เกี่ยวข้องกับเรื่องของการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจอย่างมาก สำคัญในทฤษฎีเกี่ยวกับการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจ ประกอบด้วย

1) ตัวกำหนดโดยตรงของรายได้ และการจ้างงาน ได้แก่ การบริโภค (C) การลงทุน (I) ซึ่งสามารถเขียนสมการได้ดังนี้

$$\text{รายได้ (Y)} = \text{การบริโภค (C)} + \text{การลงทุน (I)} \quad (2.1)$$

กรณีที่ระบบเศรษฐกิจเป็นแบบเปิดและมีภาครัฐบาล ตัวกำหนดโดยตรงของรายได้ประชาชาติ ได้แก่ การบริโภค (C) การลงทุนในภาคเอกชน (I) การลงทุนในภาครัฐบาล (G) และการลงทุนสุทธิในภาคต่างประเทศ (X-M) ซึ่งสามารถเขียนสมการของรายได้ (Y) ได้ดังนี้

$$Y = C + I + G + (X - M) \quad (2.2)$$

2) ตัวกำหนดที่มีผลกระทบต่อรายได้และการจ้างงาน ระดับการบริโภคถูกกำหนดโดยขนาดของรายได้ และการใช้จ่ายลงทุนจะถูกกำหนดโดยอัตราดอกเบี้ยและประสิทธิภาพส่วนเพิ่มของทุน (Marginal Efficiency of Capital)

3) การแทรกแซงโดยรัฐบาลเป็นสิ่งจำเป็น เพื่อส่งเสริมให้เกิดการจ้างงานอย่างเต็มที่

2.1.3 ทฤษฎีของฮาร์รอด – โดมาร์ (Harrod - Domar)

สมมติฐานแบบจำลอง คือ ผลผลิตของหน่วยเศรษฐกิจจะขึ้นอยู่กับจำนวนทุนที่ลงในหน่วยเศรษฐกิจนั้นๆ ดังสมการ

$$Y = \frac{K}{k} \quad (2.3)$$

เมื่อ Y = ผลผลิตของหน่วยเศรษฐกิจ

K = จำนวนทุน

k = ค่าคงที่ หรือ อัตราส่วนทุนต่อผลผลิต

อัตราการเจริญเติบโตในระบบเศรษฐกิจ (g) ตามแนวความคิดของฮาร์รอด – โดมาร์ จะเท่ากับสัดส่วนของอัตราการออมในระบบเศรษฐกิจ (s) หารด้วยอัตราส่วนทุนต่อผลผลิต (k) ดังสมการ

$$g = \frac{s}{k} \quad (2.4)$$

ในเชิงนโยบายแล้ว ถ้าค่า k คงที่ การขยายตัวของระบบเศรษฐกิจจะเป็นไปในอัตราใด จะขึ้นอยู่กับอัตราการออมในรายได้ เมื่อมีการกำหนดการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจที่พึงประสงค์ให้สูงขึ้น ข้อเสนอแนะเชิงนโยบายของตัวแบบนี้คือ รัฐบาลจะต้องมีมาตรการในการเพิ่มอัตราการออมในระบบเศรษฐกิจ ความไร้เสถียรภาพทางเศรษฐกิจเกิดจากการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจ (G_w) อาจไม่เท่ากับการเจริญเติบโตที่ต้องการ หรืออัตราการเจริญเติบโตที่ประกันได้ว่าจะเกิดดุลยภาพที่รายได้ที่เกิดจากการจ้างงานเต็มที่ (G^*)

- หาก $G^* > G_w$ ระบบเศรษฐกิจเจริญก้าวหน้า (หรือเกิดปัญหาเงินเฟ้อ)
- $G^* = G_w$ ระบบเศรษฐกิจมั่นคงรายรับ
- $G^* < G_w$ ระบบเศรษฐกิจตกต่ำ (หรือเกิดปัญหาเงินฝืด)

2.1.4 ทฤษฎีของนีโอคลาสสิก

กลุ่มนีโอคลาสสิกมีความเชื่อในเรื่องของระบบเศรษฐกิจที่มีแนวโน้มเข้าสู่ดุลยภาพได้ด้วยตนเอง (Laissez Faire) ความเจริญเป็นสิ่งที่เกิดขึ้นโดยไม่มีจุดสิ้นสุดตราบเท่าที่มีความก้าวหน้าทางเทคโนโลยี เพราะช่วยให้ผลผลิตเพิ่มขึ้นได้ ทำให้รายได้เพิ่มขึ้น อุปสงค์ต่อแรงงานเพิ่มขึ้น นอกจากนี้ การแข่งขันกันระหว่างการสะสมทุนกับการเพิ่มขึ้นของประชากรจะเป็นตัวกำหนดการขยายตัวของระบบเศรษฐกิจ หากทุนเพิ่มขึ้นในอัตราที่สูงกว่าการเพิ่มประชากร รายได้ประชาชาติและรายได้ตัวหัวจะเพิ่มขึ้น การพัฒนาเทคโนโลยี การทดแทนกันระหว่างทุนและแรงงานจะทำให้ประสิทธิภาพของส่วนเพิ่มของทุนไม่ลดลง

ตัวแบบของโรเบิร์ต โซโล (Robert M.Solow)

โรเบิร์ต โซโล ได้สร้างแบบจำลองในการวิเคราะห์ระบบเศรษฐกิจทั้งระบบ โดยไม่นำเอาภาคการเงินเข้ามาเกี่ยวข้อง และได้เสนอตัวแบบการเจริญเติบโตว่า อัตราการเพิ่มของผลผลิตหรืออัตราการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจ ($\frac{\Delta Q}{Q}$) ขึ้นอยู่กับความยืดหยุ่นของผลผลิตต่อทุน

(d) อัตราการออม (s) อัตราส่วนของผลผลิตต่อทุน ($\frac{Q}{K}$ หรือ Output Capital Ratio) ความยืดหยุ่นของผลผลิตต่อแรงงาน (B) และอัตราการเพิ่มประชากรหรืออัตราการเพิ่มของแรงงาน (n) ดังสมการ

$$\frac{\Delta Q}{Q} = d \frac{sQ}{K} + Bn \tag{2.5}$$

2.1.5 ทฤษฎีของรอสโท (W.W.Rostow)

รอสโท ได้เสนอแนวความคิดว่าการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจ เป็นกระบวนการที่เป็นไปตามลำดับหรือขั้นตอน ซึ่งทุกประเทศจะต้องผ่านขั้นตอนเหล่านี้ตามลำดับในระยะเวลาใดเวลาหนึ่ง ประเทศแต่ละประเทศจะอยู่ที่ขั้นตอนใดขั้นตอนหนึ่งในกระบวนการเจริญเติบโต ซึ่งขั้นตอนการเจริญเติบโต (Stage of Growth) ของรอสโทมี 5 ขั้นตอนดังต่อไปนี้

ขั้นที่ 1 ขั้นของสังคมโบราณหรือสังคมแบบดั้งเดิม (The Traditional Society) เป็นขั้นที่ยังล้าหลัง รูปแบบการผลิต ความเป็นอยู่ และองค์การต่างๆ ในสังคมถูกกำหนดโดยขนบธรรมเนียมประเพณีเก่าๆ วิทยาศาสตร์และเทคโนโลยียังไม่ก้าวหน้า ประชาชนมีความเป็นอยู่แบบง่ายๆ ไม่กระตือรือร้น และไม่เห็นความสำคัญของการเปลี่ยนแปลง

ขั้นที่ 2 ขั้นเตรียมการเพื่อทะยานขึ้น (The Pre – Conditions for Take - Off) เป็นขั้นที่สังคมเริ่มมีการเปลี่ยนแปลงอย่างค่อยเป็นค่อยไปในเรื่องของทัศนคติต่างๆ เริ่มมีการประดิษฐ์คิดค้นหรือนำเอาเทคโนโลยีใหม่ๆ มาใช้ประโยชน์ มีการออมและการลงทุนสูงขึ้น เริ่มมีการพัฒนาแรงงานและลงทุนในโครงสร้างพื้นฐานทางเศรษฐกิจเพื่อรองรับการขยายตัวของระบบเศรษฐกิจ

ขั้นที่ 3 ขั้นทะยานขึ้น (The Take - Off) เป็นขั้นที่ระบบเศรษฐกิจมีการสะสมทุนในอัตราที่สูงมาก (เกินกว่าร้อยละ 10 ของรายได้ประชาชาติ) ระบบเศรษฐกิจเปลี่ยนจากการมีอัตราการเจริญเติบโตค่อนข้างต่ำไปสู่การเจริญเติบโตสูงขึ้น มีปฏิสัมพันธ์ทางโครงสร้างระหว่างภาคเศรษฐกิจกับส่วนอื่นๆ ของระบบ เกิดความยืดหยุ่นของอุปสงค์ต่อรายได้ในภาคเศรษฐกิจค่อนข้างสูง การเพิ่มขึ้นของรายได้จะทำให้ตลาดขยายตัวในสัดส่วนที่สูงกว่าขนาดของรายได้ที่เพิ่มขึ้นในระบบเศรษฐกิจ เกิดการกระตุ้นให้เกิดอุปสงค์ในภาคเศรษฐกิจอื่นๆ ที่เชื่อมโยงกับภาคเศรษฐกิจนั้น

ขั้นที่ 4 ขั้นเร่งรัดการขยายตัวหรือขึ้นไปสู่ความเจริญเติบโตเต็มที่ (The Drive to Maturity) เป็นขั้นที่ระบบเศรษฐกิจขยายช่วงของการผลิตออกไปอย่างมากมาย มีการขยายการใช้เทคโนโลยีออกไปสู่สาขาต่างๆ ในระบบเศรษฐกิจ ทำให้ระบบเศรษฐกิจมีการเจริญเติบโตที่เพิ่มขึ้นอย่างรวดเร็ว

ขั้นที่ 5 ขั้นอุดมโภคา (The High Mass Consumption) เป็นขั้นที่ระบบเศรษฐกิจ มีความอุดมสมบูรณ์เพราะผลผลิตเพิ่มอย่างมากมาย สิ่งจำเป็นพื้นฐานสำหรับประชาชนได้รับการตอบสนองจนไม่เป็นปัญหาอีกต่อไป ประชาชนมีสวัสดิการและมีคุณภาพชีวิตที่ดี

จากทฤษฎีที่เกี่ยวข้องกับการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจข้างต้น ล้วนแล้วแต่ได้กล่าวถึงกระบวนการผลิต การสะสมทุน และการสร้างกำไรจากการผลิต ซึ่งการสะสมทุนและสร้างกำไรในระบบเศรษฐกิจที่เกิดจากกระบวนการผลิตในภาคต่างๆ เช่น ภาคการเกษตร ภาคอุตสาหกรรม และภาคการบริการ เป็นต้น โดยกระบวนการผลิตของภาคต่างๆ เหล่านี้ล้วนแล้วแต่ต้องพึ่งพาพลังงาน

ในกระบวนการผลิต ดังนั้นพลังงานจึงเป็นปัจจัยสำคัญที่ต้องใช้ในกระบวนการผลิตเพื่อนำไปสู่การสะสมทุน การสร้างกำไร และการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจ

2.1.6 แบบจำลองการผลิตของนีโอคลาสสิกกับพลังงาน

ทฤษฎีทางมหภาคที่เกี่ยวกับการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจส่วนใหญ่จะมุ่งเน้นไปที่ปัจจัยทุนและปัจจัยแรงงาน โดยให้ความสำคัญในบทบาทและหน้าที่ของพลังงาน ซึ่งถือว่ามี ความสำคัญเป็นอย่างยิ่งในกระบวนการผลิตและการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจ (Stern and Cleveland (2003), Alam (2006) and Zhao et al. (2008))

