

## บทที่ 2

### วรรณกรรมปริทัศน์

#### 2.1 เอกสารและผลงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

การออกแบบการทดลอง (Design of Experiment) คือการทดสอบหรือชุดของการทดสอบที่มีวัตถุประสงค์ที่จะเปลี่ยนปัจจัย (Factor) นำเข้าของกระบวนการ และสังเกตการเปลี่ยนแปลงของปัจจัยนำออก ซึ่งเรียกว่า ผลตอบ (Response) ซึ่งวัตถุประสงค์ของการทดลองจึงเกี่ยวกับการหาตัวแปรที่มีอิทธิพลมากที่สุดต่อผลตอบ การออกแบบการทดลองจึงอาจจะนำมาใช้ทั้งการพัฒนาระบวนการที่มีปัญหาเพื่อให้กระบวนการนั้นมีสมรรถนะดีขึ้นหรือทำให้เกิดความมั่นคง (Robust or Insensitive) ต่อแหล่งความผันแปรที่อยู่ภายนอกได้ (Montgomery, 2002)

การออกแบบการทดลองได้ถูกนำมาใช้ในงานทางวิศวกรรมต่างๆมากมาย ดังเช่น ในอุตสาหกรรมที่เกี่ยวข้องกับอุปกรณ์คอมพิวเตอร์ ซึ่ง กฤษดา อัสวรุ่งแสงกุล (2542) ได้ประยุกต์ใช้การออกแบบการทดลองเพื่อศึกษาอิทธิพลต่อการเกิดรอยบิ่นและรอยร้าวในกระบวนการตัดชิ้นตอนสุดท้ายของการตัดหัวอ่านเขียนข้อมูลของฮาร์ดดิสก์และหาเงื่อนไขหรือวิธีการปรับปรุงที่เหมาะสมจากการวิเคราะห์วิธีการทางสถิติสามารถหาปัจจัยที่มีอิทธิพลน้อยสำคัญต่อการเกิดรอยบิ่นและรอยร้าว คือ ความเร็วรอบในการตัด และทิศทางการตัด ในขณะที่ ทรงพล พิเศษฐวัฒนา (2541) ได้ศึกษาถึงปัจจัยที่มีอิทธิพลต่อแรงดึงระหว่างตัวเลื่อน (Slider) และส่วนโค้ง (Flexure) ของหัวอ่านเขียนข้อมูลฮาร์ดดิสก์ไครฟ์และเสนอเงื่อนไขที่เหมาะสมเพื่อเพิ่มคุณภาพของแรงดึงของหัวอ่านเขียนข้อมูลดังกล่าวภายใต้เงื่อนไขที่เป็นไปได้จริง

ในอุตสาหกรรมที่เกี่ยวข้องกับการแปรรูปและการผลิต เทคนิคการออกแบบการทดลองก็ได้ถูกนำมาใช้ในการประเมินผลของปัจจัยที่สนใจศึกษา ดังเช่น วิชัย รวิพันธ์ (2540) ได้ทำการวิจัยเรื่องการออกแบบแผนการทดลองและการควบคุมการผลิตในแผนกบรรจุภัณฑ์โดยได้ศึกษาปัจจัยที่มีผลต่อแรงดึงเทป และหาค่าของปัจจัยเหล่านั้นที่ทำให้ค่าแรงดึงเทปใกล้เคียง 70 กรัม (gramf.) ซึ่งเป็นความต้องการของลูกค้า และ สรียา กลิกพันธุ์ (2543) ได้ทำการวิจัยเรื่องการนำเศษแผ่นพาร์ทิเคิลจากการตัดริบมาเป็นส่วนผสมในการผลิตแผ่นพาร์ทิเคิล โดยได้ศึกษาหาปัจจัยที่มีอิทธิพลต่อความแข็งแรงและความคงขนาดของแผ่นพาร์ทิเคิลและหาเงื่อนไขส่วนผสมที่เหมาะสมในการนำเศษแผ่นพาร์ทิเคิลจากการตัดริบมาเป็นส่วนผสมในการผลิตแผ่นพาร์ทิเคิล โดยอาศัยหลักการออกแบบการทดลอง เพื่อเพิ่มมูลค่าของเศษแผ่นพาร์ทิเคิลที่เหลือจากการใช้ประโยชน์ โดยแผ่นพาร์ทิเคิลที่ผลิตได้ต้องมีคุณภาพตรงตามมาตรฐานและเหมาะสมต่อการใช้งาน

ในส่วนที่เกี่ยวกับเครื่องจักรกลในการผลิต ทวีป จีระประดิษฐ์ (2538) ได้ทำการวิจัยเรื่อง การศึกษาผลกระทบของเงื่อนไขการแปรรูปโลหะในกรรมวิธีอีดีเอ็ม โดยได้ศึกษาเงื่อนไขการแปรรูปของโลหะของ 3 ตัวแปร ได้แก่ กระแส ช่วงพัลส์ และเซอร์โว ซึ่งมีผลกระทบต่ออัตราการกัดเนื้อโลหะ อัตราการสึกหรอ ความหยาบ และโอเวอร์คัต โดยอาศัยวิธีแฟกทอเรียลตามหลักการ ออกแบบและวิเคราะห์การทดลองเป็นพื้นฐานของการวิจัยและสร้างสมการอโรโกนอลโพลิเนอรัเมียลของอัตราการกัดเนื้อโลหะ อัตราการสึกหรอ ความหยาบ และโอเวอร์คัตในรูปของ 3 ตัวแปร โดยใช้โปรแกรมทางสถิติ Statistical Graphics มาช่วยในการวิเคราะห์ผลการทดลองเบื้องต้น และ สุรพล สุบรรเจิดพร (2542) ได้ทำการวิจัยเรื่อง การหาเงื่อนไขที่เหมาะสมในการเชื่อมตีบุก-ตะกั่วบนแผ่นวงจรพิมพ์ด้วยเครื่องเชื่อมอัตโนมัติโดยวิธีการออกแบบการทดลอง โดยได้ศึกษาปัจจัยที่มีอิทธิพลต่อการเชื่อมตีบุก-ตะกั่วบนแผ่นวงจรพิมพ์ด้วยเครื่องเชื่อมอัตโนมัติและหาเงื่อนไขที่เหมาะสมจากการทดลองเพื่อลดจุดบกพร่องของรอยเชื่อม พร้อมพัฒนากระบวนการให้มีประสิทธิภาพสูงขึ้น ตลอดจนระบบการควบคุมคุณภาพทางวิศวกรรมที่ รัชดาพร กริอุณะ (2542) ได้ทำการค้นคว้าอิสระเชิงวิทยานิพนธ์เรื่องวิธีของทาคูชิสำหรับการควบคุมคุณภาพทางวิศวกรรม โดยได้รายงานวิธีของทาคูชิสำหรับการควบคุมคุณภาพทางวิศวกรรมเป็นการวางแผนการทดลอง เพื่อหาระดับปัจจัยที่เหมาะสมที่จะทำให้ค่าเฉลี่ยเบี่ยงเบนจากค่าเป้าหมายน้อยที่สุด และเสถียร ค่าใช้จ่ายน้อยที่สุด และนำไปประยุกต์ใช้ในการดำเนินการครั้งต่อไป แผนการทดลองที่ทาคูชิเลือกใช้ คือ การทดลองแฟกทอเรียลแบบสัดส่วน และได้ดัดแปลงการจัดเรียงแบบอโรโกนอลโดยวิธีของทาคูชิได้นำไปใช้ในทางอุตสาหกรรมเพื่อลดค่าใช้จ่ายในการทดลอง