พลังงานนั้นอยู่ในกระบวนการผลิตได้หลายทาง ซึ่งบางส่วนของพลังงานถูกนำมาบริโภค หรือนำมาใช้สำหรับการผลิตตั้งแต่ขั้นตอนแรกของกระบวนการผลิต ทำให้ต้นทุนการผลิตเพิ่มสูงขึ้น แต่ทั้งนี้พลังงานก็ยังคงเป็นปัจจัยสำคัญที่จะช่วยเพิ่มมูลค่าการผลิตด้วยเช่นกัน ซึ่งทำให้ สมการการผลิตแบบมีการใช้พลังงานมีค่าเท่ากับสมการการผลิตแบบนีโอคลาสสิก (Neoclassical) โดยสมการการผลิตเมื่อมีการใช้พลังงานอยู่ในรูปดังต่อไปนี้ (Soytas and Sari (2006) and Noor and Siddiqi (2010))

$$Y_t = f(K_t, L_t, E_t) \quad (2.6)$$

โดยที่	Y_t	คือ	ผลรวมของผลผลิตทั้งหมดในระบบเศรษฐกิจหรือผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศ ณ เวลา t
	K_t	คือ	ปัจจัยทุน ณ เวลา t
	L_t	คือ	ปัจจัยแรงงาน ณ เวลา t
	E_t	คือ	พลังงานที่ใช้ในการผลิต ณ เวลา t

นำ Y_t หาค่าตลอดสมการ (2.6) จะได้ตัวแปรที่อยู่ในรูปแบบของอัตราการผลิตโต ดังนี้

$$\dot{Y}_t = aK_t + bL_t + cE_t \quad (2.7)$$

โดยที่	a	คือ	ค่าคงที่ของปัจจัยทุน
	b	คือ	ค่าคงที่ของปัจจัยแรงงาน
	c	คือ	ค่าคงที่ของพลังงานที่ใช้ในการผลิต

2.1.7 ทฤษฎีการวิเคราะห์ทางเศรษฐมิติ

2.1.7.1 ข้อมูลพาแนล (Panel data)

ข้อมูลแบบ Panel เป็นข้อมูลที่เกิดจากการสังเกตกลุ่มตัวอย่างชุดเดิม เก็บข้อมูลซ้ำๆ เป็นเวลาหลายๆครั้งภายในระยะเวลาที่ศึกษา (Baltagi, 2002: 1) ซึ่งข้อมูลแบบพาแนลจะประกอบไปด้วย ข้อมูลภาคตัดขวาง (Cross-sectional data) และข้อมูลอนุกรมเวลา (Time series data) ทำให้สามารถศึกษาการเปลี่ยนแปลงของตัวแปรและอธิบายการเปลี่ยนแปลงของหน่วยภาคตัดขวางในแต่ละช่วงเวลาได้ รวมถึงการเปลี่ยนแปลงของตัวแปรภาคตัดขวางทุกหน่วยในช่วงเวลาเดียวกันได้ ซึ่งข้อดีของข้อมูลแบบ Panel มีดังนี้ (Gujarati, 2003: 637-638)

- 1) ข้อมูลแบบพาแนลสามารถอธิบายข้อมูลที่มีความสัมพันธ์กันของบุคคลครัวเรือน หน่วยงานหรือประเทศ ในแต่ละช่วงเวลาเปลี่ยนแปลงไป และแก้ปัญหาข้อจำกัดของข้อมูลที่เกิดจากปัญหาในการจัดเก็บหรือแหล่งที่มาของข้อมูล
- 2) เนื่องจากข้อมูลแบบพาแนลประกอบไปด้วยข้อมูลภาคตัดขวางและข้อมูลอนุกรมเวลา ทำให้สามารถประมาณค่าได้อย่างมีประสิทธิภาพ ลดปัญหาความแตกต่างระหว่างความสัมพันธ์ของตัวแปร และมีค่า degree of freedom สูงกว่า
- 3) การศึกษาข้อมูลซ้ำๆ หลายๆครั้งในช่วงเวลาที่เปลี่ยนแปลงไป ทำให้สามารถอธิบายการเปลี่ยนแปลงแบบพลวัต (dynamic of change) ได้ดียิ่งขึ้น
- 4) ข้อมูลแบบพาแนลสามารถประมาณค่าและแสดงผลที่มีค่าใกล้เคียงความเป็นจริง ที่ไม่สามารถวัดได้จากการใช้ข้อมูลภาคตัดขวางหรือข้อมูลอนุกรมเวลาเพียงอย่างเดียวอย่างหนึ่งได้
- 5) ข้อมูลพาแนลสามารถศึกษาวิเคราะห์แบบจำลองที่มีความซับซ้อนมากได้
- 6) ข้อมูลพาแนลเป็นการเก็บข้อมูลหลายๆหน่วยที่แตกต่างกัน ทำให้สามารถศึกษาข้อมูลจำนวนมากได้

แบบจำลองของข้อมูลแบบพาแนลสามารถเขียนได้ดังนี้ (Verbeek, 2004: 342)

$$y_{it} = \alpha_i + x_{it}'\beta + \varepsilon_{it} \quad (2.8)$$

กำหนดให้

i	คือ ข้อมูลภาคตัดขวาง ที่ $i = 1, 2, \dots, N$
t	คือ ข้อมูลอนุกรมเวลา ที่ $t = 1, 2, \dots, T$

ซึ่งจำนวนค่าสังเกตของข้อมูลพาแนลเท่ากับ $N \times T$

y_{it} คือ เวกเตอร์ $NT \times 1$ ของตัวแปรตาม

α_i คือ ค่าคงที่ (Intercept)

x_{it} คือ เวกเตอร์ $NT \times k$ ของตัวแปรอธิบาย

β คือ เวกเตอร์ $k \times 1$ ของค่าสัมประสิทธิ์ (Slope)

ε_{it} คือ ค่าความคลาดเคลื่อน (Error term)

การประมาณค่าความสัมพันธ์ของแบบจำลองพาแนล ขึ้นอยู่กับข้อสมมติเบื้องต้นของค่าคงที่ (α) ค่าสัมประสิทธิ์ (β) และค่าความคลาดเคลื่อน (ε) จากสมการที่ (2.8) สมมติให้ค่าคงที่และค่าสัมประสิทธิ์คงที่สำหรับทุกหน่วยภาคตัดขวางและทุกช่วงเวลาที่เราพิจารณา และให้ค่าความคลาดเคลื่อนของหน่วยภาคตัดขวางและช่วงเวลาที่แตกต่างกันมีค่าแตกต่างกัน โดยไม่ได้ประมาณค่าความแตกต่างของหน่วยภาคตัดขวางและความแตกต่างของช่วงเวลาการประมาณค่าความสัมพันธ์ของแบบจำลองพาแนล ที่พิจารณาแยกความแตกต่างของหน่วยภาคตัดขวางและช่วงเวลาที่แตกต่างกัน จะทำการประมาณค่าโดยแยกปัจจัยที่มากกระทบต่อหน่วยภาคตัดขวางและช่วงเวลาที่แตกต่างกัน โดยข้อสมมติของค่าคงที่และค่าสัมประสิทธิ์มีได้หลายรูปแบบ ซึ่งการประมาณค่าแบบจำลองที่มีข้อสมมติของค่าคงที่และค่าสัมประสิทธิ์ต่างกัน แบ่งออกเป็นการประมาณค่าแบบ Fixed Effects, Random Effect และ Pooled Estimator ดังนี้

1) แบบจำลอง Fixed Effects Model

จากข้อสมมติเกี่ยวกับค่าคงที่ และค่าสัมประสิทธิ์ที่แตกต่างกันออกไป สามารถแบ่งแบบจำลอง Fixed Effects Model ได้ดังต่อไปนี้ (Gujarati, 2003: 640-647)

แบบจำลองที่ 1 สมมติให้ค่าสัมประสิทธิ์ (β) คงที่ แต่ค่าคงที่ (α) แตกต่างกันสำหรับหน่วยหรือช่วงเวลาที่แตกต่างกัน หรือเรียกว่า Least-Square Dummy Variable (LSDV) Regression Model นั่นคือ ค่าคงที่ที่ประมาณได้จากสมการมีค่าแตกต่างกันสำหรับหน่วย i ที่ต่างกัน ได้ดังนี้ (Verbeek, 2004: 345-347)

$$y_{it} = \alpha_i + x_{it}'\beta + \varepsilon_{it} \quad \varepsilon_{it} \sim \text{IID}(0, \sigma_\varepsilon^2) \quad (2.9)$$

ให้ x_{it} ไม่ขึ้นอยู่กับ ε_{it} เขียนสมการถดถอยโดยมีตัวแปรหุ่นเป็นแต่ละหน่วย i ได้ดังนี้

$$y_{it} = \sum_{j=1}^n \alpha_j d_{ij} + x_{it}' \beta + \varepsilon_{it} \quad (2.10)$$

โดยให้ $d_{it} = 1$ ถ้า $i = j$
และ $d_{it} = 0$ อื่นๆ

จากสมการที่ (2.10) จึงมีกลุ่มของตัวแปรหุ่นจำนวน N และค่าพารามิเตอร์ คือ $\alpha_1, \dots, \alpha_2$ และ β ให้ y_{it} คือตัวแปรตาม x_{it} คือตัวแปรอิสระ และ ε_{it} คือค่าความคลาดเคลื่อน ซึ่ง $i = 1, 2, \dots, n$ และ $t = 1, 2, \dots, T$ โดย D_{it} เป็นตัวแปรหุ่นของหน่วยที่ต่างกัน และ $Dum_1, Dum_2, \dots, Dum_T$ เป็นตัวแปรหุ่นของช่วงเวลาที่ต่างกัน จากสมการที่ (2.8) สามารถเขียนแบบจำลองพหุคูณได้ดังนี้

$$y_{it} = \beta_1 + \beta_2 x_{2it} + \beta_3 x_{3it} + \dots + \beta_k x_{kit} + \varepsilon_{it} \quad (2.11)$$

ดังนั้น เขียนแบบจำลอง Fixed Effects Model ได้ดังนี้

$$y_{it} = \beta_{1i} + \beta_2 x_{2it} + \beta_3 x_{3it} + \dots + \beta_k x_{kit} + \varepsilon_{it} \quad (2.12)$$

เมื่อพิจารณาถึงความแตกต่างกันของหน่วย เขียนสมการได้ดังนี้

$$y_{it} = \alpha_1 + \alpha_2 D_{2i} + \dots + \alpha_n D_{ni} + \beta_2 x_{2it} + \beta_3 x_{3it} + \dots + \beta_k x_{kit} + \varepsilon_{it} \quad (2.13)$$

ดังนั้น เมื่อพิจารณาความแตกต่างกันของช่วงเวลา เขียนสมการได้ดังนี้

$$y_{it} = \lambda_1 + \lambda_2 Dum_2 + \lambda_3 Dum_3 + \dots + \lambda_n Dum_T + \beta_2 x_{2it} + \beta_3 x_{3it} + \dots + \beta_k x_{kit} + \varepsilon_{it} \quad (2.14)$$

แบบจำลองที่ 2 สมมติให้ค่าสัมประสิทธิ์คงที่ แต่ค่าคงที่ที่แตกต่างกันสำหรับหน่วยที่ต่างกันและช่วงเวลาที่ต่างกัน เขียนสมการได้ดังนี้

$$y_{it} = \alpha_1 + \alpha_2 D_{2i} + \dots + \alpha_n D_{ni} + \lambda_1 + \lambda_2 Dum_2 + \lambda_3 Dum_3 + \dots$$

$$+ \lambda_n Dum_T + \beta_2 x_{2it} + \beta_3 x_{3it} + \dots + \beta_k x_{kit} + \varepsilon_{it} \quad (2.15)$$

แบบจำลองที่ 3 สมมติให้ค่าสัมประสิทธิ์และค่าคงที่ที่แตกต่างกันสำหรับหน่วยที่ต่างกัน เขียนสมการได้ดังนี้

$$\begin{aligned} y_{it} = & \alpha_1 + \alpha_2 D_{2i} + \dots + \alpha_n D_{ni} + \beta_2 x_{2it} + \beta_3 x_{3it} + \dots + \beta_k x_{kit} + \gamma_{22} (D_{2i} x_{2it}) \\ & + \gamma_{23} (D_{2i} x_{3it}) + \dots + \gamma_{2k} (D_{2i} x_{kit}) + \gamma_{n2} (D_{ni} x_{2it}) \\ & + \gamma_{n3} (D_{ni} x_{3it}) + \dots + \gamma_{nk} (D_{ni} x_{kit}) + \varepsilon_{it} \end{aligned} \quad (2.16)$$