ในส่วนของการศึกษาวิจัยในช่วง 3 – 4 ปีที่ผ่านมา ได้มีการนำเทคนิคการออกแบบการทดลองมาใช้กันเพิ่มมากขึ้นโดย พีรพันธ์ บางพาน (2546) ได้ทำการศึกษาถึงปัจจัยที่มีอิทธิพลต่อการแกะเม็กลำไยด้วยเครื่องแกะเม็กลำไยชนิดจานหมุน โดยอาศัยเทคนิคการออกแบบการทดลองมาใช้ประเมินผล และหลักการพื้นผิวผลตอบ (Response Surface Methodology; RSM) ด้วยการออกแบบส่วนผสมกลาง (Central Composite Design; CCD) ทดลองกับลำไยพันธุ์อีดอ โดยกำหนดปัจจัย 3 ปัจจัย คือ ความดันในการแกะเม็กลำไย ความลึกในการแกะเม็กลำไย และขนาดของผลลำไย เพื่อให้ได้ข้อมูลในเชิงสถิติและถ่ายทอดเทคโนโลยีที่ได้ไปสู่ชุมชนเป็นการพัฒนาผลิตภัณฑ์ในท้องถิ่นให้มีมูลค่าสูงขึ้น และ วรพจน์ ศิริรักษ์ (2549) ได้ทำการวิจัยเกี่ยวกับการเปรียบเทียบคุณภาพผิวเคลือบที่ได้จากการพ่นเคลือบอาร์คไฟฟ้าด้วยลวดโลหะที่ผลิตในประเทศไทย กับลวดโลหะที่ต้องนำเข้าจากต่างประเทศ เพื่อช่วยลดต้นทุนในการพ่นพาทาเทคโนโลยีต่างประเทศ โดยการหาค่าสภาวะที่เหมาะสมของปัจจัยเพื่อให้ได้ผิวเคลือบที่มีคุณสมบัติที่ดี โดยใช้ในการออกแบบการทดลองแบบเศษส่วนเชิงแฟกทอเรียล  $2^{6-2}$  เพื่อกรองปัจจัย 6 ปัจจัย จากนั้นใช้การ

ออกแบบการทดลองแบบบ็อกซ์-เบห์นเคน (Box-Behnken Design) และแบบแฟกทอเรียล 3 ระดับ ในการวิเคราะห์ข้อมูลเพื่อหาคุณสมบัติที่ดีที่สุดของผิวเคลือบ

ในทุกการศึกษาที่ผ่านมามีการใช้การออกแบบการทดลองหลายๆแบบ แตกต่างกันไปขึ้นอยู่กับจุดประสงค์การศึกษา ระดับปัจจัย และข้อมูลดิบ ซึ่งในการศึกษาค้นคว้าอิสระนี้พอได้มาเป็นแนวทางในการศึกษา คือ การใช้เทคนิคการออกแบบการทดลองเพื่อหาสภาวะที่เหมาะสมที่สุดสำหรับการล้างเมมเบรนด้วยสารเคมีพีเอชสูงเพื่อเพิ่มประสิทธิภาพของระบบผลิตน้ำรีเวอร์สออสโมซิส

ส่วนผลงานวิจัยที่ผ่านมาเกี่ยวกับกระบวนการล้างเมมเบรนนั้นไม่แพร่หลายทั้งในและต่างประเทศ ซึ่งทำให้ผู้ค้นคว้าจึงต้องศึกษาจากหนังสือเรียน คู่มือจากผู้ผลิตเมมเบรน ประสบการณ์การทำงานและสอบถามจากผู้เชี่ยวชาญในบริษัทและบริษัทผู้ออกแบบและก่อสร้างระบบผลิตน้ำเพื่อหาศึกษาปัจจัยที่เกี่ยวข้องในกระบวนการล้างเมมเบรน

ในส่วนวิธีการล้างเมมเบรน ไพศาล วีรกิจ (2549) ได้เขียนรายละเอียดเกี่ยวกับขั้นตอนวิธีการล้างเมมเบรนของระบบผลิตน้ำรีเวอร์สออสโมซิส และข้อจำกัดในการล้าง โดยการทำน้ำยาเคมีที่ผสมแล้วให้ร้อนขึ้นไม่เกิน 40 องศาเซลเซียส จะช่วยให้การล้างมีประสิทธิภาพยิ่งขึ้น

บริษัท Dow Chemical (1993) มีรายละเอียดข้อจำกัดในการล้างของเมมเบรน FILMTEC™ Membranes ขนาด 8 นิ้ว ยาว 40 นิ้ว รุ่น BW30LE-440 คือ อุณหภูมิที่เหมาะสมไม่เกิน 35 องศาเซลเซียส และค่าความเป็นกรด-ด่างที่เหมาะสมควรอยู่ระหว่าง 1 - 12 และได้แนะนำค่าอัตราการไหลในการชะล้างสำหรับเมมเบรนขนาด 8 นิ้วไว้ที่ 6 - 9 ลูกบาศก์เมตรต่อชั่วโมง (อัตราการไหลต่อ 1 หลอดบรรจุเมมเบรน) ซึ่งเอกสารแสดงในภาคผนวก

จากการศึกษาดังกล่าวสามารถสรุปและกำหนดปัจจัยในการล้างเมมเบรนได้ 3 ปัจจัย ดังนี้ คือ ค่าความเป็นกรด-ด่าง (pH) อุณหภูมิของสารเคมี และอัตราการไหลของสารเคมี ซึ่งในการศึกษาค้นคว้าแบบอิสระนี้จะทำการศึกษหาปัจจัยที่เหมาะสมที่สุดเพื่อหาสภาวะที่เหมาะสมที่สุดสำหรับการล้างเมมเบรนด้วยสารเคมีพีเอชสูงเพื่อเพิ่มประสิทธิภาพของระบบผลิตน้ำรีเวอร์สออสโมซิส

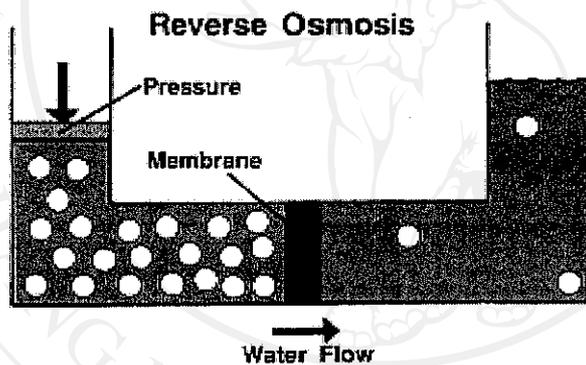
## 2.2 หลักการและทฤษฎีที่เกี่ยวข้อง

ในการค้นคว้าแบบอิสระนี้ ผู้ค้นคว้าจะทำการทดลองเกี่ยวกับปัจจัยที่มีผลต่อประสิทธิภาพของกระบวนการล้างเมมเบรนด้วยสารเคมีพีเอชสูงของระบบผลิตน้ำรีเวอร์สออสโมซิส โดยมีแนวความคิดในการนำหลักการออกแบบการทดลองมาประเมินผลเพื่อให้มาซึ่งข้อมูลในเชิงสถิติตามหลักการและแนวความคิดดังนี้