แบบจำลองที่ 4 สมมติให้ค่าสัมประสิทธิ์และค่าคงที่ที่แตกต่างกันสำหรับหน่วยที่ต่างกันและช่วงเวลาที่แตกต่างกัน

$$\begin{aligned} y_{it} = & \alpha_1 + \alpha_2 D_{2i} + \dots + \alpha_n D_{ni} + \lambda_1 + \lambda_2 Dum_2 + \dots + \lambda_n Dum_T + \beta_2 x_{2it} + \beta_3 x_{3it} \\ & + \dots + \beta_k x_{kit} + \gamma_{22} (D_{2i} x_{2it}) + \gamma_{23} (D_{2i} x_{3it}) + \dots + \gamma_{2k} (D_{2i} x_{kit}) \\ & + \gamma_{n2} (D_{ni} x_{2it}) + \gamma_{n3} (D_{ni} x_{3it}) + \dots + \gamma_n (D_{ni} x_{2it}) + \gamma_{n+1} (D_{ni} x_{3it}) + \varepsilon_{it} \end{aligned} \quad (2.17)$$

2) แบบจำลอง Random Effects Model

แบบจำลองนี้สมมติให้ในการวิเคราะห์สมการถดถอย มีปัจจัยอื่นที่มีผลกระทบต่อตัวแปรตามแต่ไม่ได้รวมอยู่กับตัวแปรถดถอย ซึ่งสามารถแสดงในรูปของค่าความคลาดเคลื่อนเชิงสุ่ม (Random Error Term) ข้อสมมติที่ได้คือ α_i คือ ตัวแปรสุ่ม (Random Factors) ซึ่งเป็นอิสระและมีการกระจายในแต่ละหน่วย ดังนั้นสามารถเขียนแบบจำลอง Random Effects Model ได้ดังนี้ (Verbeek, 2004: 347-348)

$$y_{it} = \mu + \beta x'_{it} + \alpha_i + \varepsilon_{it} \quad \varepsilon_{it} \sim \text{IID}(0, \sigma_\varepsilon^2) \quad \alpha_i \sim \text{IID}(0, \sigma_\alpha^2) \quad (2.18)$$

โดย $\alpha_i + \varepsilon_{it}$ คือ ค่าความคลาดเคลื่อน (Error Term) ซึ่งประกอบด้วยส่วนของความแตกต่างของแต่ละหน่วยที่ไม่มีความแตกต่างในช่วงเวลา และส่วนตกค้างหรือส่วนคงเหลือที่

ไม่มีความสัมพันธ์กันในช่วงเวลา ดังนั้นความสัมพันธ์ของค่าความคลาดเคลื่อนในช่วงเวลาคือผลกระทบจากความแตกต่างของแต่ละหน่วย (α_i)

จากสมการที่ (2.12) ให้ β_{li} คือ ค่าคงที่ ซึ่งสมมติให้เป็นตัวแปรสุ่มที่เป็นค่าเฉลี่ย β_l และค่าคงที่ของแต่ละหน่วย เขียนได้ดังนี้ (Gujarati, 2003: 647-649)

$$\beta_{li} = \beta_l + u_i \quad i = 1, \dots, N \quad (2.19)$$

ซึ่ง u_i คือ ค่าความคลาดเคลื่อน ที่มีค่าเฉลี่ยเท่ากับ 0 และค่าความแปรปรวนเท่ากับ σ_ε^2 ดังนั้นค่าคงที่ของแต่ละหน่วยคือ ค่าเฉลี่ย (β_l) และความแตกต่างของค่าคงที่ในแต่ละหน่วยเป็นผลมาจากค่าความคลาดเคลื่อน u_i แทนค่าสมการที่ (2.19) ในสมการที่ (2.12) จะได้

$$\begin{aligned} y_{it} &= \beta_1 + \beta_2 x_{2it} + \beta_3 x_{3it} + \dots + \beta_k x_{kit} + u_i + \varepsilon_{it} \\ &= \beta_1 + \beta_2 x_{2it} + \beta_3 x_{3it} + \dots + \beta_k x_{kit} + w_{it} \end{aligned} \quad (2.20)$$

โดย $w_{it} = u_i + \varepsilon_{it}$ ซึ่ง w_{it} ประกอบด้วย u_i คือ ค่าความคลาดเคลื่อนของข้อมูลภาคตัดขวางแต่ละหน่วย หรือค่าที่ไม่สามารถสังเกตได้ (Unobservable หรือ Latent Variable) และ ε_{it} คือ ค่าความคลาดเคลื่อนของข้อมูลภาคตัดขวางและข้อมูลอนุกรมเวลา

3) แบบจำลอง Pooled Estimator

เป็นการวิเคราะห์โดยสมมติให้ค่าคงที่และค่าสัมประสิทธิ์ของตัวแปรในสมการมีค่าเท่ากันทุกหน่วยหรือทุกประเทศ และตลอดช่วงเวลาที่พิจารณา ซึ่งไม่ได้ประมาณค่าความแตกต่างระหว่างหน่วยหรือทุกประเทศในช่วงเวลาที่ศึกษา โดยมีแบบจำลองพื้นฐานเป็นสมการที่ (2.18) คือ

$$y_{it} = \alpha + x_{it}'\beta + \varepsilon_{it} \quad (2.21)$$

เนื่องจากข้อมูลพาแนลส่วนใหญ่มีลักษณะเป็นข้อมูลพาแนลแบบไม่นิ่ง (Nonstationary Panel data) เพราะในการศึกษาข้อมูลอนุกรมเวลา (Time Series Data) ซึ่งโดยทั่วไปแล้วมีลักษณะไม่นิ่ง (Nonstationary) เนื่องจากค่าเฉลี่ย (Means) และค่าความแปรปรวน (Variance) จะมีค่าเปลี่ยนแปลงไปตามช่วงเวลาที่เปลี่ยนแปลงไป และเมื่อนำไปทดสอบความสัมพันธ์ของตัวแปรด้วยวิธีกำลังสองน้อยที่สุด (Ordinary Least Square, OLS) อาจเกิดปัญหาความสัมพันธ์ที่ไม่

เท็จจริง (Spurious Regression) ทำให้ได้ค่าสถิติที่ขาดความน่าเชื่อถือและไม่มีประสิทธิภาพ ดังนั้นก่อนนำข้อมูลพาแนลแบบไม่นิ่ง ซึ่งประกอบไปด้วยข้อมูลภาคตัดขวางและข้อมูลอนุกรมเวลามาทดสอบ จึงได้นำเอาวิธีการและแนวคิดจากการวิเคราะห์อนุกรมเวลามาใช้ในการวิเคราะห์ข้อมูลแบบพาแนลที่ต้องให้ความสำคัญกับความนิ่งของข้อมูล (Stationary) ปัญหาความสัมพันธ์ที่ไม่เท็จจริง (Spurious Regression) และการทดสอบ Cointegration ทำได้ด้วยการทดสอบพาแนลยูนิทรูท (Panel Unit Root Tests) และการทดสอบความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรหรือที่เรียกว่าการทดสอบพาแนลโคอินทิเกรชัน (Panel Cointegration Tests) โดยการประมาณค่าความสัมพันธ์ของตัวแปรในแบบจำลองพาแนลโคอินทิเกรชัน

2.1.7.2 การทดสอบพาแนลยูนิทรูท (Panel Unit Root Tests)

การศึกษาความสัมพันธ์ระยะยาวของตัวแปรในแบบจำลองพาแนลโคอินทิเกรชัน ต้องมีการทดสอบความนิ่งของข้อมูลพาแนล (Panel Unit Root Tests) เสียก่อน ในกรณีที่ข้อมูลพาแนลมีลักษณะไม่นิ่ง (Nonstationary Panel Data) สามารถทดสอบได้หลายวิธีด้วยการพิจารณาสมการ AR (1) ของข้อมูลพาแนล ดังนี้

$$y_{it} = \rho_i y_{it-1} + x'_{it} \delta_i + \varepsilon_{it} \quad (2.22)$$

กำหนดให้ $i = 1, 2, \dots, N$ คือ ข้อมูลภาคตัดขวาง

$t = 1, 2, \dots, T$ คือ ข้อมูลอนุกรมเวลา

x'_{it} คือ ตัวแปรภายนอก (Exogenous Variable) ซึ่งรวมผลกระทบ

(Fixed Effects) หรือแนวโน้มของแต่ละหน่วยภาคตัดขวาง

(Individual Trends)

ρ_i คือ ค่าสัมประสิทธิ์ของ Autoregressive

ε_{it} คือ ค่าความคลาดเคลื่อน

จากสมการข้างต้น ถ้าหาก $|\rho_i| < 1$ แสดงว่า y_{it} ไม่มียูนิทรูท หรือข้อมูลพาแนลมีความนิ่ง แต่ถ้าหาก $|\rho_i| = 1$ แสดงว่า y_{it} มียูนิทรูท หรือข้อมูลพาแนลไม่นิ่ง

สำหรับสมมติฐานของค่า ρ_i สามารถแบ่งออกได้เป็น 2 สมมติฐาน คือ

สมมติฐานแรก กำหนดให้ $\rho = \rho_i$ สำหรับทุก i หรือทุกหน่วยภาคตัดขวางจะใช้การทดสอบพหุอนุกรมด้วยวิธี Levin, Lin and Chu (LLC Test), วิธี Breitung Test และวิธี Hadri Test ซึ่งเป็นการทดสอบอนุกรมแบบธรรมดา (Tests with Common Unit Root Process)

สมมติฐานสอง กำหนดให้ ρ_i ของแต่ละหน่วย i หรือแต่ละหน่วยภาคตัดขวางเป็นอิสระต่อกัน จะใช้การทดสอบพหุอนุกรมด้วยวิธี Im, Pesaran and Shin (IPS Test) และวิธี Fisher-Type โดยจะใช้ Fisher-ADF และ Fisher-PP ซึ่งเป็นการทดสอบอนุกรมของแต่ละหน่วยภาคตัดขวาง (Tests with Individual Unit Root Process)

• การทดสอบอนุกรมแบบธรรมดา (Tests with Common Unit Root Process)

จากข้อสมมติฐานที่กำหนดให้ ρ_i ของทุกหน่วยภาคตัดขวางมีค่าเท่ากัน โดยการทดสอบด้วยวิธี Levin, Lin and Chu (LLC Test), วิธี Breitung Test ซึ่งมีสมมติฐานหลักคือ ข้อมูลพหุอนุกรมมีอนุกรม แต่การทดสอบด้วยวิธี Hadri Test มีสมมติฐานหลักคือ ข้อมูลพหุอนุกรมไม่มีอนุกรม รายละเอียดของแต่ละวิธีแสดงได้ ด้วยวิธีดังต่อไปนี้

วิธี LLC Test และวิธี Breitung พิจารณาได้จากสมการ Augmented Dickey-Fuller (ADF) ดังนี้

$$\Delta y_{it} = \alpha y_{it-1} + \sum_{j=1}^{p_i} \beta_{ij} \Delta y_{it-j} + x'_{it} \delta + \varepsilon_{it} \quad (2.23)$$

กำหนดให้ Δy_{it} คือ พจน์ผลต่าง (Difference Term) ของ y_{it}

y_{it} คือ ข้อมูลพหุอนุกรม (Panel Data)

α คือ $\rho - 1$

p_i คือ จำนวน Lag Order สำหรับพจน์ผลต่าง (Difference Terms)

x'_{it} คือ ตัวแปรภายนอก (Exogenous Variable)

ε_{it} คือ ค่าความคลาดเคลื่อน

สมมติฐานการทดสอบพาแนลยูนิทรท คือ

$$H_0 : \alpha = 0 \quad \text{ข้อมูลพาแนลมียูนิทรท}$$

$$H_1 : \alpha < 0 \quad \text{ข้อมูลพาแนลไม่มียูนิทรท}$$

1) วิธี Levin, Lin and Chu (LLC Test) (2002)

ขั้นตอนแรก ทำการถดถอยเพื่อประมาณค่าสัมประสิทธิ์ α จากตัวแทน (Proxies) ณ ระดับ Lag Order ที่กำหนด เป็นการประมาณค่าสมการ 2 สมการ โดยถดถอยจาก Δy_{it} และ y_{it-1} ที่ Lag term Δy_{it-1} ($j=1, \dots, p_i$) และตัวแปรภายนอก x_{it} ซึ่งค่าสัมประสิทธิ์ที่ประมาณได้จากการถดถอยสองสมการ คือ $(\hat{\beta}, \hat{\delta})$ และ $(\hat{\beta}, \hat{\delta})$