## 2.2.1 หลักการทำงานของระบบผลิตน้ำรีเวอร์สออสโมซิสและกระบวนการล้าง

### 2.2.1.1 หลักการรีเวอร์สออสโมซิส (Reverse Osmosis; RO)

เมื่อนำของเหลวที่มีความเข้มข้นแตกต่างกันมาใส่ในภาชนะใบหนึ่งและวางแผ่นเมมเบรนที่ยอมให้แต่ละของเหลวไหลผ่านมาวางกั้นระหว่างของเหลวทั้งสองนั้น โดยปรากฏการณ์ธรรมชาติ ของเหลวที่เข้มข้นกว่าจะดูดเอาของเหลวที่เจือจางกว่าเข้ามาผสม เพื่อให้เกิดความเจือจาง และเมื่อเกิดความเจือจางเท่ากันทั้งสองฝ่ายแล้ว ปรากฏการณ์นี้จะหยุดเพราะเกิดการสมดุล และระดับของเหลวจะแตกต่างกัน ปรากฏการณ์นี้เรียกว่า “Osmosis” ถ้าไม่ต้องการให้เกิดปรากฏการณ์นี้ก็ต้องใช้ความดันมากดันของเหลวที่มีความเข้มข้นกว่าไว้ และความดันที่ต้องใช้นี้เรียกว่า “Osmotic Pressure” โดยถ้าต้องการให้ของเหลวที่มีความเข้มข้นมากกว่าไหลไปสู่ด้านที่มีความเข้มข้นเจือจางกว่า ต้องใช้ความดันที่มากกว่า “Osmotic Pressure” เข้ามาช่วยและกลายเป็นกระบวนการ “Reverse Osmosis” ดังรูป 2.1



**รูป 2.1 หลักการของรีเวอร์สออสโมซิส**

(กิริติ พัฒนสารินทร์, 2546)

การที่ระบบสามารถกำจัดสารละลายต่างๆได้ เนื่องจากเมมเบรนยอมให้เฉพาะโมเลกุลของน้ำไหลผ่าน ไอออนต่างๆของเกลือจะถูกเมมเบรนผลัดดันไม่สามารถผ่านได้ ส่วนโมเลกุลที่ไม่ถูกเมมเบรนผลัดก็จะถูกกำจัดโดยการกรองติดค้าง (Seive) โดยระบบรีเวอร์สออสโมซิสมีความสามารถในการกำจัดสารละลาย และคอลลอยด์ อาทิเช่น สารละลายในน้ำ (Total Dissolved Solid) ความกระด้าง และสารอินทรีย์ต่างๆ เป็นต้น

### 2.2.1.2 ประสิทธิภาพการกรอง

ด้านคุณภาพในการกรอง คือ %Salt Rejection เป็นค่าที่บ่งบอกถึงประสิทธิภาพของเมมเบรนในการกำจัดพวกเกลือแร่ต่างๆในน้ำ โดยสามารถอธิบายได้ดังสมการ 2.1

$$\%SaltRejection = \left( 1 - \frac{EC_{Product}}{EC_{Feed} - EC_{Reject}} \right) \times 100 \quad (2.1)$$

โดยทั่วไป % Salt Rejection ของสารละลายอินทรีย์และสารละลายอนินทรีย์ มีค่าประมาณ 99% และ 95 - 99% ตามลำดับ ส่วน %Salt Rejection ของคอลลอยด์ต่างๆ เช่น แบคทีเรีย ความขุ่น ฯลฯ มักสูงถึง 100%

### 2.2.1.3 ปริมาณการกรอง

%Recovery หมายถึง อัตราส่วนระหว่างปริมาณน้ำสะอาดที่ผลิตได้ ต่อปริมาณน้ำดิบที่ใช้ในการผลิตน้ำสะอาด ซึ่งมีสมการดังนี้

$$\%Recovery = 100 \frac{Q_{Product}}{Q_{Feed}} \quad (2.2)$$

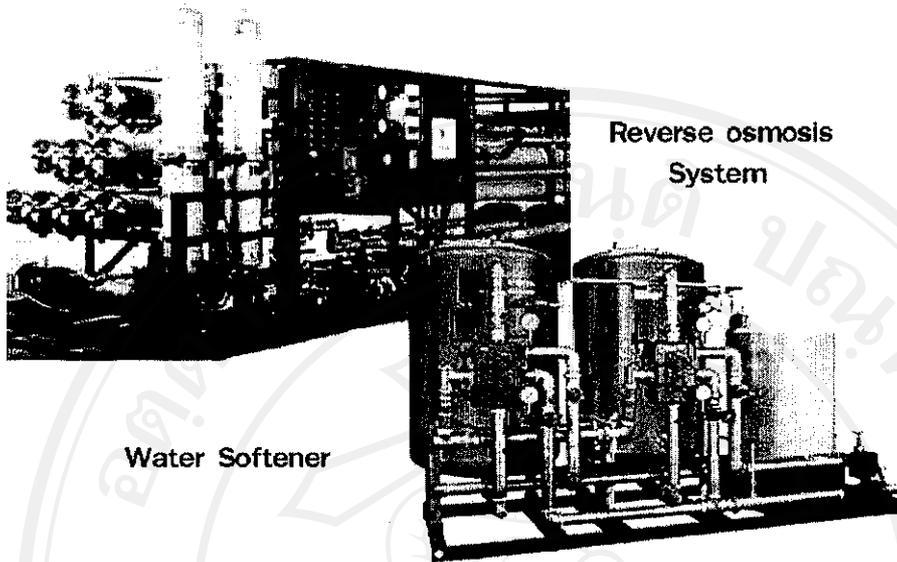
$$\%Recovery = 100 \frac{Q_{Product}}{Q_{Product} + Q_{Reject}} \quad (2.3)$$

ส่วนใหญ่ระบบรีเวอร์สออสโมซิสจะมี % Recovery ประมาณ 50 – 70 % เพราะต้องมีการระบายน้ำที่มีความเข้มข้นสูงทิ้งเพื่อลดความเข้มข้นของสารละลายที่สะสมอยู่ในระบบรีเวอร์สออสโมซิส (Goshu Kohsan CO., LTD, 2540)

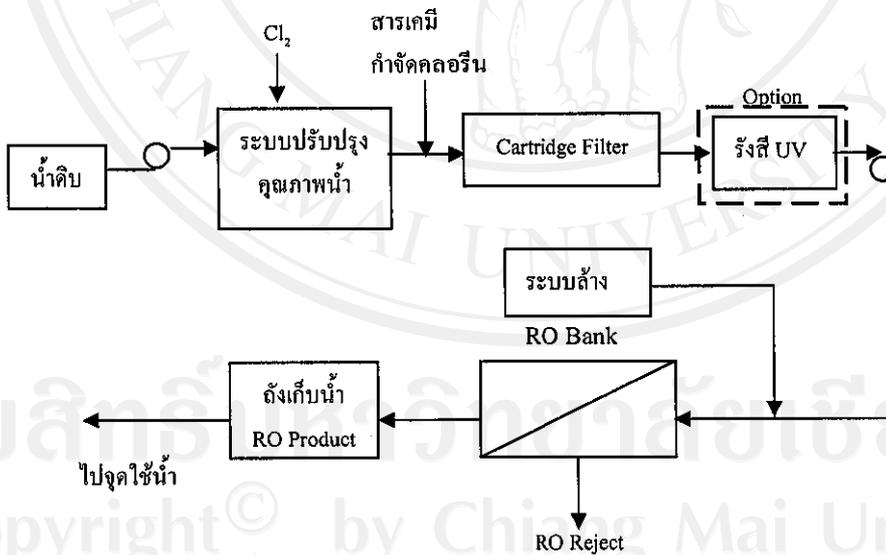
### 2.2.1.4 ส่วนประกอบของระบบรีเวอร์สออสโมซิส

ในระบบรีเวอร์สออสโมซิสนั้นมีส่วนประกอบหลักๆโดยทั่วไป แสดงดัง รูป 2.2 และ 2.3 ซึ่งมีรายละเอียดของส่วนประกอบของระบบผลิตน้ำรีเวอร์ออสโมซิส ดังนี้

- ระบบปรับปรุงคุณภาพน้ำ เป็นระบบปรับปรุงคุณภาพน้ำก่อนเข้าสู่ระบบรีเวอร์สออสโมซิส ซึ่งการเลือกระบบที่เหมาะสมนั้นขึ้นอยู่กับคุณภาพน้ำดิบ ในบางกรณีถ้าน้ำดิบมีความกระด้างสูง ก็ต้องทำการติดตั้ง Water Softener ในระบบเพื่อกำจัดความกระด้างออกไปก่อน



รูป 2.2 ระบบผลิตน้ำรีเวอร์สออสโมซิสและระบบปรับปรุงคุณภาพน้ำ  
(กิริติ พัฒนสารินทร์, 2546)



รูป 2.3 แผนผังระบบผลิตน้ำรีเวอร์สออสโมซิสและส่วนประกอบต่างๆ  
(ไพศาล วีรกิจ, 2549)

- ระบบเติมคลอรีน เพื่อฆ่าแบคทีเรีย และสารชีวภาพอื่นๆ
- ระบบเติมสารเคมีกำจัดคลอรีน เพื่อกำจัดคลอรีนอิสระออกจากน้ำเนื่องจากมีผลสามารถทำลายเนื้อเยื่อของเมมเบรน
- ระบบการกรองก่อนเข้าเมมเบรนโดยใช้ Cartridge Filter เป็นการ Pre-Filter น้ำอีกครึ่งหนึ่งขนาดการกรองอยู่ระหว่าง 1 – 5 ไมครอน
- ระบบฆ่าเชื้อแบคทีเรียด้วยรังสี UV ใช้ในกรณีที่ไม่ต้องการใช้คลอรีน
- ปั๊มแรงดัน (RO Feed Pump) เป็นเครื่องสูบน้ำความดันค่อนข้างสูงจนถึงความดันสูงมากขึ้นอยู่กับปริมาณสารละลายในน้ำดิบ และวัสดุเมมเบรนที่ใช้ เครื่องสูบน้ำที่ใช้ อาจจะเป็นเมมเบรนหอยโข่ง มีใบพัดเดี่ยวหรือหลายใบพัด หรืออาจจะเป็นแบบเทอร์โบก็ได้เช่นเดียวกัน
- RO Bank เป็น RO Module อยู่ใน Pressure Vessel ซึ่งอาจจะเป็น 1 Stage หรือ 2 Stages ขึ้นอยู่กับคุณภาพน้ำผลิตและ %Recovery ที่ต้องการ
- ถังเก็บน้ำผลิตรีเวอร์สออสโมซิสเพื่อที่จะส่งจ่ายน้ำไปใช้ตามจุดต่างๆ และต้องมีปริมาณน้ำเพียงพอไว้ใช้ในระหว่างที่ทำการล้างเมมเบรน
- ระบบสำหรับการล้างเมมเบรนจะประกอบด้วยถังน้ำยาเคมีที่ใช้ในการล้าง เครื่องสูบน้ำยาเคมีเข้าระบบและท่อต่างๆ สำหรับต่อเข้าระบบอาจจะเป็นระบบที่ติดตั้งถาวรอยู่กับระบบหรืออาจจะเป็นระบบแบบเคลื่อนย้ายได้
- ระบบท่อในระบบ RO ท่อสำหรับน้ำก่อนเข้าระบบ RO อาจเป็นเหล็ก หรือท่อ PVC ก็ได้ ส่วนท่อของน้ำ RO Product ควรเป็นท่อสแตนเลส 16 หรือท่อ PVC หรืออาจใช้ท่อ UPVC (Unplasticized PVC) ก็ได้ ส่วนน้ำ reject ควรเป็นท่อ PVC
- อุปกรณ์ช่วยในการเดินระบบให้มีประสิทธิภาพ เช่น เครื่องวัดอัตราการไหล (Flow meter) ของ RO Product Water และ RO Reject เครื่องปรับความดัน (Back Pressure Valve) ในท่อ Reject เกจวัดความดันของระบบ และเครื่องวัดความบริสุทธิ์ของน้ำ (TDS Meter, Resistivity Meter หรือ Conductivity Meter)

#### 2.2.1.5 การล้างเมมเบรนและประเภทของการอุดตัน

การกรองน้ำโดยใช้เมมเบรนนั้นจะมีอายุการใช้งานหรือการเสื่อมประสิทธิภาพในการกรอง โดยจะมีสิ่งที่บ่งบอกถึงสิ่งดังกล่าวดังนี้

- เมื่ออัตราการไหลของน้ำผลผลิตลดลง 10 – 15 % จากที่เคยกรองได้
- ความดันแตกต่างกันระหว่างด้าน Feed และด้าน Reject เพิ่มขึ้น 10 – 15 %
- อัตรา %Salt Rejection ลดลง 1 - 2 %

การล้างเมมเบรนให้ได้ผลนั้นต้องใช้สารเคมีที่เหมาะสมกับประเภทของการอุดตัน มิฉะนั้นแล้วการล้างจะไม่สะอาด หรือนำประสิทธิภาพของการกรองกลับมาสู่สภาพปกติ โดยประเภทของการอุดตันตามสารเคมีที่ใช้ในการล้าง ดังนี้

- สารเคมีที่มีค่าพีเอชต่ำหรือสภาพเป็นกรด

ส่วนใหญ่จะเป็นการอุดตันที่เกิดที่มาจากสารอนินทรีย์ (Inorganics) เช่น ตะกั่ว  $\text{CaCO}_3$  การอุดตันแบบนี้จะทำให้การไหลของน้ำผลผลิตและจะมีส่วนทำให้ค่า Salt Rejection ลดลงด้วย การตกตะกั่วของ  $\text{CaCO}_3$  บนผิวเมมเบรน จะทำให้เกิดค่า pH สูงถึง 11.0 ในบริเวณที่เกิดตะกั่ว (เนื่องจาก  $\text{CaCO}_3$  มีสภาพเป็นด่าง) ซึ่งโดยปกติตะกั่ว  $\text{CaCO}_3$  จะละลายน้ำในสภาพที่เป็นกรด ดังนั้นการใช้กรดหรือน้ำยาที่มีสภาพเป็นกรดก็จะสามารถทำความสะอาดเมมเบรนได้ดี