สมการแรก เมื่อหาค่า $\Delta \bar{y}_{it}$ จาก Δy_{it} จากการแก้ปัญหาค่าสมการอัตโนมัติ (Autoregression) จากสมการที่ (2.22) แล้วเขียนสมการใหม่ได้ ดังนี้

$$\Delta \bar{y}_{it} = \Delta y_{it} - \sum_{j=1}^p \hat{\beta}_{ij} \Delta y_{it-j} + x_{it}' \hat{\delta} \quad (2.24)$$

สมการที่สอง หาค่า $\Delta \bar{y}_{it-1}$ จาก

$$\Delta \bar{y}_{it} = y_{it-1} - \sum_{j=1}^{p_i} \hat{\beta}_{ij} \Delta y_{it-j} + x_{it}' \hat{\delta} \quad (2.25)$$

การหาค่าตัวแทนจาก $\Delta \bar{y}_{it}$ และ \bar{y}_{it-1} หาค่าด้วยความคลาดเคลื่อนมาตรฐาน (Standard Error) ได้ดังนี้

$$\Delta \tilde{y}_{it} = (\Delta \bar{y}_{it} / s_i) \quad (2.26)$$

$$\tilde{y}_{it} = (\bar{y}_{it-1} / s_i) \quad (2.27)$$

โดย s_i คือ ความคลาดเคลื่อนมาตรฐาน (Standard Error) ที่ได้จากการประมาณค่า ADF แต่ละค่าในสมการที่ (2.23)

การประมาณค่าสัมประสิทธิ์ α หาได้จากสมการ ดังนี้

$$\Delta \tilde{y}_{it} = \alpha \tilde{y}_{it-1} + \eta_{it} \quad (2.28)$$

ค่าสถิติ t-Statistic ของ $\hat{\alpha}$ ที่มีการแจกแจงแบบปกติ หาได้จากสมการ ดังนี้

$$t_{\alpha}^* = \frac{t_{\alpha} \cdot (N\tilde{T}) S_N \hat{\sigma}^2 se(\hat{\alpha}) \mu_{m\tilde{T}^*}}{\sigma_{m\tilde{T}^*}} \rightarrow N(0,1) \quad (2.29)$$

กำหนดให้ t_{α}^* คือ ค่าสถิติ t-Statistic สำหรับ $\hat{\alpha} = 0$

$\hat{\sigma}^2$ คือ ค่าความแปรปรวนที่ประมาณได้จากความคลาดเคลื่อน η (Error Term)

$se(\hat{\alpha})$ คือ ความคลาดเคลื่อนมาตรฐาน (Standard Error) ของ $\hat{\alpha}$

และ $\tilde{T} = T - (\sum_i P_i / N) - 1$ (2.30)

S_N คือ อัตราส่วนค่าเฉลี่ยของส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน (Average Standard Deviation Ratio) ซึ่งเป็นค่าเฉลี่ยส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานของแต่ละหน่วยภาคตัดขวางซึ่งประมาณค่าด้วยวิธี Kernel

$\mu_{m\tilde{T}^*}$ และ $\sigma_{m\tilde{T}^*}$ คือ พจน์การปรับตัว (Adjustment Term) ของค่าเฉลี่ย (Mean) และส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน (Standard Deviation)

ถ้าค่าสถิติ t - Statistic ของ t_{α}^* มีนัยสำคัญทางสถิติ (Significant) แสดงว่า ปฏิเสธสมมติฐานหลัก หรือข้อมูลพาแนลไม่มียูนิทรูท แต่ถ้า t_{α}^* ไม่มีนัยสำคัญทางสถิติ แสดงว่า ยอมรับสมมติฐานหลัก หรือข้อมูลพาแนลมียูนิทรูท

2) วิธี Breitung Test (2000)

วิธีการนี้ถ้าพิจารณาในเบื้องต้นแล้ว จะมีวิธีการทดสอบพาแนลยูนิทรูท เช่นเดียวกับวิธี LLC Test แต่มีข้อแตกต่างคือ มีเฉพาะส่วนของอัตถถอย (Autoregression Portion) และไม่มีส่วนของตัวแปรภายนอก ที่ถูกเอาออกในการหาค่าตัวแทน (Proxies) โดยทำได้ดังนี้

$$\Delta \tilde{y}_{it} = (\Delta y_{it} - \sum_{j=1}^{p_i} \hat{\beta}_{ij} \Delta y_{it-j}) / s_i \quad (2.31)$$

$$\tilde{y}_{it-1} = (y_{it-1} - \sum_{j=1}^{p_i} \hat{\beta}_{ij} y_{it-j}) / s_i \quad (2.32)$$

โดย $\hat{\beta}, \beta$ และ s_i สามารถหาได้เช่นเดียวกับวิธี LLC Test ดังนั้น ตัวแทน (Proxies) สามารถเขียนใหม่ได้เป็น

$$\Delta y_{it}^* = \sqrt{\frac{(T-t)}{(T-t+1)}} \left(\Delta \tilde{y}_{it} - \frac{\Delta \tilde{y}_{it+1} + \dots + \Delta \tilde{y}_{it+T}}{T-t} \right) \quad (2.33)$$

$$y_{it-1}^* = \tilde{y}_{it-1} - c_{it} \quad (2.34)$$

โดย $c_{it} = 0$ ไม่มีทั้งค่าคงที่และแนวโน้ม

$c_{it} = \tilde{y}_{it}$ มีค่าคงที่ แต่ไม่มีแนวโน้ม

$c_{it} = \tilde{y}_{it} - (t-1/T)\tilde{y}_{iT}$ มีทั้งจุดตัดและแนวโน้ม

การประมาณค่าพารามิเตอร์ α สามารถหาได้จากสมการตัวแทน

$$\Delta y_{it}^* = \alpha y_{it-1}^* + \nu_{it} \quad (2.35)$$

ภายใต้สมมติฐานหลัก ผลจากการประมาณค่า α^* มีการแจกแจงแบบปกติมาตรฐาน และค่าสถิติที่ใช้ในการทดสอบสมมติฐานหลัก คือ

$$B_{nT} = \left[\left(\frac{\hat{\sigma}^2}{nT^2} \sum_{i=1}^n \sum_{i=2}^{T-1} (y_{it-1}^*)^2 \right)^{\frac{1}{2}} \left[\left(\frac{1}{\sqrt{nT}} \right) \left(\sum_{i=1}^n \sum_{i=2}^{T-1} (\Delta y_{it}^*) (y_{it-1}^*) \right) \right] \right] \quad (2.36)$$

หรือ $B_{nT} = [B_{2nT}]^{\frac{1}{2}} B_{1nT}$ (2.37)

โดย $\hat{\sigma}^2$ คือ ค่าประมาณของ σ^2

B_{nT} คือ ค่าสถิติ t-Statistic ของ Breitung

ถ้าค่าสถิติ t - Statistic ของ B_{nT} มีนัยสำคัญทางสถิติ (Significant) แสดงว่าปฏิเสธสมมติฐานหลัก หรือข้อมูลพาแนลไม่มียูนิทรูท แต่ถ้า B_{nT} ไม่มีนัยสำคัญทางสถิติ แสดงว่ายอมรับสมมติฐานหลัก หรือข้อมูลพาแนลมียูนิทรูท

• การทดสอบยูนิทรูทของแต่ละหน่วยภาคตัดขวาง (Tests with Individual Unit

Root Process)

จะเป็นการทดสอบพาแนลยูนิทรูทด้วยวิธี Im, Pesaran and Shin (IPS Test) และวิธี Fisher-Type Tests โดยใช้ ADF และ PP-Tests เป็นการทดสอบยูนิทรูทของแต่ละหน่วยภาคตัดขวาง ดังนั้น ρ_i ของแต่ละหน่วยภาคตัดขวางจึงมีค่าต่างกัน ซึ่งการทดสอบด้วยวิธีดังกล่าวจะเป็นการรวมผลการทดสอบยูนิทรูทของแต่ละหน่วยภาคตัดขวาง เพื่อใช้เป็นผลการทดสอบพาแนลยูนิทรูท โดยรายละเอียดของการทดสอบแต่ละวิธี มีดังนี้

3) วิธี Im, Pesaran and Shin (IPS Test) (2003)

สามารถทดสอบได้โดยใช้ Augmented Dickey-Fuller (ADF) โดยแยกพิจารณาข้อมูลภาคตัดขวาง (Cross Section) แต่ละหน่วย มีสมการดังนี้

$$\Delta y_{it} = \alpha y_{it-1} + \sum_{j=1}^{p_i} \beta_{ij} \Delta y_{it-j} + x_{it}' \delta + \varepsilon_{it} \quad (2.38)$$

สมมติฐานการทดสอบพาแนลยูนิทรูท คือ

$$H_0 : \alpha_i = 0 \quad \text{สำหรับทุก } i$$

$$H_1 : \begin{cases} \alpha_i = 0 & \text{สำหรับ } i = 1, 2, \dots, N_i \\ \alpha_i < 0 & \text{สำหรับ } i = N+1, N+2, \dots, N \end{cases}$$

ค่าเฉลี่ยของค่าสถิติ t-Statistic สำหรับ α_i คือ

$$\bar{t}_{NT} = \left(\sum_{i=1}^N t_{iT}(p_i) \right) / N \quad (2.39)$$

โดย \bar{t}_{NT} มีการแจกแจงแบบปกติ สามารถเขียนใหม่ได้เป็น

$$W_{i_{NT}} = \frac{\sqrt{N} \left(\bar{t}_{NT} - N^{-1} \sum_{i=1}^N E(\bar{t}_{iT}(p_i)) \right)}{\sqrt{N^{-1} \sum_{i=1}^N \text{Var}(\bar{t}_{iT}(p_i))}} \rightarrow N(0,1) \quad (2.40)$$

ถ้า $W_{i_{NT}}$ มีนัยสำคัญทางสถิติ (Significant) แสดงว่าปฏิเสธสมมติฐานหลัก หรือ ข้อมูลพาแนลไม่มียูนิทรูท แต่ถ้า $W_{i_{NT}}$ ไม่มีนัยสำคัญทางสถิติ แสดงว่ายอมรับสมมติฐานหลัก หรือ ข้อมูลพาแนลมียูนิทรูท

4) วิธี Fisher - Type Tests โดยใช้ ADF และ PP - Tests

Maddala and Wu (1999) ใช้ Fisher's (P_λ) Test โดยรวมค่า p-value ของ ค่าสถิติที่ทดสอบ t-Statistic ความนิ่งของข้อมูลภาคตัดขวางแต่ละหน่วย

โดย $\pi_i (i = 1, 2, \dots, N)$ คือค่า p-value ของการทดสอบยูนิทรูทของข้อมูล ภาคตัดขวาง i จากข้อมูลภาคตัดขวางทั้งหมด N เป็นตัวแปรอิสระที่มี $u(0,1)$

$-2 \log_e \pi_i$ มีการแจกแจงแบบไคสแควร์ (Chi-Square: χ^2) และมี Degree of Freedom เท่ากับ 2 โดยค่าสถิติที่ใช้ทดสอบ คือ

$$P_\lambda = -2 \sum_{i=1}^N \log_e \pi_i \rightarrow \chi^2 2N \quad (2.41)$$

ในกรณีของ Choi (2001) ให้ $p_i (i = 1, 2, \dots, N)$ คือค่า p-value ของการทดสอบยูนิตรุตของข้อมูลภาคตัดขวาง i จากข้อมูลภาคตัดขวางทั้งหมด

$$P = -2 \sum_{i=1}^N \ln(p_i) \quad (2.42)$$

โดยค่าสถิติที่ใช้ทดสอบ คือ

$$Z = \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{i=1}^N \phi^{-1}(p_i) \quad (2.43)$$

โดย $\phi(\cdot)$ มีการแจกแจงแบบปกติมาตรฐาน $N(0,1)$ และสมมติฐานการทดสอบพารามิเตอร์ยูนิตรุต คือ

$$H_0 : \rho_i = 1 \quad \text{ข้อมูลมีพารามิเตอร์ยูนิตรุต}$$

$$H_1 : \begin{cases} \rho_i = 1 \\ \rho_i < 1 \end{cases} \quad \text{ข้อมูลพารามิเตอร์ไม่มียูนิตรุต}$$

ถ้าทั้ง Fisher's ($P\lambda$) Test และ Z - Statistic มีนัยสำคัญทางสถิติ (Significant) แสดงว่าปฏิเสธสมมติฐานหลัก หรือข้อมูลพารามิเตอร์ไม่มียูนิตรุต แต่ถ้าทั้ง Fisher's ($P\lambda$) Test และ Z - Statistic ไม่มีนัยสำคัญทางสถิติ แสดงว่ายอมรับสมมติฐานหลัก หรือข้อมูลพารามิเตอร์มียูนิตรุต

จากที่กล่าวมาแล้ว สามารถสรุปออกมาดังตารางที่ 1 ดังนี้

ตารางที่ 2.1 สมมติฐานและค่าสถิติที่ใช้ใน Panel unit root ด้วยวิธีการทดสอบที่แตกต่างกัน

การทดสอบ unit root แบบธรรมดา (Test with Common Unit Root Process)			
วิธีทดสอบ	สมมติฐานหลัก	สมมติฐานรอง	ค่าสถิติที่ใช้ทดสอบ
LLC	มี unit root	ไม่มี unit root	t^* - Statistic
Breitung	มี unit root	ไม่มี unit root	Breitung t - Statistic

ตารางที่ 2.1 (ต่อ)

การทดสอบ <i>unit root</i> ของแต่ละภาคตัดขวาง (Test with Individual Unit Root Process)			
วิธีทดสอบ	สมมติฐานหลัก	สมมติฐานรอง	ค่าสถิติที่ใช้ทดสอบ
IPS	มี <i>unit root</i>	ข้อมูลบางประเทศไม่มี <i>unit root</i>	$w - Statistic$
Fisher – ADF	มี <i>unit root</i>	ข้อมูลบางประเทศไม่มี <i>unit root</i>	<i>Fisher Chi - Square</i>
Fisher – PP			

เมื่อทำการทดสอบ *Panel unit root* ของตัวแปรแต่ละตัวโดยวิธีทดสอบทุกวิธีดังกล่าว จากนั้นทำการพิจารณาเปรียบเทียบผลการทดสอบของแต่ละวิธี โดยในการศึกษาครั้งนี้จะเลือกใช้ผลการทดสอบ *Panel unit root* จากวิธีที่ให้ผลการทดสอบดีที่สุด มีอันดับความสัมพันธ์ของข้อมูล (*Order of Integration*) อันดับเดียวกัน คือ อันดับที่ 1 หรือ $I(1)$ ทั้งนี้เพื่อนำไปทดสอบความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรในแบบจำลอง *Panel cointegration* ต่อไป

2.1.7.3 การทดสอบพหุเนลโคอินทิเกรชัน (Panel Cointegration Test)

การทดสอบพหุเนลโคอินทิเกรชัน (Panel Cointegration Test) ในการศึกษาครั้งนี้ จะทำการทดสอบด้วยวิธี Pedroni Test ซึ่งมีรายละเอียด ดังนี้

1) วิธี Pedroni Test

Pedroni (1999, 2001, 2004) ได้เสนอวิธีการทดสอบพหุเนลโคอินทิเกรชันที่มีพื้นฐานมาจากการทดสอบโคอินทิเกรชัน (Cointegration) ของ Engle-Granger ซึ่งวิธีการทดสอบของ Pedroni จะกำหนดให้ข้อมูลภาคตัดขวางแต่ละหน่วยมีค่าคงที่ (Intercept) และแนวโน้ม (Trend) ที่แตกต่างกัน (Heterogeneous) โดยพิจารณาได้จากสมการถดถอย ดังนี้

$$y_{it} = \alpha_i + \delta_i t + \beta_{1i} x_{1i,t} + \beta_{2i} x_{2i,t} + \dots + \beta_{ki} x_{ki,t} + e_{i,t} \quad (2.44)$$

โดย $i = 1, 2, \dots, N$ คือ ข้อมูลภาคตัดขวาง

$t = 1, 2, \dots, T$ คือ ข้อมูลอนุกรมเวลา

$k = 1, 2, \dots, K$ คือ ตัวแปรถดถอย

สมมติให้ y_{it} และ $x_{ki,t}$ มี Order of Integration = 1 หรือ $I(1)$ สำหรับแต่ละหน่วย i และค่าสัมประสิทธิ์ $\beta_{1i}, \beta_{2i}, \dots, \beta_{ki}$ ของข้อมูลภาคตัดขวางแต่ละหน่วยจะแตกต่างกัน สำหรับค่าพารามิเตอร์ α_i คือผลกระทบของภาคตัดขวางแต่ละหน่วย (Individual Effect) ซึ่งแต่ละหน่วยภาคตัดขวางจะมีความแตกต่างกัน ส่วน $\delta_i t$ คือผลกระทบจากแนวโน้ม (Trend Effect) ซึ่งแต่ละหน่วยภาคตัดขวางจะมีความแตกต่างกัน หรืออาจจะกำหนดให้ไม่มีผลกระทบจากแนวโน้ม

ภายใต้สมมติฐานหลัก H_0 : ไม่มีโคอินทิเกรชัน ส่วนตกค้างหรือส่วนคงเหลือ (Residual) $e_{i,t}$ ซึ่งได้จากการถดถอยสมการที่ (2.42) จะเป็น $I(1)$ และทดสอบได้จากสมการ ดังนี้

$$e_{i,t} = \rho_i e_{i,t-1} + u_{it} \quad (2.45)$$

หรือ

$$e_{i,t} = \rho_i e_{i,t-1} + \sum_{j=1}^{p_i} \psi_{ij} \Delta e_{i,t-j} + v_{it} \quad (2.46)$$

สำหรับข้อมูลภาคตัดขวางแต่ละหน่วย มีหลายวิธีในการสร้างค่าสถิติเพื่อทดสอบสมมติฐานหลัก และมีสมมติฐานรอง 2 แบบที่แตกต่างกัน โดยในกรณีที่สมมติให้ข้อมูลภาคตัดขวางทุกหน่วยมีลักษณะเหมือนกัน (Homogeneous)

$$H_0 : \text{ไม่มีโคอินทิเกรชัน } \rho_i = 1$$

$$H_1 : \text{มีโคอินทิเกรชัน } \rho_i < 1 \text{ สำหรับทุก } i$$

สมมติฐานในการทดสอบพาแนลโคอินทิเกรชัน ในกรณีที่สมมติให้ข้อมูล

ภาคตัดขวางแต่ละหน่วยมีลักษณะแตกต่างกัน (Heterogeneous)

$$H_0 : \text{ไม่มีโคอินทิเกรชัน } \rho_i = 1$$

$$H_1 : \text{มีโคอินทิเกรชัน } \rho_i < 1 \text{ สำหรับทุก } i$$

ค่าสถิติที่ใช้ทดสอบโคอินทิเกรชัน คือ $\mathfrak{N}_{N,T}$ ซึ่งได้จากส่วนตกค้างจากสมการที่ (2.44) หรือ (2.45) ซึ่งจะได้ค่าสถิติทั้งหมด 7 ค่า เพื่อใช้ในการทดสอบสมมติฐานหลักได้แก่ (Pedroni, 1999)

1. ค่าสถิติ *Panel ν – Statistic* คือ

$$T^2 N^{\frac{3}{2}} Z \bar{\nu}_{N,T} \equiv T^2 N^{\frac{2}{3}} \left(\sum_{i=1}^N \sum_{t=1}^T \hat{L}_{1/i}^{-2} \hat{e}_{i,t-1} \right)^{-1} \quad (2.47)$$

2. ค่าสถิติ *Panel ρ – Statistic* คือ

$$T \sqrt{N} Z \hat{\rho}_{N,T} \equiv T \sqrt{N} \left(\sum_{i=1}^N \sum_{t=1}^T \hat{L}_{1/i}^{-2} \hat{e}_{i,t-1}^2 \right)^{-1} \sum_{i=1}^N \sum_{t=1}^T \hat{L}_{1/i}^{-2} (\hat{e}_{i,t-1} \Delta \hat{e}_{i,t} - \hat{\lambda}_i) \quad (2.48)$$

3. ค่าสถิติ *Panel pp – Statistic* คือ

$$Z_{t_{N,T}} \equiv \left(\hat{\sigma}_{N,T}^2 \sum_{i=1}^N \sum_{t=1}^T \hat{L}_{1/i}^{-2} \hat{e}_{i,t-1}^2 \right)^{-1/2} \sum_{i=1}^N \sum_{t=1}^T \hat{L}_{1/i}^{-2} (\hat{e}_{i,t-1} \Delta \hat{e}_{i,t} - \hat{\lambda}_i) \quad (2.49)$$

4. ค่าสถิติ *Panel ADF – Statistic* คือ

$$\tilde{Z}^* t_{N,T} \equiv \left(\tilde{\sigma}_{N,T}^{*2} \sum_{i=1}^N \sum_{t=1}^T \hat{L}_{1/i}^{-2} \hat{e}_{i,t-1}^2 \right)^{-1/2} \sum_{i=1}^N \sum_{t=1}^T \hat{L}_{1/i}^{-2} \hat{e}_{i,t-1}^* \Delta \hat{e}_{i,t}^* \quad (2.50)$$

5. ค่าสถิติ *Group ρ – Statistic* คือ

$$TN^{-1/2} \tilde{Z} \hat{\rho}_{N,T-1} \equiv TN^{-1/2} \sum_{i=1}^N \left(\sum_{t=1}^T \hat{e}_{i,t-1}^2 \right)^{-1} \sum_{t=1}^T (\hat{e}_{i,t-1} \Delta \hat{e}_{i,t} - \hat{\lambda}_i) \quad (2.51)$$

6. ค่าสถิติ *Group pp – Statistic* คือ

$$N^{-1/2} \tilde{Z} t_{N,T} \equiv N^{-1/2} \sum_{i=1}^N \left(\hat{\sigma}_i^2 \sum_{t=1}^T \hat{e}_{i,t-1}^2 \right)^{-1/2} \sum_{t=1}^T (\hat{e}_{i,t-1} \Delta \hat{e}_{i,t} - \hat{\lambda}_i) \quad (2.52)$$

7. ค่าสถิติ *Group ADF – Statistic* คือ

$$N^{-1/2} \tilde{Z}^* t_{N,T} \equiv N^{-1/2} \sum_{i=1}^N \left(\sum_{t=1}^T \hat{s}_{N,T}^2 e_{i,t-1}^{*2} \right)^{-1/2} \sum_{t=1}^T \hat{e}_{i,t-1}^* \Delta \hat{e}_{i,t}^* \quad (2.53)$$

ซึ่งค่าสถิติพื้นฐานที่ใช้ในการทดสอบสมมติฐานหลัก คือ

$$\frac{\mathfrak{N}_{N,T} - \mu\sqrt{N}}{\sqrt{V}} \rightarrow N(0,1) \quad (2.54)$$

โดย $\mathfrak{N}_{N,T}$ คือรูปแบบที่เหมือนกันของค่าสถิติที่ใช้ในการทดสอบโคอินทิเกรชันของแต่ละวิธีที่ใช้ทดสอบ ให้ μ และ V คือตัวปรับค่า Monte Carlo ของค่าเฉลี่ยและความแปรปรวน

โดยค่าสถิติ Panel Statistics จะใช้ในการทดสอบสมมติฐานหลักในกรณีที่สมมติให้ข้อมูลภาคตัดขวางทุกหน่วยมีลักษณะเหมือนกัน ซึ่งเป็นการทดสอบพหุแนลโคอินทิเกรชัน หรือ Within Dimension และค่าสถิติ Group Panel Statistics จะใช้ในการทดสอบสมมติฐานหลัก ในกรณีที่สมมติให้ข้อมูลภาคตัดขวางแต่ละหน่วยมีลักษณะแตกต่างกัน ซึ่งเป็นการทดสอบ Group Mean Panel Cointegration Tests หรือ Between Dimension

ถ้าค่าสถิติ Panel Statistics ปฏิเสธสมมติฐานหลักแสดงว่าตัวแปรในแบบจำลองพหุแนล โคอินทิเกรชันของทุกหน่วยภาคตัดขวางมีความสัมพันธ์กัน แต่ถ้าค่าสถิติ Group Panel Statistics ปฏิเสธสมมติฐานหลัก แสดงว่าตัวแปรในแบบจำลองพหุแนล โคอินทิเกรชันของภาคตัดขวางอย่างน้อย 1 หน่วยมีความสัมพันธ์กัน