ในส่วนการอุดตันที่เกิดจากตะกั่วซัลเฟต เช่น  $\text{CaSO}_4$ ,  $\text{BaSO}_4$  หรือ  $\text{SrSO}_4$  การอุดตันแบบนี้จะทำให้ต้องใช้ความดันในการกรองเพิ่มขึ้น และถ้าอุดตันนานๆก็จะมีผลต่อการไหลของ RO Product และ %Salt Rejection ด้วย การอุดตันด้วย  $\text{CaSO}_4$  อย่างเดียวจะกำจัดได้ด้วยการใช้น้ำยาล้างทำความสะอาดที่มีเกลือ  $\text{CO}_3$  สูง ผสมด้วย EDTA ซึ่ง  $\text{CaSO}_4$  จะถูกเปลี่ยนเป็น  $\text{CaCO}_3$  และละลายตัวออกมา แต่ถ้าเป็นการอุดตันด้วย  $\text{BaSO}_4$  และ  $\text{SrSO}_4$  แล้วจะล้างออกไม่ได้ จำเป็นต้องใช้วิธีป้องกันไม่ให้เกิดการตกตะกั่วอย่างเดียวก่อนด้วยการเติมน้ำยาป้องกันการตกตะกั่ว (Scale Inhibitor) และการอุดตันที่เกิดจากเหล็ก เหล็กในน้ำมี  $\text{Fe}^{+2}$  และ  $\text{Fe}^{+3}$  ซึ่ง  $\text{Fe}^{+2}$  จะละลายน้ำ ส่วน  $\text{Fe}^{+3}$  จะไม่ละลายน้ำ การอุดตันแบบนี้จะทำให้ต้องใช้ความดันในการกรองเพิ่มขึ้น ถ้ายังอุดตันไม่มากนัก การใช้กรดหรือเคมีที่มี EDTA ผสมก็จะล้างได้ผลดี แต่ถ้าอุดตันมากซึ่งส่วนใหญ่จะเป็นการอุดตันในรูปของ  $\text{Fe}^{+3}$  จำเป็นที่จะต้องเปลี่ยน  $\text{Fe}^{+3}$  ให้เป็น  $\text{Fe}^{+2}$  ก่อนด้วยการใช้สารละลาย  $\text{NaHSO}_3$  แล้วจึงตามด้วยการล้างด้วยกรดหรือ EDTA

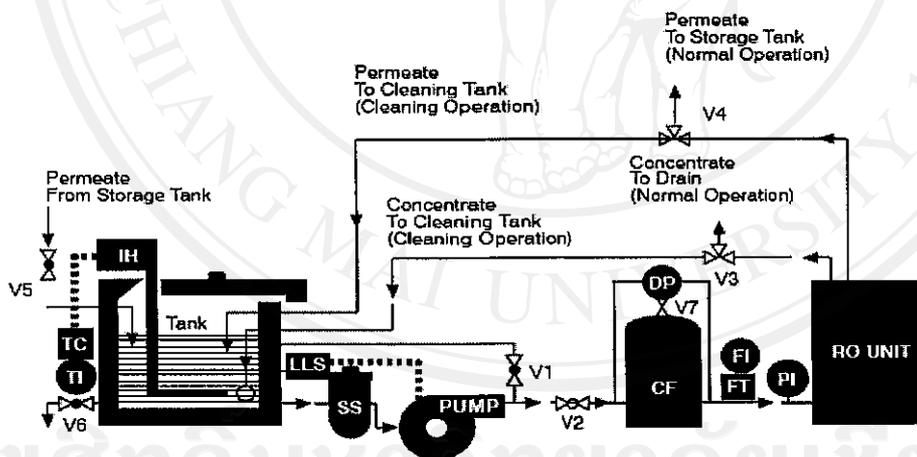
- สารเคมีที่มีค่าพีเอชสูงหรือสภาพเป็นด่าง

ส่วนใหญ่จะเป็นการอุดตันที่เกิดที่มาจากสารอินทรีย์ (organics) การอุดตันจากสารอินทรีย์แขวนลอย สารอินทรีย์แขวนลอยจะเป็นพวก Numic Acids หรือพวกโคลนที่มาจากผิวดิน การอุดตันจะทำให้ต้องใช้ความดันในการกรองมากขึ้น การล้างด้วยสารเคมีที่มีสภาพเป็นด่างก็จะได้ผลเพียงพอ ในส่วนของการอุดตันจากสารชีวภาพ (Bacteria) จะทำให้ต้องใช้การล้างด้วยสารเคมีที่มีสภาพเป็นด่าง และที่ pH สูงกว่า 11.0 จะกำจัดสารชีวภาพได้หมดและในบางกรณี

สารชีวภาพจะเจริญเติบโตหุ้มเหล็กไว้ภายใน เรียกว่าการอุดตันด้วย Ion Bacteria เมื่อเกิดการอุดตันแบบนี้ก็จะมีผลแบบเดียวกันกับการอุดตันด้วยสารชีวภาพ แต่การล้างทำความสะอาดจะยุ่งยากกว่า การล้างหลายครั้งด้วย EDTA ที่ pH สูง แล้วล้างด้วยน้ำสะอาดและตามด้วยสารเคมีที่มีสภาพเป็นด่างจะให้ผลดีที่สุด ในส่วนของการอุดตันที่เกิดจากซิลิกา (SiO<sub>2</sub>) ซึ่งเป็นสารอนินทรีย์ก็จะทำให้ต้องใช้ความดันในการกรองเพิ่มขึ้น และถ้าเนิ่นนานเข้าอาจจะหลุดไหลผ่านเมมเบรนเข้ามาใน RO Product การล้างควรจะใช้สารเคมีที่มีสภาพเป็นด่าง

ในกระบวนการการล้างเมมเบรน โดยทั่วไปมีแผนผังของระบบการล้างดังรูป 2.3 และขั้นตอนวิธีการ ดังนี้

- เติมน้ำลงในถังผสมน้ำยาเคมี(Mixing Tank)
- ถายนํ้าออกจาก Vessel ให้มากที่สุด
- เติมนํ้ายาเคมีสำหรับการล้างลงในถังผสมน้ำยาเคมีตามคำแนะนำของผู้ผลิต หรือตามค่า pH โดยให้สารละลายเป็นเนื้อเดียวกันและไม่มีตะกอนหลงเหลือ
- การทำน้ำยาเคมีที่ผสมแล้วให้ร้อนขึ้นไม่เกิน 40 องศาเซลเซียส จะช่วยให้การล้างมีประสิทธิภาพยิ่งขึ้น



TANK	Chemical Mixing Tank, polypropylene or FRP	DP	Differential Pressure Gauge
IH	Immersion Heater (may be replaced by cooling coil for some site locations)	FI	Flow Indicator
TI	Temperature Indicator	FT	Flow Transmitter (optional)
TC	Temperature Control	PI	Pressure Indicator
LLS	Lower Level Switch to shut off pump	V1	Pump Recirculation Valve, CPVC
SS	Security Screen-100 mesh	V2	Flow Control Valve, CPVC
PUMP	Low-Pressure Pump, 316 SS or non-metallic composite	V3	Concentrate Valve, CPVC 3-way valve
CF	Cartridge Filter, 5-10 micron polypropylene with PVC, FRP, or SS housing	V4	Permeate Valve, CPVC 3-way valve
		V5	Permeate Inlet Valve, CPVC
		V6	Tank Drain Valve, PVC, or GPVC
		V7	Purge Valve, SS, PVC, or CPVC

**รูป 2.4** แผนผังระบบการล้างเมมเบรน (Dow Chemical Company, 1993)

- ต่อท่อเข้ากับท่อต่างๆของระบบให้ถูกต้อง
- เปิดวาล์วบนท่อ RO Reject ให้เต็มที่แล้วค่อยๆเปิดวาล์วปล่อยน้ำยาเคมีเข้าไปใน Vessel จนเต็ม
- เริ่มหมุนเวียนน้ำยาเคมี โดยให้การไหลเป็นไปตามทิศทางของการกรองและไหลผ่านท่อ RO Reject ย้อนกลับมาลงถังผสมน้ำยาเคมี ปรับอัตราการไหลให้ได้ตามที่กำหนด ในระหว่างการล้างจะมีน้ำผลผลิตเกิดขึ้นด้วยการให้ไหลย้อนกลับไปที่ถังเช่นเดียวกัน
- ล้างหมุนเวียนอย่างน้อย 30 นาที ถ้านานกว่านี้ก็จะยิ่งเพิ่มประสิทธิภาพการล้างให้สูงขึ้น
- ปล่อยน้ำยาเคมีทิ้งลงท่อระบายน้ำไปสู่ระบบบำบัดน้ำเสีย แล้วเปิดน้ำ Feed Water เข้าไปล้างน้ำยาเคมีให้หมดออกจากระบบ
- ปรับวาล์วบนท่อ RO Reject ให้เหมาะสมเหมือนกับก่อนที่จะล้าง แล้วเริ่มส่งน้ำ Feed Water เข้าระบบแล้วเปิดน้ำผลผลิตทิ้งไปจนกว่าค่าควบคุมในการเดินระบบเป็นไปตามที่ต้องการ จึงเริ่มใช้ได้ตามปกติ (ไพศาล วีรกิจ, 2549)

## 2.2.2 หลักการที่นำมาใช้ในการออกแบบการทดลอง

### 2.2.2.1 การออกแบบการทดลอง

การออกแบบการทดลอง (Design of Experiment :DOE) เป็นเทคนิคทางสถิติขั้นสูงที่ใช้ในการปรับค่าสถานะของกระบวนการให้เป็นไปตามสภาพที่เราต้องการ ซึ่งข้อแตกต่างอย่างเห็นได้ชัดระหว่างวิธีการโดยทั่วไปกับเทคนิคของการออกแบบการทดลอง คือ วิธีการโดยทั่วไปมักเป็นการทดลองแบบลองผิดลองถูก หรือใช้การทดลองปรับตั้งค่ากระบวนการทีละค่า (One-Factor-at-a-Time) เช่น ถ้าเราสงสัยว่าเราควรที่จะต้องปรับตั้งค่าของอุณหภูมิในกรอบชิ้นงาน เวลาที่ใช้ในการอบ และส่วนผสมของชิ้นงานเท่าไรดีจึงจะทำให้ชิ้นงานที่ได้มีคุณภาพสูงสุดไม่เป็นข้อเสีย ดังนั้นแนวทางที่เรามักใช้กันโดยทั่วๆ ไปก็คือ เรามักจะไปลองปรับตั้งในส่วนของอุณหภูมิที่ใช้ในการอบก่อน (ในขณะที่คงค่าของเวลาที่ใช้ในการอบกับอัตราส่วนผสมไว้) เมื่อทดลองจนได้ค่าของอุณหภูมิที่เราต้องการแล้ว จึงค่อยไปปรับตั้งเรื่องของเวลา (ในขณะที่คงที่ค่าของอุณหภูมิที่ใช้ในการอบกับอัตราส่วนผสมไว้) จากนั้นสุดท้ายจึงไปทำการปรับตั้งเรื่องของอัตราส่วนผสมที่เหมาะสม (โดยการคงที่ค่าของอุณหภูมิกับเวลาไว้) และเราอาจทำซ้ำวงจรนี้ไปเรื่อยๆ เพื่อที่จะหาจุดที่ดีที่สุดของกระบวนการ ซึ่งลักษณะนี้เรียกว่า การทดลองแบบ One Factor at a

Time นั้นเอง โดยทั่วไปแล้วการออกแบบการทดลองแบบ One Factor at a Time จะให้ผลตอบสนองเข้าสู่จุดมุ่งหมายที่เราต้องการได้ช้ามาก และสิ้นเปลืองทรัพยากรในการวิเคราะห์ รวมถึงต้องเก็บข้อมูลมากและยังไม่เหมาะสมอย่างยิ่งกับกระบวนการที่มีผลของความสัมพันธ์ร่วม (Interaction Effect) ระหว่างตัวแปรของกระบวนการด้วยตนเอง

หลักการพื้นฐาน 3 ประการ สำหรับการออกแบบการทดลองคือ

- เรพลิเคชัน (Replication) หมายถึง การทดลองซ้ำ ซึ่งมีสมบัติที่สำคัญ 2 ประการ คือ ทำให้ทดลองสามารถหาค่าประมาณของความผิดพลาดในการทดลองได้ และถ้าค่าเฉลี่ยถูกนำมาใช้เพื่อประมาณผลที่เกิดจากปัจจัยหนึ่งการทดลองเรพลิเคชัน ทำให้ผู้ทดลองสามารถหาตัวประมาณที่ถูกต้องยิ่งขึ้นในการประมาณผลกระทบนี้อ
- แรนดอมไมเซชัน (Randomization) หมายถึง การทดลองที่มีทั้งวัสดุที่ใช้ในการทดลองและลำดับของการทดลองแต่ละครั้งเป็นแบบสุ่ม (random) วิธีการเชิงสถิติกำหนดว่าข้อมูลจะต้องเป็นปัจจัยแบบสุ่มที่มีการกระจายแบบสุ่มที่มีการกระจายแบบอิสระ การที่เราสุ่มการทดลองทำให้เราสามารถลดผลของปัจจัยภายนอกที่อาจปรากฏในการทดลองได้
- บล็อกกิ้ง (Blocking) เป็นเทคนิคที่ใช้สำหรับเพิ่มความเที่ยงตรงให้แก่การทดลอง บล็อกอันหนึ่งอาจจะหมายถึง ส่วนหนึ่งของวัสดุที่ใช้ในการทดลองที่ควรจะมีความเป็นอันหนึ่งอันเดียวกันมากกว่าเซตทั้งหมดของวัสดุ การเปรียบเทียบเงื่อนไขที่น่าสนใจต่างๆ ภายในแต่ละบล็อกจะเกิดขึ้นได้จากการทำบล็อกกิ้ง

ข้อดีของการออกแบบการทดลองคือ ให้ผลของความแม่นยำและความถูกต้องในการวิเคราะห์ข้อมูลได้อย่างสูง โดยสามารถระบุออกมาเป็นค่าตัวเลขทางสถิติที่แสดงถึงค่าระดับความสำคัญของตัวแปรที่ส่งผลกระทบต่อกระบวนการ นอกจากนี้ยังมีความรวดเร็วในการดำเนินการตรวจสอบสาเหตุของปัญหา

การใช้วิธีการเชิงสถิติในการออกแบบและวิเคราะห์การทดลอง มีความจำเป็นอย่างยิ่งที่ทุกคนที่เกี่ยวข้องจะต้องมีความเข้าใจล่วงหน้าว่า เรากำลังศึกษาอะไรอยู่ จะเก็บข้อมูลได้อย่างไร และจะวิเคราะห์ข้อมูลที่เก็บนั้นได้อย่างไร ขั้นตอนในการดำเนินงานอาจจะทำได้ดังต่อไปนี้

- ทำความเข้าใจถึงปัญหา

ในขั้นตอนนี้ เราอาจจะต้องพยายามพัฒนาแนวคิดเกี่ยวกับวัตถุประสงค์ของการทดลอง และบ่อยครั้งที่เราจะต้องหาข้อมูลสำหรับป้อนเข้าจากบุคคลที่มีความรู้ความชำนาญในแต่ละด้านนั้น เป็นองค์ประกอบหนึ่งของการออกแบบการทดลอง เพราะเป็นจุดเริ่มต้นของการ