2) วิธี Kao Test

Kao (1999) ได้เสนอวิธีการทดสอบพหุแนลโคอินทิเกรชัน โดยมีวิธีการทดสอบพื้นฐานคล้ายกับวิธีของ Pedroni แต่ให้ข้อมูลภาคตัดขวางมีค่าคงที่ (*Intercepts*) แตกต่างกัน และให้ค่าสัมประสิทธิ์มีค่าเท่ากันในตัวแปรที่ทำการถดถอยครั้งแรก (*First-Stage Regressors*)

พิจารณาจากสมการดังนี้

$$y_{it} = \alpha_i + \beta x_{it} + e_{it} \quad (2.55)$$

สำหรับ

$$y_{it} = y_{it-1} + u_{it}$$

$$x_{it} = x_{it-1} + \varepsilon_{it}$$

โดยที่ $i=1, 2, \dots, N$; $t=1, 2, \dots, T$ ทำการถดถอยสมการที่ (2.55) ซึ่งให้ α_i ของข้อมูลภาคตัดขวางแต่ละหน่วยแตกต่างกัน β , ของข้อมูลภาคตัดขวางแต่ละหน่วยเหมือนกัน และให้ค่าสัมประสิทธิ์ γ_i ทั้งหมดของแนวโน้มมีค่าเข้าสู่ 0

ทำการถดถอย

$$e_{it} = \rho e_{it-1} + v_{it} \quad (2.56)$$

หรือ

$$e_{it} = \tilde{\rho} e_{it-1} \sum_{j=1}^p \psi_j \Delta e_{it-j} + v_{it} \quad (2.57)$$

สมมติฐานหลักการทดสอบ คือ $H_0 : \rho = 1$ (ไม่มีโคอินทิเกรชัน) ค่าสถิติในการทดสอบด้วยวิธี Dickey-Fuller (DF) คือ

$$DF_\rho = \frac{\sqrt{NT}(\hat{\rho} - 1) + 3\sqrt{N}}{\sqrt{10.2}} \quad (2.58)$$

$$DF_t = \sqrt{1.25} t_\rho + \sqrt{1.875} N \quad (2.59)$$

$$DF_\rho^* = \frac{\sqrt{NT}(\hat{\rho} - 1) + 3\sqrt{N}\hat{\sigma}_v^2 / \hat{\sigma}_{0v}^2}{\sqrt{3 + 36\hat{\sigma}_v^4 / 5\hat{\sigma}_{0v}^4}} \quad (2.60)$$

$$DF_t^* = \frac{t_\rho + \sqrt{6N}\hat{\sigma}_v / (2\hat{\sigma}_{0v}^2)}{\sqrt{\hat{\sigma}_{0v}^2 / (2\hat{\sigma}_v^2) + 3\hat{\sigma}_v^2 / (10\hat{\sigma}_{0v}^2)}} \quad (2.61)$$

และ $P > 0$ ค่าสถิติในการทดสอบด้วยวิธี Augmented Dickey-Fuller (ADF) คือ

$$ADF = \frac{t_\rho + \sqrt{6N}\hat{\sigma}_v / (2\hat{\sigma}_{0u}^2)}{\sqrt{\hat{\sigma}_{0v}^2 / (2\hat{\sigma}_v^2) + 3\hat{\sigma}_v^2 / (10\hat{\sigma}_{0v}^2)}} \quad (2.62)$$

ซึ่งค่าสถิติมีการแจกแจงปกติมาตรฐาน หรือ $N(0,1)$ ค่าความแปรปรวน คือ $\hat{\sigma}_v^2 = \hat{\sigma}_u^2 - \hat{\sigma}_{u\varepsilon}^2 \hat{\sigma}_\varepsilon^{-2}$ และค่าความแปรปรวนในระยะยาว คือ $\hat{\sigma}_{0v}^2 = \hat{\sigma}_{0u}^2 - \hat{\sigma}_{0u\varepsilon}^2 \hat{\sigma}_{0\varepsilon}^{-2}$

$$\text{ค่าความแปรปรวนของ } w_{it} = \begin{bmatrix} u_{it} \\ \varepsilon_{it} \end{bmatrix} \quad (2.63)$$

$$\text{ประมาณค่าโดย } \hat{\Sigma} = \begin{bmatrix} \hat{\sigma}_u^2 & \hat{\sigma}_{u\varepsilon}^2 \\ \hat{\sigma}_{u\varepsilon}^2 & \hat{\sigma}_\varepsilon^2 \end{bmatrix} = \frac{1}{NT} \sum_{i=1}^N \left[\frac{1}{T} \sum_{t=1}^T \hat{w}_{it} \hat{w}_{it}' + \kappa(\hat{w}_i) \right] \quad (2.64)$$

โดย κ คือ Kernel Function (วันวิสา วิมรจนารมย์, 2551)

3) วิธี Fisher Test ซึ่งอิงแนวคิดแบบ Johansen tests (Combined Individual Tests (Fisher/Johansen))

Fisher (1932) ได้เสนอการทดสอบที่รวบรวมการทดสอบแต่ละตัว (individual in independent tests) Maddala and Wu (1999) ได้ใช้ผลของ Fisher เพื่อที่จะเสนอแนวทางใหม่ในการทดสอบพาแนลโคอินทิเกรชัน โดยการรวมการทดสอบข้อมูลภาคตัดขวางแต่ละหน่วยเพื่อให้ได้การทดสอบทางสถิติแบบกลุ่มหรือ full panel

ถ้า π_i คือ p -value จากการทดสอบโคอินทิเกรชันแต่ละตัว สำหรับข้อมูลภาคตัดขวาง i ภายใต้สมมติฐานหลักในการทดสอบพาแนลโคอินทิเกรชัน

$$-2 \sum_{i=1}^N \log(\pi_i) \rightarrow \chi_{2n}^2 \quad (2.65)$$

2.1.7.4 การทดสอบสมการพาแนล (Panel Equation Testing)

การทดสอบสมการพาแนล คือการทดสอบว่าควรทำการประมาณแบบจำลองพาแนลโคอินทิเกรชันในรูปแบบใด ระหว่าง Pooled Estimator, Fixed Effects หรือ Random Effects สำหรับการศึกษานี้จะทำการทดสอบสมการพาแนล 3 วิธี คือ วิธี Lagrange

Multiplier Test (LM-Test) วิธี Hausman Test และวิธี Redundant Fixed Effects Test ซึ่งมีรายละเอียดดังนี้

1) วิธี Lagrange Multiplier Test (LM-Test)

เป็นการทดสอบว่าควรประมาณแบบจำลองในรูปแบบใดระหว่าง Random Effects และ Pooled Estimator โดยมีสมมติฐานว่าองค์ประกอบความแปรปรวน (Variance Components) มีค่าเท่ากับศูนย์

$$H_0 : \sigma_\mu^2 = \sigma_\lambda^2 = 0$$

Breusch and Pagan (1980) ได้ร่วมกันพัฒนา จากการทดสอบ Lagrange Multiplier Test (LM) จากสมการ

$$LM_\mu = \frac{nT}{2(T-1)} \left[\frac{e' DDe}{e'e} - 1 \right]^2 = \frac{nT}{2(T-1)} \left[\frac{T^2 \bar{e}' \bar{e}}{e'e} - 1 \right]^2 \sim \chi^2 \quad (2.66)$$

\bar{e} คือ เวกเตอร์ $nx1$ ของ group specific means of pooled regression residuals

$e'e$ คือ ผลบวกกำลังสองของค่าความคลาดเคลื่อน (Sum Square of Errors : SSE) ของ pooled OLS regression

Lagrange Multiplier Test (LM) มีการกระจายแบบ Chi-squared โดยมี Degree of Freedom เท่ากับ 1

Baltagi (2001) ได้เสนออีกวิธีหนึ่งในการทดสอบ Lagrange Multiplier Test (LM)

$$LM_v = \frac{nT}{2(T-1)} \left[\frac{\sum (\sum e_{it})^2}{\sum \sum e_{it}^2} - 1 \right]^2 = \frac{nT}{2(T-1)} \left[\frac{\sum (T \bar{e}_{it})^2}{\sum \sum e_{it}^2} - 1 \right]^2 \sim \chi^2 \quad (2.67)$$

เมื่อรวมสมการทั้งสองเข้าด้วยกันจะเป็นการทดสอบแบบสุ่มสองทิศทาง (Two-way Random effects) ซึ่งมีสมฐานการทดสอบว่า องค์ประกอบความแปรปรวน (Variance Components) ของทั้งข้อมูลภาคตัดขวางและข้อมูลอนุกรมเวลามีค่าเท่ากับศูนย์ โดยสมการที่ใช้ทดสอบคือ

$$LM_{\mu\nu} = LM_{\mu} + LM_{\nu} \sim \chi^2 \quad (2.68)$$

H_0 : Pooled Estimator

H_1 : Random Effects

ถ้าผลการทดสอบยอมรับสมมติฐานหลักควรทำการประมาณค่าแบบจำลองในรูปแบบ Pooled Estimator ถ้าผลการทดสอบปฏิเสธสมมติฐานหลักควรทำการประมาณแบบจำลองในรูปแบบ Random Effects

2) วิธี Hausman Test

วิธีการของ Hausman (1978) ทดสอบโดยสมมติให้การประมาณค่าความแปรปรวนร่วมของ Fixed Effects และ Random Effects มีค่าเท่ากัน โดยมีสมมติฐาน ดังนี้

H_0 : Random Effects

H_1 : Fixed Effects

ถ้าผลการทดสอบยอมรับสมมติฐานหลัก แสดงว่าควรทำการประมาณแบบจำลองในรูปแบบ Random Effects ถ้าผลการทดสอบปฏิเสธสมมติฐานหลัก แสดงว่าควรทำการประมาณแบบจำลองในรูปแบบ Fixed Effects

3) วิธี Redundant Fixed Effects Test

Moulton and Randolph (1989) พบว่า Anova F-test ที่ใช้ทดสอบ Fixed Effects เหมาะสำหรับทดสอบ One-way Error Component ซึ่ง Anova F-test มีสมการในรูปแบบทั่วไป คือ

$$F = \frac{y' MD(D' MD) - D' My / (p - r)}{y' Gy / (NT - (\tilde{k} + p - r))} \quad (2.69)$$

โดยมีสมมติฐาน ดังนี้

H_0 : No Fixed Effects

H_1 : Fixed Effects

ถ้าผลการทดสอบยอมรับสมมติฐานหลัก แสดงว่าควรทำการประมาณค่าแบบจำลองในรูปแบบ Random Effects ถ้าผลการทดสอบปฏิเสธสมมติฐานหลัก แสดงว่าควรทำการประมาณค่าแบบจำลองในรูปแบบ Fixed Effects

2.1.7.5 การประมาณค่าแบบจำลองพาแนล (Panel Estimation)

สำหรับประมาณค่าความสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรอิสระและตัวแปรตามในการศึกษาครั้งนี้ จะใช้การประมาณค่าแบบจำลองพาแนลทั้งหมด 3 วิธีด้วยกัน ได้แก่ วิธีกำลังสองน้อยที่สุด (Ordinary Least Square, OLS) วิธีกำลังสองน้อยที่สุดเชิงพลวัต (Dynamic Ordinary Least Square, DOLS) และวิธีโมเมนต์ในรูปทั่วไป (Generalized Method of Moments, GMM) เพื่อศึกษาอิทธิพลของตัวแปรอิสระว่าส่งผลต่อตัวแปรตามอย่างไร โดยรายละเอียดของแต่ละวิธีมี ดังนี้

1) การประมาณค่าแบบกำลังสองน้อยที่สุด (Ordinary Least Square, OLS)