ดำเนินงานคือ การใช้ประสบการณ์คาดคะเนว่าปัจจัยใดบ้างที่น่าจะมีผลต่อปัญหาที่เราสนใจ ถ้าหากไม่มีในส่วนของประสบการณ์ของผู้เชี่ยวชาญเข้ามาเกี่ยวข้อง การออกแบบการทดลองก็ยังคงดำเนินต่อไป แต่จะใช้เวลานานขึ้น เพราะต้องเสียเวลาในการตรวจสอบทุกๆ ปัจจัยที่มีอยู่ทั้งหมด

- เลือกปัจจัย ระดับ และขอบเขต ในการทดลองที่เหมาะสม

ผู้ทดลองต้องเลือกปัจจัยที่จะนำมาเปลี่ยนแปลงในระหว่างทำการทดลอง กำหนดขอบเขตที่ปัจจัยเหล่านี้จะเปลี่ยนแปลง และกำหนดระดับ (Level) ที่จะเกิดขึ้นในการทดลอง จะต้องพิจารณาด้วยว่าจะควบคุมปัจจัยเหล่านี้ ณ จุดที่กำหนดได้อย่างไร และจะวัดผลตอบได้อย่างไร ดังนั้นในกรณีเช่นนี้ ผู้ทดลองจะต้องมีความรู้เกี่ยวกับกระบวนการอย่างมาก ซึ่งความรู้นี้อาจจะได้มาจากประสบการณ์และความรู้จากทางทฤษฎี มีความจำเป็นที่เราจะต้องตรวจสอบว่าปัจจัยที่กำหนดขึ้นมานี้มีความสำคัญหรือไม่ และเมื่อวัตถุประสงค์ของการทดลองคือการกรองปัจจัย (Factor Screening) ซึ่งต้องเลือกวิธีการคัดกรองปัจจัยให้เหมาะสมกับการทดลอง และควรจะกำหนดให้ระดับต่างๆ ที่ใช้ในการทดลองมีจำนวนน้อยๆ การเลือกขอบเขตของการทดลองก็มีความสำคัญเช่นกัน ในการทดลองเพื่อกรองปัจจัยเราควรเลือกขอบเขตให้มีความกว้างมากๆ หมายถึงว่าขอบเขตที่ปัจจัยแต่ละตัวจะเปลี่ยนแปลงได้ควรมีค่ากว้างๆ และเมื่อเราได้เรียนรู้เพิ่มขึ้นว่า ตัวแปรใดมีความสำคัญและที่ระดับใดที่ทำให้เกิดผลลัพธ์ที่ดีที่สุด เราอาจจะลดขอบเขตลงได้

## ตาราง 2.1 รูปแบบและลักษณะการทดลอง

รูปแบบการทดลอง	ลักษณะการทดลอง	เวลาในการวิเคราะห์	ความถูกต้อง	งบประมาณ
Single Factor	การทดลองสำหรับหนึ่งปัจจัย โดยปัจจัยดังกล่าวเป็นปัจจัยสำคัญที่คาดว่ามีผลกระทบสูงสุดต่อปัญหา	รวดเร็ว	ปานกลาง	น้อย
Factorial Design	การทดลองที่มีมากกว่าหนึ่งปัจจัยและเป็นการทดลองเต็มรูปแบบ	ใช้เวลานาน	มากที่สุด	มาก
2k Design	การทดลองที่มีมากกว่าหนึ่งปัจจัยและเป็นการทดลองเต็มรูปแบบแต่กำหนดระดับของแต่ละปัจจัยอยู่ที่ปัจจัยละ 2 ระดับเท่านั้น	ปานกลาง	ปานกลาง	ปานกลาง
2k-p Design	การทดลองที่มีมากกว่าหนึ่งปัจจัยแต่ไม่ทำการทดลองแบบเต็มรูปแบบทั้งหมด	รวดเร็ว	น้อย	น้อย

- เลือกตัวแปรตอบสนอง

ในการเลือกตัวแปรตอบสนองผู้ทดลองควรจะแน่ใจว่าตัวแปรนี้จะให้ข้อมูลเกี่ยวกับกระบวนการที่กำลังศึกษาอยู่ บ่อยครั้งที่ค่าเฉลี่ยหรือส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน (หรือทั้งคู่) ของกระบวนการจะเป็นตัวแปรตอบสนอง เป็นไปได้ว่าในการทดลองหนึ่งอาจมีตัวแปรตอบสนองหลายตัว และมีความจำเป็นอย่างมากที่เราจะต้องกำหนดให้ได้ว่า อะไรคือตัวแปรตอบสนอง และจะวัดตัวแปรเหล่านี้ได้อย่างไร ก่อนที่จะเริ่มดำเนินการทดลองจริง

- เลือกรูปของการทดลองที่เหมาะสม

ถ้ากิจกรรมการวางแผนก่อนการทดลองทำได้อย่างถูกต้อง ขั้นตอนนี้จะเป็ขั้นตอนที่ง่ายมาก การเลือกการออกแบบเกี่ยวข้องกับพิจารณาขนาดของตัวอย่าง (Replicate) การเลือกลำดับที่เหมาะสมของการทดลองที่จะใช้ในการเก็บข้อมูล และการตัดสินใจว่า ควรจะใช้วิธีการจัดกลุ่ม (Block) หรือการจัดแบบสุ่ม (Randomizations) อย่างใดอย่างหนึ่งหรือไม่ ในการเลือกการวิศวกรรมส่วนมาก เราจะทราบตั้งแต่เริ่มต้นแล้วว่า ปัจจัยบางตัวจะมีผลต่อคำตอบที่เกิดขึ้น ดังนั้นเราจะหาว่าปัจจัยตัวใดที่ทำให้เกิดความแตกต่าง และประมาณขนาดของความแตกต่างที่เกิดขึ้น

- ทำการทดลอง

เมื่อทำการทดลองเราจะต้องทำการทดลองอย่างระมัดระวัง เพื่อให้แน่ใจว่าการดำเนินการทุกอย่างเป็นไปตามการทดลองที่ได้ออกแบบไว้ ถ้ามีอะไรผิดพลาดเกิดขึ้นเกี่ยวกับการทดลองในขั้นตอนนี้จะทำให้การทดลองที่ทำนั้นใช้ไม่ได้ ดังนั้นการวางแผนในตอนแรกจะมีความสำคัญอย่างมากต่อความสำเร็จที่จะเกิดขึ้น

- วิเคราะห์ข้อมูลเชิงสถิติ

ใช้วิธีการทางสถิติมาใช้ในการวิเคราะห์ข้อมูล เพื่อว่าผลลัพธ์และข้อสรุปที่เกิดขึ้นจะเป็นตามวัตถุประสงค์ของการทดลอง ถ้าการทดลองได้ถูกออกแบบไว้เป็นอย่างดี และถ้าเราทำการทดลองตามที่ได้ออกแบบไว้ วิธีการทางสถิติที่จะนำมาใช้นั้นจะเป็นวิธีการที่ไม่ซับซ้อน ข้อได้เปรียบของวิธีการทางสถิติ เป็นเครื่องช่วยในการตัดสินใจอย่างมีประสิทธิภาพ และถ้าเรานำเอาวิธีการทางสถิติมาผนวกกับความรู้ทางวิศวกรรม ความรู้เกี่ยวกับกระบวนการ จะทำให้ข้อสรุปที่ได้ออกมานั้นมีเหตุผลสนับสนุนและมีความน่าเชื่อถือ