วิธีประมาณค่าแบบกำลังสองน้อยที่สุด คือการประมาณค่าเส้นการถดถอย โดยทำให้ผลบวกของกำลังสองของส่วนที่เบี่ยงเบนไปจากเส้นถดถอย (ค่าคลาดเคลื่อน, Error Term) ของค่าสังเกตของตัวแปร มีค่าน้อยที่สุด โดย Kao and Chiang (2000) ได้เสนอสมการถดถอยแบบพาแนล ดังนี้

$$y_{it} = x_{it}'\beta + z_{it}'\gamma + u_{it} \quad (2.70)$$

เมื่อ $\{x_{it}\}$ คือ เวกเตอร์ $K \times 1$ ของตัวแปรอิสระ สามารถประมาณค่า β ได้จากสมการ OLS ดังนี้

$$\hat{\beta}_{i,OLS} = \left[\sum_{i=1}^N \sum_{t=1}^T \tilde{x}_{it}' \tilde{x}_{it} \right]^{-1} \left[\sum_{i=1}^N \sum_{t=1}^T \tilde{x}_{it}' \tilde{y}_{it} \right] \quad (2.71)$$

โดย i คือ ข้อมูลภาคตัดขวาง

N	คือ	จำนวนของข้อมูลภาคตัดขวาง
t	คือ	ข้อมูลอนุกรมเวลา
T	คือ	จำนวนของข้อมูลอนุกรมเวลา
\tilde{x}_{it}	คือ	ตัวแปร Exogeneous Variable ของแบบจำลอง โดยเท่ากับ $x_{it} - \bar{x}_{it}$
\tilde{y}_{it}	คือ	ตัวแปร Endogeneous Variable ของแบบจำลอง โดยเท่ากับ $y_{it} - \bar{y}_{it}$

ซึ่งการประมาณค่าข้างต้นอาจยังไม่มีเหมาะสมพอสำหรับการใช้กับข้อมูลแบบพาแนล เพราะอาจเกิดปัญหา Serial Correlation และ Non-exogeneity ที่ใช้เป็นตัวแปรในการถดถอย จึงมีการประมาณค่าด้วยวิธีกำลังสองน้อยที่สุดเชิงพลวัต (Dynamic Ordinary Least Square, DOLS) เพิ่มเติม

2) การประมาณค่าแบบวิธีกำลังสองน้อยที่สุดเชิงพลวัต (Dynamic Ordinary Least Square, DOLS)

การประมาณค่าด้วยวิธี DOLS (Phillips and Loretan, 1991) เป็นการประมาณค่าแบบ OLS แต่มีการเพิ่ม Dynamic Term เข้าไปในสมการ OLS สามารถพิจารณาได้จากสมการพื้นฐาน คือ

$$y_{it} = x_{it}'\beta + \sum_{k=-K_i}^{K_i} \gamma_{ik} \Delta x_{it-k} + \varepsilon_{it} \quad (2.72)$$

สามารถประมาณค่า β จากสมการ DOLS ได้ดังนี้

$$\hat{\beta}_{i,DOLS} = \left[N^{-1} \sum_{i=1}^N \left(\sum_{t=1}^T z_{it} z_{it}^* \right)^{-1} \left(\sum_{t=1}^T z_{it} \tilde{y}_{it} \right) \right] \quad (2.73)$$

โดย	i	คือ	ข้อมูลภาคตัดขวาง
	N	คือ	จำนวนของข้อมูลภาคตัดขวาง

t	คือ	ข้อมูลอนุกรมเวลา
T	คือ	จำนวนของข้อมูลอนุกรมเวลา
z_{it}	คือ	$2(K+1) \times 1$
\tilde{y}_{it}	คือ	$y_{it} - \bar{y}_{it}$

นอกจากนี้ยังใช้วิธีการประมาณค่าแบบโมเมนต์ในรูปทั่วไป (Generalized Method of Moments, GMM) เพื่อการประมาณค่าแบบจำลองให้มีประสิทธิภาพยิ่งขึ้น

3) การประมาณค่าแบบโมเมนต์ในรูปทั่วไป (Generalized Method of Moments, GMM)

Hansen (1982) ได้เสนอวิธีการประมาณค่าแบบจำลองพหุคูณโคอินทิเกรชันแบบ Generalized Method of Moments (GMM) ซึ่งเป็นการประมาณค่าพารามิเตอร์ของแบบจำลองโดยตรงจากเงื่อนไขโมเมนต์ (Moment Conditions) ซึ่งใส่เข้ามาในแบบจำลองเงื่อนไขเหล่านี้สามารถที่จะมีลักษณะเชิงเส้นในพารามิเตอร์ (Linear in Parameter) ได้ แต่บ่อยครั้งที่จะมีลักษณะไม่เป็นแบบเชิงเส้น (Nonlinear in Parameter) และเพื่อที่จะทำให้เราสามารถหาค่าพารามิเตอร์ได้จำนวนของเงื่อนไขโมเมนต์อย่างน้อยที่สุดควรจะทำกับจำนวนพารามิเตอร์ที่ไม่ทราบค่า (ทรงศักดิ์ศรีบุญจิตต์, 2547) การประมาณค่าแบบ GMM มีรูปแบบพื้นฐานมาจากสมการ (2.72) สามารถเขียนได้เป็น

$$y_{it} - y_{it-1} = \beta'(x_{it} - x_{it-1}) + \gamma'(z_{it} - z_{it-1}) + (u_{it} - u_{it-1}) \quad (2.74)$$

โดย $i = 1, 2, \dots, n$

$t = 2, \dots, T_i$

อย่างไรก็ตามจากสมการที่ (2.74) จะมีความเอนเอียง (bias) เพิ่มขึ้นถ้า $y_{it-1} - y_{it-2}$ มีความสัมพันธ์กับ error term $(u_{it} - u_{it-1})$ การประมาณค่า OLS แบบ Dynamic Panel จะมีความเหมาะสมมากกว่า

แต่ถ้ามีการใช้เครื่องมือ (Instrument) ที่ถูกต้อง การประมาณวิธีโมเมนต์ในรูปทั่วไป (Generalized Method of Moments, GMM) จะมีประสิทธิภาพและมีความเหมาะสมในการใช้ประมาณค่าสมการ โดยทั่วไปจะมีการใส่ค่าความล่าช้า (lag) ของตัวแปรตามสองช่วงเวลาที่ y_{it-2} นั้นจะไม่มีความสัมพันธ์กับ $(u_{it} - u_{it-1})$ ดังนั้น ค่าของ $y_{it-2}, k \geq 2$ จึงเป็นเครื่องมือ (Instrument) ที่ถูกต้อง

2.2 ผลงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

กาญจนา บุญชัย (2551) ได้ทำการศึกษาความสัมพันธ์ระหว่างปริมาณการใช้ไฟฟ้ากับการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจของประเทศไทย โดยใช้เทคนิคโคอินทิเกรชัน (cointegration) ตามแนวคิดของ Engle และ Granger เพื่อดูความสัมพันธ์ในระยะยาว และดูการปรับตัวเข้าสู่ดุลยภาพในระยะสั้น สุดท้ายทดสอบความเป็นเหตุเป็นผล (Granger causality) ซึ่งจากการศึกษาพบว่าปริมาณการใช้ไฟฟ้าและการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจของประเทศไทย ทั้งสองตัวแปรมีความสัมพันธ์กันในระยะยาว และในการปรับตัวระยะสั้นพบว่า กรณีที่ปริมาณการใช้ไฟฟ้าเป็นตัวแปรต้น และการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจของประเทศไทยเป็นตัวแปรตาม แบบจำลองมีการปรับตัวในระยะสั้น ณ ระดับนัยสำคัญ 0.01 และในกรณีที่การเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจของประเทศไทยเป็นตัวแปรต้น และปริมาณการใช้ไฟฟ้าเป็นตัวแปรตาม พบว่าแบบจำลองมีการปรับตัวในระยะสั้น ณ ระดับนัยสำคัญ 0.01 เช่นกัน ในส่วนของกรทดสอบความเป็นเหตุเป็นผลของปริมาณการใช้ไฟฟ้าและการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจของประเทศไทย พบว่าทั้งสองตัวแปรมีความสัมพันธ์แบบสองทิศทาง

ผองจิต ติบประสอน (2551) ได้ศึกษาผลกระทบของการบริโภคพลังงานต่อการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจของประเทศไทย โดยใช้แบบจำลองสมการถดถอยเชิงเส้นตรง (Linear Model) และแบบจำลองสมการถดถอยที่ไม่ใช่เชิงเส้นตรง (Nonlinear Model) ซึ่งข้อมูลที่ใช้ทำการศึกษาเป็นข้อมูลทุติยภูมิรายปีตั้งแต่ช่วงปี พ.ศ.2520 ถึง ปี พ.ศ.2550 ประกอบด้วย ข้อมูลผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศ ข้อมูลบัญชีทุน ข้อมูลแรงงาน และข้อมูลการบริโภคพลังงานแบบจำลองสมการถดถอยเชิงเส้นตรงทำการการวิเคราะห์ผลกระทบด้วยวิธีร่วมไปด้วยกัน (Cointegration test) ตามวิธีของ Engle and Granger ซึ่งพบว่าการบริโภคพลังงานมีผลกระทบต่อทางบวกต่อการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจของประเทศไทย และแบบจำลองสมการถดถอยที่ไม่ใช่

เชิงเส้นตรง การวิเคราะห์ผลกระทบด้วยแบบจำลอง Threshold Autoregressive (TAR Model) พบว่าระดับการบริโภคพลังงานต่ำ การบริโภคพลังงานส่งผลกระทบต่อการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจของประเทศไทย ส่วนที่ระดับการบริโภคพลังงานสูง การบริโภคพลังงานส่งผลกระทบต่อการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจเช่นกัน แต่อัตราการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจได้อัตราที่ลดลง

Lee, K. and Oh, W. (2005) ได้ทำการศึกษาวิเคราะห์การปล่อยก๊าซคาร์บอนไดออกไซด์ในกลุ่มประเทศเอเชียแปซิฟิกจำนวน 15 ประเทศ โดยใช้วิธี Log mean Divisia Method ในการศึกษาวิจัย โดยศึกษาข้อมูลตั้งแต่ปี 1980 – 1998 โดยแบ่งประเทศที่ทำการศึกษาออกเป็นประเทศที่พัฒนาแล้ว และประเทศกำลังพัฒนา ซึ่งผลการศึกษาพบว่า การเพิ่มขึ้นของผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศส่งผลกระทบต่อการปล่อยก๊าซคาร์บอนไดออกไซด์ในแต่ละประเทศ โดยเฉพาะอย่างยิ่งในประเทศที่พัฒนาแล้ว นอกจากนี้หากทำการเปรียบเทียบความเข้มข้นของการใช้พลังงานและการปล่อยก๊าซคาร์บอนไดออกไซด์ระหว่างประเทศที่พัฒนาแล้วกับประเทศที่กำลังพัฒนา นอกจากนี้เมื่อทำการวิเคราะห์สัดส่วนของการปล่อยก๊าซคาร์บอนไดออกไซด์ต่อการใช้พลังงานพบว่า ประเทศที่กำลังพัฒนามีสัดส่วนของปริมาณการปล่อยก๊าซคาร์บอนไดออกไซด์มากกว่าประเทศที่พัฒนาแล้ว

Mehreze, M. (2006) ได้ทำการศึกษาวิจัยเกี่ยวกับความสัมพันธ์และความเป็นเหตุเป็นผลระหว่าง การบริโภคพลังงานต่อหัวและผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศต่อหัวของกลุ่มประเทศผู้ส่งออกน้ำมัน 11 ประเทศ โดยการศึกษาได้ใช้แบบจำลอง Panel cointegration ซึ่งผลการศึกษาพบว่า การเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจมีความสัมพันธ์กับการบริโภคพลังงานอย่างแข็งแกร่ง และพบว่ารัฐบาลประเทศผู้ส่งออกน้ำมันมีนโยบายรักษาระดับราคาน้ำมันภายในประเทศให้ต่ำกว่าระดับราคาที่ส่งออก ซึ่งส่งผลให้ระดับการบริโภคพลังงานภายในประเทศสูงตามไปด้วย ดังนั้นการปฏิรูปนโยบายด้านราคาพลังงานจะส่งผลกระทบต่ออัตราการเจริญเติบโตต่อประเทศในกลุ่มนี้

Lee, C.C. and Chang, C.P. (2008) ได้ทำการศึกษาวิจัยเรื่องการบริโภคพลังงานและการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจในเอเชีย โดยการศึกษาได้ใช้แบบจำลอง Panel cointegration ในการหาความสัมพันธ์ และทำการวิเคราะห์เชิงเหตุผลระหว่างตัวแปร ทั้งนี้การเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจวัด

จากมูลค่าของผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศ (GDP) การสะสมทุน และการป้อนแรงงาน โดยการศึกษาได้ใช้ข้อมูลจาก 16 ประเทศในเอเชียมาทำการศึกษา ตั้งแต่ปี 1972 – 2002 ผลการศึกษาพบว่า การเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจและการบริโภคพลังงานมีความสัมพันธ์กัน นอกจากนี้ยังพบว่า ถึงแม้ในระยะสั้นการบริโภคพลังงานจะลดลงแต่เศรษฐกิจก็ยังคงเติบโต และเมื่อทดสอบความเป็นเหตุเป็นผลพบว่า การใช้พลังงานเป็นสาเหตุทำให้เศรษฐกิจเจริญเติบโต ซึ่งหมายความว่า การใช้พลังงานไม่ส่งผลกระทบต่อการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจในระยะสั้นแต่จะส่งผลในระยะยาว

Narayan, P.K. and Smyth, R. (2008) ได้ศึกษาความสัมพันธ์ระหว่างโครงสร้างทุน การบริโภคพลังงาน และมูลค่าผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศที่แท้จริงของ 7 ประเทศอุตสาหกรรมชั้นนำของโลก โดยวิธีพหุสมการโคอินทิเกรชัน จากนั้นทำการวิเคราะห์ความเป็นเหตุเป็นผลและประมาณค่าความสัมพันธ์ในระยะยาว พบว่า โครงสร้างทุน การบริโภคพลังงาน และมูลค่าผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศที่แท้จริงมีโคอินทิเกรชันหรือมีความสัมพันธ์ในระยะยาว โครงสร้างทุนและการบริโภคพลังงานยังเป็นสาเหตุให้มูลค่าผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศที่แท้จริงเพิ่มขึ้นและลดลงในทิศทางเดียวกันในระยะยาว นอกจากนี้ยังพบว่า ถ้ามีการบริโภคพลังงานเพิ่มขึ้น 1% จะทำให้มูลค่าผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศที่แท้จริงเพิ่มขึ้น 0.12-0.39% และถ้าหากโครงสร้างทุนเพิ่มขึ้น 1% จะทำให้มูลค่าผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศที่แท้จริงเพิ่มขึ้น 0.1-0.28%

Apergis, N. and Payne, J.E. (2009) ได้ศึกษาวิเคราะห์ความสัมพันธ์ระหว่าง การบริโภคพลังงานและการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจในประเทศอเมริกากลาง ในช่วงปี 1980 – 2004 โดยใช้แบบจำลอง Panel cointegration ซึ่งจากข้อมูลที่นำมาศึกษาชี้ให้เห็นว่า ผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศที่แท้จริงต่อหัว ความสามารถในการผลิตพลังงาน และการใช้พลังงานแต่ละประเทศมีความแตกต่างกัน ประเทศที่ไม่ได้ผลิตก๊าซธรรมชาติหรือถ่านหินซึ่งมีการนำเข้าปิโตรเลียมและพลังงานไฟฟ้ามีการตอบสนองความต้องการด้านพลังงานสูง ซึ่งเมื่อทำการทดสอบ Panel cointegration พบว่า เมื่อบริโภคพลังงานเพิ่มขึ้น 1% จะทำให้ผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศที่แท้จริงเพิ่มขึ้น 0.28% และเมื่อทำการทดสอบความเป็นเหตุเป็นผลพบว่า การบริโภคพลังงานเป็นสาเหตุของการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจ

Lean, H.H. and Smyth, R. (2010) ได้ทำการศึกษาความเป็นเหตุเป็นผลของความสัมพันธ์ระหว่าง การปล่อยก๊าซคาร์บอนไดออกไซด์ การบริโภคไฟฟ้า และการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจ โดยใช้แบบจำลอง Panel vector error correction (Panel VECM) ซึ่งทำการศึกษาประเทศในกลุ่มอาเซียนจำนวน 5 ประเทศ ตั้งแต่ปี 1980 – 2006 ซึ่งจากการประมาณการในระยะยาวพบว่ามีความสำคัญทางสถิติระหว่างการบริโภคไฟฟ้าและการปล่อยก๊าซคาร์บอนไดออกไซด์ และความสัมพันธ์ที่ไม่ใช่เชิงเส้นระหว่างการปล่อยก๊าซคาร์บอนไดออกไซด์และผลผลิตที่แท้จริง นอกจากนี้ผลการตรวจสอบ Granger causality ซึ่งให้เห็นว่าการใช้พลังงานไฟฟ้าและการปล่อยก๊าซคาร์บอนไดออกไซด์เป็นสาเหตุที่ทำให้เศรษฐกิจเจริญเติบโต

Noor, S. and Siddiqi, M.W. (2010) ได้ศึกษาความสัมพันธ์ระหว่างการใช้จ่ายพลังงานและการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจของ 5 ประเทศในเอเชียใต้ พบว่า ในระยะสั้นผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศต่อประชากรและการใช้พลังงานต่อประชากรมีความสัมพันธ์กันทิศทางตรงกันข้ามในระยะยาว ถ้าปริมาณการใช้พลังงานต่อประชากรเพิ่มขึ้น 1% จะทำให้ผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศต่อประชากรลดลง 0.13% ในความสัมพันธ์ระยะสั้นและระยะยาวซึ่งให้เห็นว่าสถานการณ์การขาดแคลนพลังงานในเอเชียใต้ เนื่องจากการใช้พลังงานเพิ่มขึ้นควบคู่กับการจัดสรรพลังงานที่ไม่เพียงพอ และจากการประมาณค่าสัมประสิทธิ์ของค่าความคลาดเคลื่อน ซึ่งให้เห็นว่ามีการปรับตัวระยะสั้นเข้าสู่ดุลยภาพในระยะยาว

Leesombatpiboon, P. (2010) ได้ทำการศึกษาเรื่องความมั่นคงทางด้านพลังงานของประเทศไทย โดยในส่วนแรกได้ทำการประมาณการแบบจำลอง Error Correction Model ของฟังก์ชันการผลิตมวลรวมของประเทศไทย ซึ่งตัวแปรที่นำมาใช้ในการกำหนดฟังก์ชันการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจคือ แรงงาน ทุน และการบริโภคน้ำมัน และมุ่งเน้นการวัดค่าความยืดหยุ่นของการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจโดยให้ความสำคัญต่อการบริโภคน้ำมันและราคาน้ำมัน เนื่องจากน้ำมันมีบทบาทสำคัญต่อการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจของไทย จากผลการทดสอบพบว่า ผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศ ทุน แรงงาน และการบริโภคน้ำมันมีความสัมพันธ์กัน และพบว่าในระยะสั้นการขาดแคลนน้ำมันส่งผลกระทบต่อเศรษฐกิจไทยมากกว่าการปรับขึ้นราคาน้ำมัน เช่น ปริมาณการขาดแคลนน้ำมันลดลง 10% ส่งผลให้การเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจลดลง 2% เป็นต้น ในส่วนที่สองได้ทำการทดสอบดุลยภาพในระยะสั้นและระยะยาวของการบริโภคน้ำมันในแต่ละภาค

เศรษฐกิจของประเทศไทย โดยใช้เทคนิค Autoregressive Distributed Lag (ARDL) ผลการทดสอบ คือ การตอบสนองในระยะยาวมีขนาดใหญ่กว่าการตอบสนองในระยะสั้น

Eggoh, J.C. et al. (2011) ได้ทำการศึกษาความสัมพันธ์ระหว่างการบริโภคพลังงานและการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจของ 21 ประเทศในแอฟริกา ช่วงปี 1970 – 2006 โดยใช้วิธี Panel cointegration และ Causality test โดยการศึกษาได้แบ่งประเทศออกเป็น 2 กลุ่ม คือ ประเทศนำเข้าพลังงานและประเทศส่งออกพลังงาน ตัวแปรที่นำมาใช้ศึกษาคือ ปริมาณการบริโภคพลังงาน ผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศที่แท้จริง ราคา แรงงาน และทุน จากการศึกษาพบว่าตัวแปรของทั้ง 2 กลุ่มมีความสัมพันธ์กันในระยะยาว และพบว่าเมื่อปริมาณการบริโภคพลังงานลดลงจะทำให้การเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจลดลง ในทิศทางตรงกันข้าม หากมีการบริโภคพลังงานที่เพิ่มขึ้นอัตรา การเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจก็เพิ่มขึ้นตามไปด้วย

Niu, S. et al. (2011) ได้ทำการศึกษาวิจัยเรื่องการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจ การอนุรักษ์พลังงาน และการปล่อยก๊าซคาร์บอนไดออกไซด์ โดยทำการวิเคราะห์ความสัมพันธ์ระหว่างการบริโภคพลังงาน การเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจ และการปล่อยก๊าซคาร์บอนไดออกไซด์ โดยใช้ข้อมูลพาแนลจาก 8 ประเทศในกลุ่มเอเชียแปซิฟิก ตั้งแต่ปี 1971 – 2005 มาทำการศึกษาวิจัย ผลการศึกษาพบว่าตัวแปรที่นำมาทำการศึกษาทั้งหมด คือ การบริโภคพลังงาน การเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจ และการปล่อยก๊าซคาร์บอนไดออกไซด์มีความสัมพันธ์กันในระยะยาว และจากการวิเคราะห์การบริโภคพลังงานและมูลค่าผลิตภัณฑ์มวลรวมภายในประเทศชี้ให้เห็นว่า ประเทศที่พัฒนาแล้วมีประสิทธิภาพในการใช้พลังงานมากกว่าประเทศที่กำลังพัฒนา

Wang, S.S. et al. (2011) ได้ทำการศึกษาวิจัยเรื่องการปล่อยก๊าซคาร์บอนไดออกไซด์ การบริโภคพลังงาน และการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจในสาธารณรัฐประชาชนจีน โดยใช้แบบจำลอง Panel cointegration และ Panel vector error correction ซึ่งได้ทำการศึกษาข้อมูลจาก 28 จังหวัดภายในประเทศตั้งแต่ปี 1995 – 2007 ผลการศึกษาพบว่า การปล่อยก๊าซคาร์บอนไดออกไซด์ การบริโภคพลังงาน และการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจมีความสัมพันธ์กันในระยะยาว นอกจากนี้การทดสอบความเป็นเหตุเป็นผลยังพบว่า การบริโภคพลังงาน การปล่อยก๊าซคาร์บอนไดออกไซด์ และการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจมีความสัมพันธ์แบบสองทิศทาง คือ ทั้งการบริโภคพลังงานและการ

เจริญเติบโตทางเศรษฐกิจเป็นสาเหตุของการปล่อยก๊าซคาร์บอนไดออกไซด์ และการปล่อยก๊าซคาร์บอนไดออกไซด์และการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจเป็นสาเหตุของการบริโภคพลังงาน อีกทั้งการศึกษาครั้งนี้ชี้ให้เห็นว่าการปล่อยก๊าซคาร์บอนไดออกไซด์ในสาธารณรัฐประชาชนจีนไม่ได้ลดลงจากอดีต และหากจะลดการปล่อยก๊าซคาร์บอนไดออกไซด์อาจทำให้การเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจของประเทศชะงักการชะงักตัวได้

Al-mulali, U. (2011) ได้ทำการศึกษาวิจัยเรื่องความสัมพันธ์ระหว่างการบริโภคน้ำมัน การปล่อยก๊าซคาร์บอนไดออกไซด์ และการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจในประเทศตะวันออกกลางและแอฟริกาเหนือ ในช่วงปี 1980 – 2009 โดยใช้วิธี Panel cointegration ในการวิเคราะห์ข้อมูล ผลการศึกษาพบว่า การปล่อยก๊าซคาร์บอนไดออกไซด์และการบริโภคน้ำมันมีความสัมพันธ์ในระยะยาวกับการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจ และเมื่อทดสอบความเป็นเหตุเป็นผลระหว่างการบริโภคน้ำมัน การปล่อยก๊าซคาร์บอนไดออกไซด์และการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจพบว่า ปริมาณการบริโภคน้ำมันมีบทบาทสำคัญต่อการเจริญเติบโตทางเศรษฐกิจในประเทศตะวันออกกลางและแอฟริกาเหนือ