- ข้อสรุปและข้อเสนอแนะ

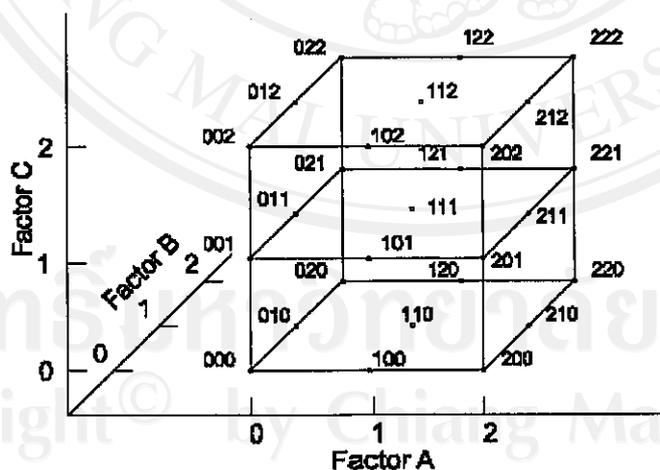
เมื่อเราได้วิเคราะห์ข้อมูลเรียบร้อยแล้ว ผู้ทดลองจะต้องหาข้อสรุปในทางปฏิบัติ และแนะนำแนวทาง นอกจากนี้แล้วการทำทดลองเพื่อยืนยันผล (Confirmation Testing) ควรจะเพิ่มขึ้นเพื่อที่จะตรวจสอบความถูกต้องของข้อสรุปที่เกิดขึ้นอีกด้วย

### 2.2.2.2 การออกแบบการทดลองเชิงแฟกทอเรียลแบบ 3 ระดับ

การออกแบบเชิงแฟกทอเรียล  $3^k$  หมายถึง การออกแบบเชิงแฟกทอเรียลที่แต่ละปัจจัยประกอบด้วย 3 ระดับและระดับทั้งสามของแต่ละปัจจัยมีค่าเป็น ต่ำ ปานกลาง และสูง สัญลักษณ์ที่ใช้แทนระดับทั้งสามเป็นตัวเลข 0 (ต่ำ) 1 (ปานกลาง) และ 2 (สูง) การทดลองร่วมปัจจัยในการออกแบบ  $3^k$  จะแทนด้วยตัวเลข  $k$  ซึ่งการออกแบบ  $3^k$  เหมาะสมกับผลตอบที่มีลักษณะเป็นส่วนโค้ง

- การออกแบบ  $3^3$

สมมุติว่ามีปัจจัย 3 ปัจจัย (A, B และ C) ที่อยู่ในความสนใจแต่ละปัจจัยประกอบด้วย 3 ระดับ ซึ่งถูกจัดอยู่ในรูปแบบของการทดลองเชิงแฟกทอเรียล การออกแบบในกรณีนี้เรียกว่า การออกแบบเชิงแฟกทอเรียลแบบ  $3^3$  โครงสร้างของการทดลองและสัญลักษณ์ของการทดลองร่วมปัจจัยต่างๆ แสดงดังรูปที่ 4.5 ในการทดลองนี้ประกอบด้วยการทดลองร่วมปัจจัยจำนวน 27 การทดลองดังนั้นมีระดับขั้นความเสรีเท่ากับ 26 ผลหลักแต่ละตัวจะมีระดับขั้นความเสรีเท่ากับ 2 อันตรกิริยาแบบสองปัจจัยแต่ละตัวจะมีระดับขั้นความเสรีเท่ากับ 4 และอันตรกิริยาแบบสามปัจจัยจะมีระดับขั้นความเสรีเท่ากับ 8 ถ้าทำการทดลองทั้งสิ้น  $n$  เรพลีเคต จะมีระดับขั้นความเสรีผลรวมเท่ากับ  $n3^3 - 1$  และมีค่าผิดพลาดของระดับขั้นความเสรีเท่ากับ  $3^3(n-1)$  ค่าผลรวมของกำลังสองสามารถหาได้จากวิธีปกติเหมือนการออกแบบเชิงแฟกทอเรียล



รูป 2.5 การทดลองร่วมปัจจัยสำหรับการออกแบบ  $3^3$

(ปารเมศ ชูติมา, 2545)

- รูปทั่วไปของการออกแบบ  $3^k$

แนวความคิดของการออกแบบ  $3^2$  และ  $3^3$  สามารถขยายไปสู่กรณีของปัจจัย  $k$  ตัว แต่แต่ละตัวประกอบด้วย 3 ระดับ นั่นคือ การออกแบบเชิงแฟกทอเรียล  $3^k$  สัญลักษณ์แบบคิซิทถูกนำมาใช้แทนการทดลองร่วมปัจจัยที่เกิดขึ้น เช่น 0120 หมายถึงการทดลองร่วมปัจจัยในการออกแบบ  $3^4$  ที่มี A และ D อยู่ที่ระดับต่ำ B อยู่ที่ระดับกลาง และ C อยู่ที่ระดับสูง การออกแบบ  $3^k$  นี้ จะประกอบด้วย การทดลองร่วมปัจจัยทั้งสิ้น  $3^k$  การทดลองและมีระดับชั้นความเสรีเท่ากับ  $3^k - 1$  จากการทดลองร่วมปัจจัยเหล่านี้จะทำให้เกิดผลรวมของกำลังสองของผลหลัก  $k$  ตัว ที่แต่ละตัวมีระดับชั้นความเสรีเท่ากับ 2 อันตรกิริยาแบบสองปัจจัยจำนวน  $C_k^2$  ซึ่งมีระดับชั้นความเสรีเท่ากับ 4 และอันตรกิริยาแบบ  $k$  ปัจจัยซึ่งมีระดับชั้นความเสรีเท่ากับ  $2^k$  ถ้ามีการทดลองทั้งสิ้น  $n$  เพลทเคด จะทำให้เกิดระดับชั้นความเสรีทั้งหมดเท่ากับ  $n3^k - 1$  และค่าผิดพลาดของระดับชั้นความเสรีเท่ากับ  $3^k(n-1)$  โดยการออกแบบจะมีค่าสูงชันอย่างรวดเร็วตามขนาดของ  $k$  เช่น การออกแบบ  $3^3$  จะประกอบด้วย การทดลองร่วมปัจจัยทั้งสิ้น 27 ตัวต่อหนึ่งเพลทเคด การออกแบบ  $3^4$  จะมี 81 ตัว การออกแบบ  $3^5$  จะมี 243 ตัว เช่นนี้ไปเรื่อย ดังนั้นบ่อยครั้งที่เราจะทำการทดลองแบบ  $3^k$  เพียง 1 เพลทเคดเท่านั้น และนำอันตรกิริยาชั้นสูงมารวมกันเพื่อให้ได้ค่าประมาณของค่าความผิดพลาด ถ้าอันตรกิริยาแบบ 3 ปัจจัยหรือมากกว่าสามารถละเลย ดังนั้นการออกแบบ  $3^3$  ที่มี 1 เพลทเคดจะให้ค่าระดับชั้นความเสรีสำหรับความผิดพลาดเท่ากับ 48 ซึ่งการออกแบบ  $3^4$  ที่มี 1 เพลทเคด จะให้ค่าระดับชั้นความเสรีสำหรับความผิดพลาดเท่ากับ 48 ซึ่งการออกแบบเช่นนี้ยังคงใหญ่เกินไปสำหรับปัจจัย  $k$  มากกว่าหรือเท่ากับ 3 (ปารเมศ ชูติมา, 2545)